

# LongMen



# 高中物理

学科主编 龚霞玲 本册主编 龚霞玲







# 高中数学

A-1 函数	A-7 平面向量
A-2 立体几何	A-8 数列
A-3 解析几何	A-9 不等式
A-4 算法	A-10 微积分
A-5 统计与概率	A-11 建点解读
Δ-6 二角函数	Δ-12 计数原理-除约态量

# 高中物理

B-1 高中力学 (一)	B-5 高中热学
B-2 萬中力学 (二)	B-6 振动波
B-3 高中电学 (-)	B-7 动量 原子物理
R_4 東内由帯 (二)	

# 高中化学

C-1 金属及其化合物	C-5 有机化学基础
C-2 非金属及其化合物	C-6 化学实验
C-3 物质结构与性质	C-7 化学计算
C-4 化学反应原理	

# 高中语文

D-1 语文基础知识	D-4 文言文阅读
D-2 语言表达与运用	D-5 古代诗歌与名句名篇
D-3 现代文阅读	D-6 写作

# 高中英语

E-7 叶刀训练	E-4 完形填空
E-2 单项填空	E-5 阅读理解
E-3 语法	E-6 书面表达

# 高中政治

F-1	经济生活	F-3 文化生活	
F-2	政治生活	F-4 生活与哲学	

# 高中历史

G-1 政治发展史	G-3 文化科技发展史
G-2 经济发展史	G-4 改革与人物

# 高中地理

H-1	自然地理	H-3	区域地理	
H-2	人文物理	H-4	金田は佐谷会	_

# 高中生物

1─1 分子与细胞	I-3 稳态与环境
I-2 遗传与进化	-4 生物实验与探究

# 思想方法

J-1 高中数学思想方法 J-3 高中化学思想方法 J-2 高中物理思想方法

定价: 18.00元



# 高中物理

学科主编 龚霞玲 本册主编 龚霞玲

# 高

龍門書局北京

# 版权所有 侵权必究

举报电话:(010)64031958;13801093426 邮购电话:(010)64034160

### 图书在版编目(CIP)数据

龙门专题:新课标.高中物理.高中物理思想方法/龚霞玲学科 主编;龚霞玲本册主编.一修订版.一北京;龙门书局,2009 ISBN 978-7-5088-2145-0

I.龙… II.①龚…②龚… II.物理课-初中-教学参考资料 IV.G634

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2009)第 140214 号

责任编辑:马建丽 刘 宁 刘 婷/封面设计:耕 者

札 門 書 島出版 北京东黄城標北街 16 号 邮政編码: 100717 www.longmenbooks.com

中国科学院印刷厂印刷

科学出版社总发行 各地书店经销

2009年9月第 - 版 开本: A5(890×1240)

2011 年 8 月第十次印刷 印张:10

字數:359 000

定 价: 18.00元

(如有印装质量问题,我社负责调换)



# 生命如歌

未名湖畔, 博雅塔舍、

明媚的展光穿透枝叶,懒散地泻落在林间小道上,花儿睁开惺忪的 眼睛,欣喜地迎接薄薄的雾霭,最兴奋的是小鸟,扇动翅膀在蔚蓝的天 空中叽叽喳喳地欢唱起来了。微风轻轻拂动,垂柳摇曳,舒展优美的身 姿,湖面荡起阵阵涟漪,博雅塔随着柔波轻快地翩翩起舞。林间传来琅 琅的读书声,那是晨读的学子;湖畔小径上不断有人跑过,那是晨练的 学子;椅子上,台阶上,三三两两静静地坐着,那是求索知识的学子……

在北大,每个早晨都是这样的;在清华,每个早晨也是这样的;在 复旦,在交大,在南大,在武大……其实,在每一所高校里,早晨都是 一幅青春洋溢、积极进取的景象!

在过去几年时间里,我一直在组织北大、清华的高考状元、奥赛金牌得主,还有其他优秀的学子到全国各地巡回演讲。揭开他们"状元"的光环,他们跟我们是那么的相似,同样的普通与平凡。

是什么成就了他们的"状元"梦想?

在来来往往带他们巡讲的路上,在闲来无事的聚会聊天过程中, 我越来越发现,他们每个人都是一道亮丽独特的风景,都有一段奋斗

不息、积极进取的历程,他们的成功,是 偶然中的必然。

小朱,一个很认真、很可爱的女孩子,高中之前家庭条件十分优越,但学习一直平平;在她上高中前,家庭突遭变放,负债累累,用她妈妈的话说,"家里什么都没有了,一切只能靠你自己了"。她说自己只有高考一条路,只有考好了,才能为家里排忧解难。我曾经在台下听她讲自己刻苦学习的经历。"你们有谁在大讲自己刻苦学习的经历。"你们有谁在大



年三十的晚上还学习到深夜三点?你们又有谁发烧烧到 39 度以上还在病床上看书? ……"那一年,她以总分 684 分成为了浙江省文科高考状元。

陆文,一个出自父母离异的单亲家庭的女孩,她说她努力学习的动力就是想让妈妈高兴,因为从小她就发现,每次她成绩考得很好,妈妈就会很高兴。为了给妈妈买一套宽敞明亮的房子,她选择了出国这条路,考托福,考GRE,最后如愿以偿,被芝加哥大学以每年6.4万美金的全额奖学金录取为生物方向的研究生。

齐伟,湖南省高考第七名,清华大学计算机学院的研究生,被全球 最大的软件公司 MICROSOFT 聘为项目经理;霖秋,北京大学数学学 院的小妹,在坚持不懈地努力中完成了自身最重要的一次涅槃,昨天的 她在未名湖上游弋,今天的她已在千里之外的西雅图······

还有很多优秀的学子,他们也都有自己的故事,酸甜苦辣,很 真实,很精彩。我有幸跟他们朝夕相处,默默观察,用心感受,他们 的自信,他们的执着,他们的勤奋刻苦,尤其是他们的"学而得其 法"所透露出来的睿智更让人拍案叫绝,他们人人都有一套行之有 效的学习方法,花同样的时间和精力他们可以更加快速高效。我 一直在想;如果当年我也知道他们的这些方法,或许我也能考上清 华或北大吧?

多年以来,我一直觉得我们的高考把简单的事情搞复杂了,学生 们浪费了大量的时间和精力却收效甚微;多年以来,我们也一直在研究如何将一套优良的学习方法内化到图书中,让同学们在不知不觉

> 中轻松、快速地获取高分。这就是出版《龙 门专题》的原因了。

> 一本好书可以改变一个人的命运! 名校,是每一个学子悠远的梦想和真实的 渴望。

《龙门专题》走向名校的阶梯!

总集划 《龙门专题》集划组 2010年8月



# 《龙门专题》状元榜

赵永胜 2007年山西省文科状元 中国人民大学财政全融学院

星座: 射手座

喜欢的运动, 爬山 乒乓球

喜欢的书: 伟人传记, 如《毛泽东传》

人生格言: 生命不息, 奋斗不止

学习方法、技巧:兴趣第一,带着乐趣反复翻阅教 科书,从最基本的知识入手,打字"地墓",从墓础知 识中演绎难题,争取举一反三,融会贯通。合理安 排时间, 持之以恒, 坚信"天道酬勤, 勤能补抽"。

武書類 2005 年河北省文科状元 北京大学元培学院

星座: 天秤座

喜欢的运动:游泳 网球

喜欢的书: A Thousand Splendid Stats

人生格高, 高得时间, 高得生命

学习方法、技巧: 勤奋是中学学习的不二法门: 同时 要掌握良好的学习方法,如制定学习目标,计划,定 期总结公式、解题思路等、这样能事率功倍。最后要 培养良好的心态,平和积极地面对学习中的得失。

邱 汛 2005年四川省文科状元 北京大学

星座: 处女座

喜欢的运动: 篮球 乒乓球 喜欢的书:《哈利·波特》

人生格言:非淡泊无以明志,

非宁静无以致沅

学习方法、枝巧: 1. 要保持一颗平常心泉面对者 试、繁重的学习任务和激烈的竞争。2. 学会从各 种测验考试中总结经验、数训,而不要仅仅局限 于分数。3. 学会计划每一天的学习任务, 安排每 一天的学习时间。4. 坚持锻炼, 劳逸结合。

田 禾 2005年北京市理科状元 北京大学元培学院

星座:水瓶座

喜欢的运动: 羽毛球

事欢的书: 历中举书籍 人生格言: 认真、坚持

学习方法、技巧: 认真听讲, 勒于思考, 作阶段性 总结,及时调整学习计划,坚持阅读课外书和新

闻,一以贯之,学不偏废。



卢 毅 2006 年浙江省理科状元 北京大学元培学院

喜欢的运动: 跑步 滑板

星座, 天秤座

喜欢的书:《卡尔维诺文集》

人生格言: 做自己 学习方法、技巧: 注重知识点的系统性,将每门学

科的知识点作一个系统地梳理,无论是预习还是 复习,这样便可在课上学习时有的放矢,课后复习 时音漏补缺, 坚持锻炼, 劳逸结合.

刘诗泽 2005 年黑龙江省理科状元 2

北京大学元培学院 暴廃, 全牛座

喜欢的运动: 篮球 台球 排球

喜欢的书:《三国演义》

人生格言:战斗到最后一滴血

学习方法、技巧:多读书,多做题,多总结。看淡 眼前成绩,注重长期积累。坚持锻炼,劳逸结合。

林 叶 2005年江苏省文科状元 北京大学

星座:水瓶座

喜欢的运动;跑步 台球 放风筝 喜欢的书:《黑眼睛》《笑面人》

人生格言: 不经省察的生活不值得过

学习方法, 技巧, 学习分两拳, 一拳和理根直正有 关,另一类只是不得不过的门槛。不要总因为喜 好就偏魔其中的一个,它不仅是必须的,而且你也, 许会发现,它本来也值得你热爱和认真对待。你 自己的学习方法别人永远无法替代。它也是你生 活的一部分,完善它,就像完善你自己。

朱师达 2005 年湖北省理科状元 北京大学元培学院

星座:水瓶座

喜欢的运动:足球 篮球 游泳

喜欢的书:《追风筝的人》《史记》 人生格言: 有梦想就有可能,有希望

就不要放弃

学习方法、技巧: 1. 知识系统化、结构化是掌握知 识的有用技巧和重要体现。2. 知其然还要知其所 以然,记忆才更牢固。 3. 整体把握兴趣和强弱科的 平衡。4. 正确认识自己的弱点,集中力量克服它。









# 编委会

学科主编: 龚霞玲

编委会成员: 邢新山 郑 帆 徐 辉

黄干生 方红梅 杨影梅

周春凤 岑 栋



# **Contents**

# 目录

高中物理	理思想方法总述	(1)
第一讲	跟踪分析法 ······	(3)
1.1	受力分析	(3)
1. 2	牛顿运动定律与运动过程关系的分析	(14)
第二讲	图象法	(34)
2. 1	力与运动的图象法	(34)
2.2	能量与动量部分的图象法	(54)
2.3	振动及波动部分图象法	(73)
2.4	电场部分图象法	(93)
2.5	电磁感应部分图象法	(114)
第三讲	整体法与隔离法	(130)
3. 1	平衡态中的整体法与隔离法	(130)
3. 2	牛顿运动定律中的整体法与隔离法	(137)
3.3	能量与动量中的整体法与隔离法	(148)
第四讲	临界条件	(175)
4.1	牛顿运动定律和运动学中的临界条件	(175)
4.2	动量与能量中的临界条件	(193)
4.3	带电体在电场和磁场中运动的临界条件	(207)
第五讲	物理模型	(254)
5. 1	力学中的建模	(254)
5. 2	.电学中的建模	(265)
第六讲	极限法、量纲法 ·····	(292)





# 高中物理思想方法总述

物理学科研究的是物体(大到天体,小到粒子)的运动状态及其变化的原因,我们学习物理的过程就是由抽象的、定性的了解,到应用数学进行定量研究,这才有了人们所说的数理不分家,从某种意义上讲,物理就是将数学赋予了具体的含义.

研究物理的思想方法中最重要的方法是观察、分析、归纳、总结.物体运动状态的变 化与变化的原因之间存在着干丝万缕的联系,学习物理学是培养学生观察、分析、归纳、 总结……诸能力的一个重要途径。

數学是定量研究的重要工具,巧妙地运用數学知识来处理物理问题能达到事半功倍 的效果,应用数学的技巧或一些特殊的方法,也是处理物理问题的一种重要途径.如图象 法.极值法……

物理虽然与数学有千丝万缕的联系。但是物理学却有着自己的规律,对应这些规律、 特征又有一些处理问题的技巧,如对称性、等效性。临界状态。量纲、物理模型等,使得在 处理物理问题时相对数学又有一些特殊性。

对于物理问题,有的可以从各个不同的角度进行思考,但并不影响结果,有的问题所涉及的方法可能有几个,这并不奇怪,本书所选用的例题中就有互相渗透的情况. 从某种角度来讲,"极限法"与"临界条件"之间就没有一个明显的界线,但它们确有一定的区别,极限法是当一个物理量趋于一个极限值时(这个极限值可能是无穷小,也可能是无穷大,还可能是趋近某一个具体值),另一个物理量将趋于一个定值;而临界条件则是一个物理量在逐渐变化的过程,由量变而到质变的过程中的转折点,求解某些问题时,有时说是"极限法",有时说是"临界条件",区别就不是那么明确,但必须注意到它们的共同点就是寻找这个特殊的值,有些试题求解的途径是唯一的,但在很多情况下,用特殊的方法可以帮助理解题意《极限法、图象法在这方面的作用非常突出)、寻找特殊的解题视角、提高解额效率。

本书目录的编排是根据应用的多少先后排列。最基础、最重要的、最常规的跟踪分析 法是贯穿整个物理学习的全过程。将其放在首位。最能体现观察能力、分析能力和应用数 学能力的图象法排在第二.整体法与隔离法排在第三.高考中重点考查能力的临界条件 放在第四.而特殊的方法。如极值法和量纲式则放在本书的最后.

对于每种方法的编写,按教材的顺序进行,特别是比较重要的方法,更是按教材内容 的顺序进行,便于读者使用.每节后面设有高考思想篇,由于高考命题是对教材的整体考 查,所涉及的知识点就不是按教材的顺序,但由于方法是一致的,所以,高考思想篇需要 的知识就比较全面些,可能读者在看到这部分内容时需要学习了相关的知识后才能有所



体会.
不管什么方法,应用时总是要涉及物理学科的知识,离开了物理学科的基本知识和 规律就谈不上在解题中应用什么方法,方法论是需要一定的基础,这就是扎实的物理学 知识及其基本功,不要寄希望通过方法的学习而达到对物理学习一蹴而就的效果.所以, 从另一个角度来看,对物理学有着深厚功底的人对解答物理问题就不需要什么方法了, 他能根据具体情况选取合适的解答途径,这是大师级的"无招胜有招"的境界,也就是"书 越读越厚,书越读越薄"的道理,不过这"无招胜有招"的境界一定是从有招有式中过渡来

的, 这中间当然也免不了经过艰苦的探索、归纳和总结。



# 第一讲 跟踪分析法

一个物理过程,或者某一状态,都有对应的条件,由条件确定过程或由过程确定物体 对应的条件.一般来说,物体的运动状态是由初始运动条件和受力情况决定的,这种相互 依存的关系是我们分析问题的走向.那么,跟踪物体的运动状态变化,可以分析其受力情况,或跟踪受力情况,可以分析其运动状态的变化.跟踪分析方法是高中物理学习中最重要、最常用的方法.

跟踪分析法贯穿物理学习的全过程,特别是对于单个物体的多个运动过程,在过程 分析中一定要遵循力与运动关系亦步亦趋地逐步分析(这种方法在今后物理学习中占有 上导地位),而对于多个物体相接触时,就需要逐个分析.

# 1.1 受力分析

受力分析的能力是高中物理学习中必须具备的最基本也是最重要的能力。这种能力 的培养贯穿了高中物理学习的全过程。

受力分析的程序是:首先是场力,也就是非接触性的力,如重力、电场力、磁场力等。 当题设条件中有轻杆、轻绳、轻环……只要在实体的前面加上"轻",就意味着重力忽略不 计:再一种情况就是明确指出某物体的重力不计,其次分析接触性的力,如弹力、摩擦力等。要分析相互接触物体之间有没有相对运动或相对运动的趋势。

由物体的受力情况和运动状态来研究力的大小和方向,是力学部分学习的重点和 难点.

在受力分析中,力的个数不能错, · · · · · · · · 力的个数错,也就意味着以后所做的解答全是 无用功,正确的受力分析甚高中物理学习中必须具备最重要,最基本的能力,

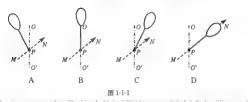
签于这是本书的第一节,所以,所选内容是高中物理最前面的内容,受力分析侧重于 平衡态的受力分析,这种分析的模式会渗透在本书后面的每个章节,



# 解题方法指导

[閏1] 氦气球下系一重为 G 的物体 P. 在空中做匀速直线运动,如不计空气阻力和风力的影响,物体中心恰能沿 MN 方向(如图 1 1 1 中箭失指向)斜向上升,图 1 1 中 O O 为 密省方向,则在图 1-1-1 中气球和物体 P 所处的情况正确的是 ( )





[分析] 物体 P 仅受重力和绳子的拉力而做匀速直线运动,这两个力,定是一对平衡力,重力的方向竖直向下,绳子的拉力一定竖直向上,绳子产生的弹力总是与直绳相切,绳子是竖盲的方向。

### [##] B

[暴减] 本题扣住气球做匀速直线运动,受到的两个力一定是平衡力进行判断。

[閏2] 两个物体  $A \Rightarrow B, 质量分别为 M \Rightarrow m, 用跨过定滑轮$ 约轻绳相连, <math>A 静止在水平地面上, 如图 1-1-2 所示, 所有接触都是 光滑的, A 对绳的作用力  $F_A$  与地面对 A 的作用力  $N_A$  的大小分别 是



酮 1-1-2

$$A. F_A = mg, N_A = (M-m)g$$

B. 
$$F_A = mg$$
,  $N_A = Mg$ 

$$C. F_A = (M-m)_R, N_A = M_R$$

D. 
$$F_A = (M+m)g$$
,  $N_A = (M-m)g$ 

[分析] 物 A 静止在水平地面上,B 也一定处于静止,B 受到绳子拉力与 B 的重力是 -对平衡力,轻绳的拉力处处相等,A 对绳的作用力  $F_A = mg$ ;反过来,绳对 A 向上的拉力大小为mg,A 受到  $\subseteq$  个力的作用,竖直向下的重力 Mg,绳竖直向上的拉力 mg,地面 竖直向上的 支持力  $N_A$ ,向上的力与向下的力大小相等,有  $N_A + mg = Mg$ , $N_A = (M-m)g$ .

# [##] A

[ $$ar{z}_{m}$ ] 本题扣住 B 只受到一对平衡力的作用,绳子的作用力不变,再分析 A 的受力情况。一般来说,在受力分析过程中,受力个数少的物体先分析,受力个数多的物体后分析,这是受力分析中所需要遵循的重要顺序。



[图3] 如图1-1-3所示。质量为M的圆环用轻鲽吊在天花板上。 环上有两个盾量均为 m 的小环自大环顶部开始分别向两边滑下, 当两 个小环下蔗至与大环膜心等高时,小环牵到的摩擦力为 f,此时缇对大 **环的拉力大小为** )

A. (M+m)g B. (M+2m)g C. Mg+f

D. Mg + 2f

图 1-1-3

[分析] 两小环受到的魔樓力方向向上,大环受到小环对它的魔樓力 f 向下, 不受 到向下的重力 Mg 和编的拉力 F,由于大环静止,它受到向上的合力的大小等于向下的 合力的大小,即F=Mg+2f,

[##] D

[黑点] 大环受到的第一个力县重力,第二个力县编对它竖盲向上的拉力,小环在 大环上向下滑动受到向上的滑动磨擦力,由于力的作用是相互的,大环受到小环对它向 下的滑动魔檫力,根据大环处于静止状态,所以,大环在竖直方向上受到向下的力之和等 于向上的力之和, 本颜中的小环运动状态是非平衡态,

[四4] 如图 1-1-4 所示,表面粗糙的固定斜面顶端安有滑轮,两物块 P、Q 用轻 经连接并跨过滑轮(不计滑轮的盾量和磨擦)。P 悬干空中、Q 在斜面上, 处干静止故 杰, 当用水平向左的恒力推O时, P, O仍静止不动, 则 )

A. O 参到的摩擦力一定 变小

BO受到的摩擦力一定变大

C. 轻绳上拉力一定变小

D. 轻绳上拉力一定不变



图 1-1-4

「分析」 P 悬于空中一直静止,说明轻绳拉力大小等于 P 的重力,保持不变;设斜面 的倾角为 $\theta$ ,当 $m_{RF} = m_{QF} \sin \theta$ ,O与斜面之间没有废墟力,当加一水平向左的恒力,使O 有沿斜面向上的运动趋势,受到的魔镰力将由零增大;当 mpg < mog sind, Q 受到沿斜面 向上的應擦力,当Q受到向左的恒力时,Q可能受到沿斜面向上减小的摩擦力,也可能不 受摩擦力,也可能受沿斜面向下的摩擦力,而大小变化不确定;当 $m_{PQ} > m_{OQ} \sin\theta$ ,Q受到 沿斜面向下的魔權力,当 O 受到向左的恒力时, O 受到沿斜面向下的魔權力增大,

[##] D

[裏点] 以 Q 的重力平行于斜面的分量与 P 的重力大小相等为临界条件进行判 断,这样不会漏掉其他两种情况。



「劉5」 如图 1-1-5 所示。有 6 个相同的物块潜在水平面上。每个物块的重力为 G=10N, 每个物块与水平面的量大静康擦力为1, 4N。现用 F=6N 的水平力推動車1. 下列刺斯正确的是

A. 物块 1 季 4 个力的作用

B. 物块 5 受 4 个力的作用

C. 每个物块受到的磨擦力都是 1N

D. 物块 6 不受磨擦力



图 1-1-5

「分析」 6 个相同物块与地面间的最大静慶據 力为 f..... s = 1.4× 6N=8,4N>F=6N,物系处于静止状态,物系与地面间的静压擦力为  $f_{\rm eff} = 6N$ 



以物块1为研究对象,其受力如图 1-1-6 所示,在竖直方向上,受 图 1-1-6 到的重力 G 与水平面的支持力 N 是一对平衡力, 水平方向上受到水平推力 F 作用。物块 1 有向右运动趋势,由于 F=6N>f,m,=1,4N,物块 1 挤压物体 2,物块 1 与物块 2 之间 有弹力,物块1受到物块2的弹力 $F_{21}$ ,由图和物块1的平衡条件可知 $F_{21}=F-f_{1max}=$ 4.6N,所以,物块1号到5个力的作用。

物系中受到摩擦力的物块有  $n = \frac{F}{f_{-n}} = \frac{6}{1.4} = 4.28$ , 取 n > 4, 即 n = 5. 即第 5 个物块 受到的静摩擦力 f:=F 4 fmx 0,4N < fmx = 1,4N, 显然物块 5 与物块 6 之间没有格 压, 也就没有弹力, 物块 6 水平方向不受力, 只受到坚直方向的重力和水平面的支持力 而物块5受到物块4对它的弹力和水平而对它的静廉擦力而平衡。物块5在竖直方向受 到2个力,物块5受4个力的作用。

1~4 号物块受到的静摩擦力均为最大静摩擦力,物块 5 受到的静摩擦力为 0,4N,物 块 6 不受磨擦力.

[春春] BD

「彈精」首先确定物系处于静止状态,再分析物块1处于静止状态受力情况,在这 里首先要明确一点,物块1受到推力先克服最大静摩擦力后再挤压物块2,而不是先挤压 2 再克服最大静壓擦力,以后的每两个物块之间都是这种情况, 因为物块 1 要挤压物块 2 就必须有向物块2运动的趋势。

本题分析时先整体,后个体,实际上就是整体法与隔离法联合应用,

確定受静隱據力物块的个数是用權力除以每个物块受到的最大篩應鄉力, 甚較数, 即整数对应的物块均受最大静摩擦力,是小数,则整体部分物块受到的静摩擦力是最大 静塵擦力,而小数对应的部分不能四金五人,进位取够数,其对应的物块受到的静压擦力 不是最大静麾擦力.

# 雕雕训作

1. 如图 1 1 7 所示,一个重为 G. 的人站在重为 G. 的木箱里, 他 用力 F 向上椎木箱, 则下列说法中正确的是

A. 人对木箱底的压力大小为 $(G_0+F)$ 

B. 人对木箱底的压力大小为(G:-F)

C. 木箱对地板的压力大小为 $(G_0+G_0-F)$ 

D. 木箱对地板的压力大小为(Go+Go)



图 1-1-7

2. 如图 1-1-8 所示, 两根相同的轻磁管 S. . S. . 劲度系数均为 b=4×  $10^2 \text{ N/m}$ ,悬挂的重物质量分别为  $m_1 = 2 \text{ kg}$  和  $m_2 = 4 \text{ kg}$ ,若不计弹管质量,取 g=10N/kg,则平衡时弹簧 S<sub>1</sub>、S<sub>2</sub>伸长量分别为

A. 5 cm. 10 cm

B. 10 cm. 5 cm

C. 15 cm, 10 cm

D. 10 cm, 15 cm

3. 甲、乙、丙三个相同的物体放在祠一水平面上,它们分别受到如图 1-1-9所示外力作用后,均在水平面上运动,若它们与水 平面间动魔擦因数相同,它们受到的魔擦力

A. F . W > F . 7. > F . W

图 1-1-9

B. F ( | < F ( ) < F ( )

C.  $F_{f^{\#}} = F_{fZ} = F_{f^{\#}}$ 

D. F . 7. > F . 18 > F . 18

4. 如图 1-1-10 所示,在粗糙的水平面上放一三角形木板 a,若物体 b 在 a 的斜面上 匀速下滑,则

A. a 保持静止,而且没有相对水平面运动的趋势

B.a. 保持静止,但是有相对水平面向左运动的趋势

C.a 保持静止,但是有相对水平面向右运动的趋势

D. 因条件不足, 无法对 a 的运动状态作出判断



图 1-1-11

图 1-1-10

5. 如图 1-1 11 所示,一木块放在水平面上,在水方向上共受到三个力的作用,即  $F_1 = 10N, F_2 = 2N$  和摩擦力作用,木块处于静止状态,则以下说法正确的是 ( )

A, F<sub>1</sub>, F<sub>2</sub> 和摩擦力三个力的合力为零



- B. 若撇去 F.。则未块在水平方向受到的会力仍为零
- C. 若撒去 F., 则木块在水平方向受到的合力为 10N, 方向向左
- D. 若撤去 F<sub>2</sub>,则木块在水平方向受到的合力不可能为零

# \* 茶葉与提示

- 1.  $AD(求人对木箱底的压力,以人为研究对象,人受到的重力<math>G_r$ 和木箱顶部对他向下的压力大小为 $F_r$ 木箱对他向上的支持力大小等于人受到向下的力之和 $G_r+F_r$ 即人对木箱底的压力大小为 $G_z+F_r$ 求木箱对地板的压力大小,以木箱和人为研究对象,他们受到的重力为 $G_z+G_r$ ,地面对木箱支持力与他们受到的重力是一对平衡力,木箱对地板的压力大小为 $G_r+G_r$ )
- 2. C(以物块  $m_2$ 为研究对象,它受到弹簧  $S_1$ 的弹力与其重力是一对平衡力,即 $k \Delta l_2 = m_2 g_1 \Delta l_2 = \frac{m_2 g_2}{k} = 10 \, \mathrm{cm}$ ,将物块  $m_1$ 、 $m_2$ 作为一个整体进行分析,它们受到弹簧  $S_1$ 形变产生的弹力与重力是一对平衡力, $k \Delta l_1 = (m_1 + m_1)g_1$   $\Delta l_1 = \frac{(m_1 + m_2)g}{k} = 15 \, \mathrm{cm}$ )
- 3. D(物体与地面间的弹力大小排列顺序为  $N_{\rm c}>N_{\rm H}$ ,得动摩擦力  $f=\mu N$ ,在  $\mu$  相同的条件下, $F_{I,{\rm c}}>F_{I^{\rm H}}>F_{I^{\rm H}}$ )
- 4. A(系统处于平衡态,在水平方向上没有外力,没有相对水平面运动的趋势,本题还可以应用隔离法对6,a分别作受力分析进行判断)
- 5. AB(木块处于静止状态,水平方向合力为零,由此可知,木块与水平面间的静摩擦力<math>f,=F<sub>1</sub>-F<sub>2</sub>=8N,若撤去F<sub>1</sub>, 木块需要2N静摩擦力与F<sub>2</sub>平衡,这个静摩擦力小于8N,是可能的;若撤去F<sub>2</sub>, 木块需要10N静摩擦力与F<sub>3</sub>平衡,由于不知木块与水平面间最大静摩擦力的大小,木块在水平方向受到的合力可能为零,也可能不为零)

# 高考思想篙

# 2004 考点直击

年份	艇源及类型	考点
2009	浙江理線 T14 选择 6 分、山东理線 T16 选择 6 分、 天津理線 T1 选择 6 分	<b>電力、弾力、摩擦力及</b>
2008	天津理综 T19 选择 6 分、海南理综卷 T9 选择 6 分、山东理综 T16 选择 6 分、四川灾区卷 T21 选择 6 分	物体的平衡条件的应用
2007	上海卷 T10 选择 5 分、海南卷 T3 选择 6 分	





[四1] (2009·浙江)如图 1-1-12 所示,质量为 n 的等边三棱柱静止在水平放 置的斜面上, 已知三棱柱与斜面之间的动摩擦因数为 4. 斜面的倾角为 30°, 则斜面对 三棱柱的支持力与摩擦力的大小分别为

A, 
$$\frac{\sqrt{3}}{2}mg \approx \frac{1}{2}mg$$
  
C.  $\frac{1}{2}mg \approx \frac{1}{2}\mu ng$ 

$$R \frac{1}{2} mg \approx \frac{\sqrt{3}}{2} mg$$

$$D \frac{\sqrt{3}}{2} mg \approx \frac{\sqrt{3}}{2} \mu mg$$



三棱柱静止在水平放置的斜面上,三棱柱受到三个力的作 用,重力竖直向下,斜面的支持力垂直干斜面向上,静度擦力平行干斜面 向上,支持力与摩擦力的合力与重力是一对平衡力,如图 1-1-13 所示,由 图可知:  $N = mg\cos 30^{\circ} = \frac{\sqrt{3}}{2}mg$ ,  $f = mg\sin 30^{\circ} = \frac{1}{2}mg$ .



[##] A

图 1-1-13

[**图2**] (2009。山东)如图 1-1-14 所示,光滑丰诚形实器固定在水平面上,()为 球心,一盾量为 m 的小滑块,在水平力 F 的作用下静止于 P 点, 设滑块所受支持力为  $F_{V}$ , OP 与水平方向的丧角为 $\theta$ , 下列关系正确的是

A. 
$$F = \frac{mg}{\tan \theta}$$

B. F=mgtan θ

C.  $F_N = \frac{mg}{mg}$  D.  $F_N = mg \tan \theta$ 



「分粉」 如图 1-1-15. 小滑块受到三个力的作用: 重力 mg 竖直向下, 容器的支持力 Fn指 向球心,水平作用力F,mg与F的合力与N是一对平衡力,由图可知 $F = \frac{mg}{\tan \theta}$ , $F_N = \frac{mg}{\sin \theta}$ 

# [事金] A

[B3] (2009·天津)物块静止在固定的斜面上,分别按图 1-1-16 所示的方向 对物块施加大小相等的力F,A中F垂直于斜面向上,B中F垂直于斜面向下,C中F 整直向上、D中F整直向下。施力后物块仍然静止。则物块所要的静摩擦力增大的是









图 1-1-16



[分析] 物体能静止在斜面上,说明沿垂直于斜面方向上的合外力为零、平行于斜面方向上的合外力为零、不加外力时、物块受到的静摩擦力  $f_i = mg\sin\theta(\theta)$  是斜面的倾角). A,B两图中的F只影响垂直于斜面方向上的力,不影响平行于斜面方向上的力;C图中的竖直向上的力F与重力的合力小于重力,使静摩擦力减小;D图中的竖直向下的力F与重力的合力大于重力,使静摩擦力增大。

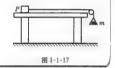
[##] D

àn-

[閏4] 如閏1-1-17 所示,P是位于水平的粗糙桌面上的物块,用跨过定滑轮的 轻缆将P与小盘相迭,小盘内有砝码,小盘与砝码的总质量为加,在P运动的过程中, 若不计空气阻力,则关于P在水平方向受到的作用力与相应的施力物体,下列说法正 确的量

A. 拉力和摩擦力, 施力物体是地球和桌面 B. 拉力和摩擦力, 施力物体是领和桌面

- C. 重力 mg 和摩擦力, 施力物体是地球和桌面
- D. 重力 mg 和摩擦力, 施力物体是绳和桌面

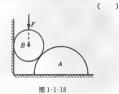


[分析] 在 P 运动的过程中,在水平面方向受到的作用力第一个力是绳的拉力,施力物体是绳,第二个力是桌面对 P 的 P 动摩擦力,施力物体是桌面.

[##] B

[內5] 在粗糙水平地面上与墙平行放着一个截面为半圆的柱状物体 A,A 与整直墙之间放一光滑圆球 B,整个装置处于静止状态. 现对 B 加一整直向下的力F,F 的作用战通过球心,设墙对 B 的作用力为F<sub>1</sub>,B 对 A 的作用力为F<sub>2</sub>,地面对 A 的作用力 为F<sub>3</sub>,若 F 缓慢增大而整个集置仍保持静止,截面加图1-1-18所示,在此过程中

A.F.保神不变。F.緩慢增大 B.F.緩慢增大。F.保神不变 C.F.緩慢增大。F.緩慢增大 D.F.緩慢增大。F.保持不变



「分析」 力 F 产生了两个作用效果。一个是使 B 压 紧竖直墙面的力 $F'_1$ ,一个是压紧A的力 $F_2$ ,如图 1-1-19所示 当力下缓慢增大时,合力的方向和两个分 力的方向都没有发生变化,当合力增大时两个分为同时 增大.

[##] C



图 1-1-19

[图 6] 用轻弹簧竖直悬挂的盾量为加的物体,静止附弹簧伸长量为 L。现用该 弹簧沿斜面方向拉住质量为 2m 的物体,系统静止时弹簧伸长量也为 La,斜面倾角为 30°, 如图 1-1-20 所示, 则物体所受摩擦力

A. 等于堂

B.大小为 1 mg, 方向沿斜面向下

C. 大于为 $\frac{\sqrt{3}}{2}mg$ ,方向沿斜面向上

D. 大小为 mg, 方向沿斜面向上



[分析] 由题意可知弹簧对物体的拉力为 mg,物体的重力平行于斜面的分量也是 mg,物体在斜面上相对斜面没有相对运动的趋势。更没有相对运动。魔擦力为零

# [##] A

[對7] 如图 1-1-21 所示,用两根细线把,A. B. 两 小球悬挂在天花板上的同一点 (),并用第三根细线连接 A、B两小球,然后用某个力F作用在小球A上,使三根 细线均处于直线状态,且()B细线恰好沿竖直方向,两小 球均处干燥止状态,则该力可能为限中的

A. F.  $C, F_3$ 

R.F. D. F.



图 1-1-21

「分析」 物体若显受到 "个其点力的作用外下平衡状态, 读三个力若不是在制一条 直线上,这三个力的作用线不能在同一条直线的同一侧,基于这个原则,对于 B 球,受到 两个力的作用,重力和竖直线的拉力,线 AB 对 B 球没有作用力,对 F A 球来讲,若是  $E_1$ ,则三力在()A 这条直线的同一侧,不可能,若是 $E_2$ ,这三力在竖直线的同一侧,若是 F。或 F。均有平衡的可能性。

## [★★] BC

[个共点力平衡时,三力方向的分布特点是三个力若是不在同一条直线 上, 这三个力不能分布在同一条直线的同一侧。



[图8] 两个可视为盾点的小珠 a 和 b, 用盾量 可忽略的附性细杆相连。被冒在一个光滑的丰珠内。 如图 1-1-22 所示. 已知小璇 a 和 b 的盾量之比为 √3.细杆长度是球面半径的√2倍, 两球处干平衡状态 时,细杆与水平面的夹角 8 是 ( )

A. 45° B. 30°

C. 22. 5°

「分析」 由顯意可知等腰三角形 (Oab 是等腰 官角-角形, / Oab= / Oba=45°, 作出 a, b 两小球 的受力图,细杆对两球的作用力大小相等,方向相 反, 半球面对两小球的作用力方向均指向球心, 因 小球平衡,两小球均受三个力的作用,这三个力中 任意两个力的合力与第三个力都是一对平衡力、



D. 15°



图 1-1-23

由图 1-1-23 可知,对 
$$\alpha$$
 球有:  $\frac{F}{\sin{(\pi-\alpha)}} = \frac{m_n g}{\sin{45^\circ}}$ , 同理可得  $\frac{F}{\sin{[\pi-(\pi/2-\alpha)]}} =$ 

 $\frac{m_b g}{\sin 45^\circ}$ ,由以上两式可得 $\frac{m_b}{m_b} = \frac{\cos a}{\sin a}$ ,即  $\tan a = \frac{m_b}{m_b} = \frac{1}{\sqrt{3}}$ ,  $a = 30^\circ$ ,  $\theta = \angle Oba - a = 45^\circ 30^{\circ} = 15^{\circ}$ 

[##] D

[四9] 如图 1-1-24 所示,一固定斜面上两个质量相同的小物块 A 和 B 紧换着 匀速下滑, A 与 B 的接触面光滑, 已知 A 与斜面之间的动摩擦因数是 B 与斜面之间动 摩擦因数的 2 倍,斜面倾角为 a. B与斜面之间的动摩擦因数是

A.  $\frac{2}{3}$  tan  $\alpha$ 

 $B_{1} = \frac{2}{2} \cot \alpha$ 

C. tan a

D. cot a



图 1-1-24

[分析] 将 A、B 两物体作为一个整体分析时,沿平行于斜面方向上合外力为零有;  $\mu_A mg \cos \alpha + \mu_B mg \cos \alpha = 2 mg \sin \alpha$  &  $3\mu_B = 2 \tan \alpha$   $\mu_B = \frac{2 \tan \alpha}{2}$ 

[春安] A



# 思维老试测试

1. 如图 1-1-25 所示。木块 A, B 分别重 50N 和 60N, 它们 与水平地面间的动魔塘因数均 0, 25, 夹在 A, B 之间的轻弹管 被压缩了 2 cm, 弹簧的劲度系数为 400 N m, 系统置于水平地 面上静止不动。现用 F=1N 的水平拉力作用在木块 B 上,如 图 1-1-25 所示, 力 F 作用后



- A. 木块 A 所受監擦力大小是 12.5N
- C. 木块 B 所受魔樓力大小是 9N D. 木块 B 所受魔樓力大小是 7N
- B. 木块 A 所受隆穰力大小是 11.5N
- 2. 在建筑工地上有时需要将一些建筑材料由高处送到低处,为此工人们设计一种如 图 1-1-26 所示的简易滑轨: 两根圆柱形木杆 AB 和CD 相互平行,斜靠在竖直墙壁上,把 一摞瓦放在两木杆构成的滑轨上,瓦将沿滑轨滑到低处,在实际操作中发现瓦滑到底端 时速度较大,有可能擦碎,为防止互被损坏,下列措施中可行的悬 )
  - A. 增大两杆之间的距离

B. 减小两杆之间的距离

C. 减少每次运送瓦的块数

D. 增多每次运送互的块数



图 1-1-26



图 1-1-27

3. 如图 1-1-27 所示, 位于水平卓面上的物块 P, 由跨过定滑轮的轻编与物块 Q 相 连,从滑轮到 P 和到 O 的两段编都是水平的,已知 O 与 P 之间以及 P 与桌面之间的动魔 擦因数都是 4, 两物块的质量都是 m, 滑轮的质量、滑轮轴上的摩擦都不计, 若用 -水平向 右的力 F 拉 P 使它做匀速运动,则 F 的大小为

A. 4 umg

B, 3<sub>Long</sub>

C. 2 umg

D. umg

1.  $C(B \land L)$  大块受到水平向右的拉力 F 和弹簧的推力,这两个力的合力大小为  $F_{Bold}$  =  $F + k \Delta l = (1 + 400 \times 0, 02) N = 9 N_* B$  与水平面间滑动魔擦力  $f_R - uG_R - 15 N > 9 N_* B$  受 到水平向左摩擦力为 9N; A 受到弹簧向左推力与静摩擦力平衡, 为 8N)



2. A(瓦受力图如图 1-1-28 所示,由图可知两木杆对它的支持力 N 的合力与其重力平衡,两木杆之间的距离增大,即两支持力之间的夹角增大,合力大小不变,两分力增大,支持力增大,滑动摩擦力增大,阻力增大,瓦滑到底部的速度就小)



3.  $A(Q \ni P)$  之间摩擦力为 $\mu mg$ , P 与桌面之间的摩擦力为 $2\mu mg$ , 绳的拉力大小等于 $Q \ni P$  之间摩擦力为 $\mu mg$ , 这三个方向均向左, 拉力与这三个力之和平衡)

图 1-1 28

# 1.2 牛顿运动定律与运动过程关系的分析

牛顿运动定律是力学乃至整个经典物理学的基本规律,是动力学的基础,它是高中 物理的核心内容,物体运动状态的变化,与受力情况息息相关,根据物体的受力情况确定 物体的运动状态,或由物体的运动状态确定物体受力情况是牛顿第二定律要解决的两种 主要题型,在分析这些问题时,跟踪分析法是最常用和最重要的方法.



# 解释方法指导

[門1] 如图 1-2-1 所示,实验小车在水平路面上做 匀速直线运动。在车厢内固定的光滑桌面上放置着廣量分 到为 M 和加 的两个物体,且 M>m,当车突然停止时,两物 体在离开桌面前



A. 一定相捷

B. 一定不相捷

图 1-2-1

C. 不一定相撞

D. 先接上,又分开

(分析) 两物体在水平方向上没有受到力的作用,它们的运动状态不改变,两物体在离开桌面前相对静止,B选项正确。

### **番乗**1 B

- [**图2**] 小則同學被學回家的路上, 脚被石块鉢了一下, 身子向前跌倒; 而与他一块儿回家的小明过一会儿不小心脚踩到一块西瓜皮, 身子向后摔倒, 如图 1-2-2 所示 对这两种情景, 下列解釋合理的是
  - A. 二者脚的运动状态改变,而上身由于惯性仍保持原来运动状态
  - B. 二者上身的运动状态改变,而脚由于惯性仍保持原来运动状态
  - C. 前者上身的运动状态改变,而脚由于惯性仍保持原来运动状态;后者脚的运动状态改变,而上身由于惯性仍保持原来运动状态
  - D. 前者脚的运动状态改变,而上身由于惯性仍保持原来运动状态,后者上身的运动状态改变,而脚由于惯性仍保持原来运动状态



[分析] 脚碰到静止的石头后脚的速度变为零,而人的身子由于惯性继续向前运动,人就向前倒;脚踩在西瓜皮上,由于西瓜皮与地面的摩擦小,在脚踩西瓜皮的时候脚给西瓜皮。一个向前的作用力,西瓜皮获得向前的速度大力后后倾



图 1-2-2

### [番乗] A

- [專本] 两种现象都是脚的运动状态发生了变化。而人的上身运动状态没有变化导致的. 前者是脚的速度突然变为零,后者是脚的速度突然增大。明确这两点才能正确地解释产生的现象。
- [183] 一个物体曼几个力的作用而处于静止状态,若保神其余几个力不变,将 其中一个力F,逐渐减小到零(方向不变),然后又逐渐增大到F,方向仍然不变,在这 个过程中,物体的
  - A. 加速度始终增大,速度始终增大
  - B. 加速度始终减小,速度始终增大
  - C. 加速度先增大,后减小,速度始终增大直到一定值
  - D. 加速度和速度都是先增大后减小
- [分析] 物体受几个力的作用而处于静止状态(静止状态是速度和加速度均为零的状态)。说明这几个力的合外力为零。当其中的 $F_1$ 逐渐减小到零的过程中,则这几个力的合力是逐渐增大到 $F_1$ ,方向与原 $F_1$ 的方向相反。由牛顿第二定律可知物体的加速度由 0 逐渐增大到 $\frac{F_1}{m}$ ,物体向着与原 $F_1$ 相反的方向做加速度增大的加速运动。当 $F_1$ 由零逐渐增大的过程中。物体所受的合外力方向不变。但合外力的大小却是减小的。也就是物体的加速度方向不变,大小却逐渐减小、物体在做加速度减小的加速运动,当 $F_1$ 增大到原值时,物体的合外力为零、物体的速度达到最大,以后做勾速直线运动。

# [##] C

- [钾奇] 这种由于力的变化而导致物体运动状态的变化,其关系是亦步亦趋的,也就是顺廉模瓜的分析,在这个分析过程中,一定要注意到加速度是由物体所受的合外力决定的。进一步说明加速度与合外力的瞬时对应关系,速度的大小变化则由加速度的方向与速度方向间的关系所确定;两者同向,速度越来越大,两者反向,速度越来越小,这也是判断物体速度大小变化的一个基本原则,
  - [四4] 斜面长 10 m,高 6 m,质量为 10kg 的物体在斜面底都是一个溶斜面向上的力 F=100 N作用,由静止开始运动,2 s 内物体在斜面上移动了 4 m,2 s 末撇去力 F,求 F 撤去后,经多长时间物体返回斜面底部? (g=10 m/s²)





「分析」 物体在创而上中静止开始做初速度为常的匀加速运动。由运动的时间和位 移可以确定物体的加速度,再由加速度可以确定物体与斜面的滑动磨擦力,撤失下后,物 体在斜面上做减速运动。速度减到零后、由颞可知滑动骤接力肯定小于重力平行于斜面 的分量,物体向下运动时,物体受到的滑动磨擦力大小不变,但方向沿斜面向上,物体三 个阶段中的加速度不相同,第一个阶段和第二阶段均做初速度为零的匀加速运动,第一 个阶段是末速度为零的匀减速运动。明确了物体的运动情况和受力情况,就可以冼柽求 解的涂谷.

解决 - 作出物体在三个不同运动状态的受力图 如图 1-2-3 所示。

在加速上滑阶段 
$$s_1 = \frac{1}{2} a_1 t_1^2$$
  $a_1 = \frac{2s_1}{t_1^2} = 2 \text{ m/s}^2$ 

由受力图和生輔第二定律可知

 $F - mg \sin\theta - f = ma_1$ ,  $f = F - mg \sin\theta - ma_1 = (100)$ 

图 1-2-3

 $-10 \times 10 \times 0.6 - 10 \times 2) N = 20 N$ 在 F 撤走瞬间,物体的速度为 v, 日  $v=a_1t_1=2\times 2m/s=4m/s$ 

在减速上滑阶段的加速度为 a, 所用时间为 t, 位移为 s, 由其受力图和生顿第二定

律可知加速度  $a_2 = \frac{mg\sin\theta + f}{1} - 8 \text{ m/s}^2$ 

减速上滑的时间 
$$t_2 = \frac{v}{c_1} = 0.5s$$
 减速位移  $s_2 = \frac{v}{2}t_2 = 1m$ 

在加速下滑阶段加速度为 a3, 所用时间 t3, 位移 s3, 由其受力图和牛顿第二定律可知 加速度为  $a_3 = \frac{mg\sin\theta - f}{mg\sin\theta} = 4 \text{ m/s}^2$ 

$$s_3 = s_1 + s_2 = (4+1) \text{ m} = 5 \text{ m}, s_3 = \frac{1}{2} a_3 t_3^2, t_3 = \sqrt{\frac{2s_3}{3}} = 1,58 \text{ s}$$

所以当横去 F 后, 经时间 t t + t1-2, 08s, 物体返回斜面的底部。

解法二:物体受的力在平行斜面方向上使物体产生加速度分别为 as, a,, a, , 由牛顿 第二定律可知  $a_F = \frac{F}{L} = 10 \text{ m/s}^2$ ,  $a_G = \frac{mg\sin\theta}{L} = g\sin\theta = 6 \text{ m/s}^2$ ,

物体加速向上时的加速度为 $a_1 = a_F - a_G - a_I$ ,

由加速上滑时有  $s_1 = \frac{1}{2} a_1 t_1^2$  解得上滑加速度  $a_1 = \frac{2s_1}{s^2} = 2 \text{ m/s}^2$ ,

所以, 滑动摩擦力产生的加速度  $a_1 = a_F - a_G$   $a_1 = 2 \text{m/s}^2$ 

在 F 撤走瞬间,物体的速度为  $v,v=a,t_1=2\times 2m/s=4$  m/s

物体在减速上滑时,其加速度为  $a_2, a_3 = a_4 + a_4 = 8 \text{ m/s}^2$ 





物体做减速运动的位移为  $s_2$ ,  $s_2 = \frac{v}{2}t_2 = 1$  m

物体加速下滑的加速度为 $a_1,a_2=a_3$ 。 $a_4=4\text{m/s}^2$ 

物体下滑的位移为  $s_3$ ,  $s_3 = \frac{1}{2}a_1t_3^2$ ,  $t_3 = \sqrt{\frac{2s_3}{s}} = 1.58s$ 

所以当撤去 F 后, 经时间  $t=t_0+t_3=2$ , 08s, 物体返回斜面的底部,

[约5] 如图 1-2-4 汽车 A 拉着装有集装箱的拖车 B,以速度 vi = 30m/s 讲入向 下倾斜的直车道, 车道每 100m 下降 2m. 为了使汽车速度在 s=200m 的距离内温到 to=10m/s。驾驶员必须剎车 假字刹车时施面的磨裤阻力基督力,目读力的 70%作用 于拖车 B.30%作用于汽车 A. 已知 A 的盾量  $m_1 = 2000 \log_2 B$  的盾量  $m_2 = 6000 \log_2 R$ 汽车与拖车的连接处沿运动方向的相互作用力。(取重力加速度 g=10 m/s²)

「分析] 汽车与拖车 - 起做减速运动,它们 的加速度相同。阳力来自于两车受到地面的阳力。 由干瓶车质量是汽车质量的 3 倍, 即为总质量的 75%,而地面给拖车的阻力占总阻力的 70%,显 然沿运动方向汽车与拖车之间有相互作用力,此 力的大小为总阳力的 5%.



「無」 汽车沿倾斜车准备匀减速运动。有 $-\tau_0^2 - \tau_0^2 = -2as$ 解得 $a = 2m/s^2$ 用 F 表示刹车时的阻力,根据牛顿第二定律得:

$$F-(m_1+m_2)g\sin\alpha=(m_1+m_2)a$$
 式中  $\sin\alpha=\frac{2}{100}=0.02$ ,解得  $F=1.76\times10^4$  N

设刹车过程中地面作用于汽车的阻力为 f,依题意得:  $f = \frac{30}{100}F = 5.28 \times 10^{3} \text{ N}$ 

表示撤车作用汽车的力  $f_N$ ,对汽车应用牛顿第二定律得:  $f - f_N - m_1 g \sin g = m_1 a$ 联立以上各式解得: fy = f-m, gsing-m, a=880N

- [备數] 汽车与拖车的连接处沿运动方向的相互作用力为 880N.
- [事点] 由于学生受力分析的能力不到位,导致此顯出错的现象很严重,学生错误 在不理解刹车中的阻力是她面对车的阻力,总认为是刹车鼓的阻力,这就像人上楼是借 助于楼梯的道理一样,人是走上去的,没有楼梯就不能走上去,但并不是楼梯能将人自动 送上去,若不是刹车鼓的作用,车轮会转动,但刹车鼓与车作为一个整体,它们之间的相 互作用力是内力,而不是外力,只有车轮与她面接触受外力,这个外力产生的原因是因为 刹车鼓的作用,就像人走上楼时,楼梯对人的作用县因为人要路上楼梯,楼梯才会对人有 作用的道理一样.





在分析中已知相互作用力为总阻力的 5%,即 5% F=880N. 这与计算结果是一致的.

[門6] 一小圆盘静止在桌布上,位于一方桌的 水平桌面的中央. 桌布的一边与桌的 AB 边重合,和 图 1 2-5 所示. 已知盘与桌布间的动摩擦因数为 µ1, 盘与桌面间的动摩擦因数为 µ2,现变然以恒定的加 途曆 a 拼桌有抽售桌面,加速度的方面另水平且垂



图 1-2-5

直于 AB 边, 若圆盘最后未从桌面掉下,则加速度 a 满足的条件是什么? (以 g 表示重 力加速度)

- [分析] 桌布抽离圆盘。圆盘给桌布向左的带动摩擦力。圆盘受桌布向右的滑动摩擦力。向右做加速运动。但圆盘的加速度小于桌布的加速度。圆盘与桌布分离后。圆盘器高。受到桌面的滑动摩擦力向左。圆盘做减速运动。圆盘最后未从桌面掉下,说明圆盘运动全过程的位移小于桌边长的一半。圆盘运动的全过程是先做初速度为零的勾加速运动。圆盘与桌布分离时的速度达到最大。而桌布做初速度为零的勾加速运动。
- [無] 设圆盘的质量为m,泉长为l,在泉布从圆盘下抽出的过程中,盘的加速度为 $a_1$ ,有

$$\mu_1 mg = ma_1$$

桌布抽出后,圆盘在桌面上做勺减速运动,加速度的大小为 a2 ,有 µ2 mg = ma2 ②

设圆盘刚离开桌布时速度为 $v_1$ ,移动的距离为 $z_1$ ,离开桌布后在桌面上移动的距离为 $z_2$ 后便停下,有

$$v_1^2 = 2a_1 x_1 \tag{3}$$

$$v_1^2 = 2a_2 x_2 \tag{4}$$

圆盘没有从桌面上掉下的条件是

$$x_1 + x_1 \leqslant \frac{1}{2}l$$
 5

设桌布从盘下抽出所经历的时间为上。在这段时间内桌布移动的距离为工。

$$x = \frac{1}{2}at^2$$

$$x_1 = \frac{1}{2}a_1t^2$$

$$x = \frac{1}{2}t + x_1$$

福

[專本] 1. 圆盘的运动特点和圆盘的位移关系,圆盘先做加速运动,后做减速运动, 圆盘的加速和减速的位移之和不能大于圆盘开始时距桌边缘的距离,



 四盤的加速时间与圆盤和桌布之间的相对运动有关,圆盘和桌布相对运动的位移 是圆盘到桌布边缘的距离。

[两7] 如图 1-2-6 水平传送装置由轮半径均为 $R=1/\pi m$  的主动轮  $O_i$  和从动轮  $O_i$  及传送带等构成,两轮轴心相距 8.0m,轮与传送带不打滑,现用此装置运送一爱面粉,已如这象面粉与传送带之间的动摩擦因数为  $\mu=0.4$ ,这象



图 1-2-6

面粉中的面粉可不断地从袋中漏出,且不影响动摩擦因数.

- (1)当传送带以4.0m/s的速度匀速运动时,将这餐面粉由左端 Q.正上方的 A 点 轻放在传送带上后,这餐面粉由 A 端运送到 Q,正上方的 B 端所用时间为多少?
- (2)要想尽快将这餐面粉由 A 端週到 B 端(设初速度仍为零),主动轮 Ci 的转速至少应为多大?
- (3)由于面粉的滲漏,在远遊这最面粉的过程中会在深色传递带上留下白色的面粉的痕迹,这餐面粉在传送带上留下的痕迹最长能有多长(设餐的初速度仍为零)?此时主动轮的转速应满足何种条件?
- [分析] 由主动轮和从动轮的关系可知两轮均做顺时针转动,面粉能在传送带上留下白色的痕迹。说明袋与带间有相对运动。面粉袋由 A 到 B 的过程中先加速。当面粉袋的速度等于传送带的速度时、精动摩擦力消失。面粉袋随传送带一起做匀速直线运动到 B 点,也可能面粉袋一直加速到 B 点,但此种情况是传送带的速度一定大于面粉袋在这段位移上加速的最大速度。才能维持面粉袋与传送带之间由相对运动而产生的精动摩擦 力,这就是用最短的时间运送面粉袋的条件,若要传送带上的痕迹最长。即传送带上全部都是痕迹。即而粉袋布传送带的相对路径就是传送带的长度。
- [壽] 设面粉袋的质量为 m,其在与传送带产生相当滑动的过程中所受的摩擦力  $f = \mu mg$ . 故而其加速度为  $a = \frac{f}{m} = \mu g = 4.0 \text{ m/s}^2$ 
  - (1) 若传送带的速度  $v_m = 4.0 \text{m/s}$ ,面粉袋加速运动的时间  $t_1 = v_m/a = 1.0 \text{s}$

在  $t_1$  时间内的位移  $s_1$  为:  $s_1 = \frac{1}{2} a t_1^2 = 2.0 \text{ m}$ 

其后以 υ=4.0m/s 的速度做匀速运动,即 s2=lAB-s1=w2

解得: t2-1.5s 运动的总时间为: t=t1+t2=2.5s

(2) 要想时间最短,面粉袋应一直向 B 端傲加速运动  $t_{AB} = \frac{1}{2}at^{'2}$  可得:t'-2. 0s 此时传送带运转最小速度为 v'=at'=8. 0m/s

而 v-ωr-2πnR 可得;主动轮转速最小值为 n=240r/min(或 4r/s)





(3)传送带的谏度越大,"痕迹"越长, 当面粉的痕迹布满整条传送带时,痕迹达到最 长, 即痕迹长 As 为: As=2l+2xR=18.0m

在面粉袋由 A 端运动到 B 端的时间内,传送带运转的距离  $s_8 = \Delta s + l_{48} = 26.0 \text{m}$ 

又由(2)已知 t'=2.0s,故而有:2πn R≥ 型 則:n'≥390r/min(或 6.5r/s)

[笺篇] 力与运动的关系中,力始终是物体运动状态变化的原因,物体的受力发生 变化,导致运动情况也发生了变化,一般来说,单个物体的多个运动阶段的问题和两个相 互作用的物体之间的相对运动是难度较大的试题.

处理单个物体的多个运动过程时,不同的运动阶段有不同的受力情况,紧扣转折占 的速度和不同阶段的加速度、位移三者关系,是求解的基本途径,例7虽然典型,但难度 不大,属于顺藤揽瓜类的试题.

处理两个相互间有作用力且存在着相对运动的物理过程中,出现最多的是滑动摩擦 力,坚扣住两物速度相等时,滑动魔擦力消失是物体运动的转折点。

「健康」 跟踪分析法常穿整个物理学习的过程,主要表现在物体受力与其运动的关 系上,只要踢踪分析的能力达到了,在后面由学的学习中就会如角得水,也正因为这种原 因, 跟踪分析法会博穿够个物理的学习过程, 在本书后面的各个意节中几乎无外不在, 所 以就没有将以后由学和其他内容在此重复罗列。

# 跟腱训性

1. 自 2004 年 5 月 1 日起, 首部《中华人尼共和国交通安全法》,已正式实施, 我们知 消,惯性是造成许多交通事故的殖因,下列各项交通规则中,不是为了防止因惯性而造成 交通事故的是

A. 转弯时机动车应减速慢行

- B. 车辆快速行驶时前后要保持一定的车距
- C. 车辆要靠道路的右侧行驶
- D. 小型客车的驾驶员和前排乘客必须系上安全带
- 2. 根据牛顿运动定律,以下洗项中正确的是
- A. 人只有在静止的车厢内,竖盲向上高高跳起后,才会落在车厢的原来位置
- B. 人在沿直线匀速前进的车辆内,竖直向上高高跳起后,将落起跳点的后方。
- C. 人在沿直线加速前进的车厢内,竖直向上高高跳起后,将落起跳点的后方
- D. 人在沿直线减速前进的车厢内, 竖直向上高高跳起后, 将落起跳点的后方
- 3. 运输液体的货物的槽车,液体中有气泡,如图 1-2-7 所示,下列判断正确的是
- A. 当车开动时,气泡将向前运动
- B. 刹车时, 气泡将向前运动
- C. 当车开动时,气泡将向后运动
- D. 刹车时,气泡将向后运动









图 1-2-7

图 1 2-8

4. 如图 1-2-8 所示, 在马达的驱动下皮带运输机的皮带以速率 υ 向右水平运行, 现将一块砖正对皮带上的 Α 点轻轻地放在皮带上。此后

- A. 一段时间内, 砖块将在滑动摩擦力的作用下, 对地做加速运动
- B. 当砖块的漆率等于v时。砖块与皮带间摩擦力变为静度擦力
- C. 当砖块与皮带相对静止时,它位于皮带上A点的右侧的某一点B
- D. 砖块在皮带上有可能不存在砖块与皮带相对静止的状态
- 5. 列以速度v匀速行駛的列车内有一水平桌面。桌面上的 A 处有一小球, 若车厢中的旅客突然发现小球沿如图 1 2-9(俯视图)中的速线从 A 点运动到B 点。则由此可以判断列车的运动情况县。
  - A. 减速行驶,向北转弯

B. 减速行驶, 向南转弯

C. 加速行驶,向南转弯

D. 加速行驶,向北转弯





图 1 2 9

图 1-2-10

6. 如图 1 2 10 所示, 质量相同的木块 M、N 用轻弹簧连接置 F 光滑水平面上, 开始 弹簧处 F 自然伸长状态, 木块 M、N 静止, 现用水平恒力 F 推木块 M,用 au、ax 分别表示 木块 M、N 瞬时加速度 大小, 用 zu、zx 分别表示木块 M、N 瞬时速度 大小, 则在弹簧第一次被压缩到最短的过程中

A. M、N 速度相同时,am>av

B, M, N速度相同时, $a_M = a_N$ 

C. M、N 加速度相同时,速度 v<sub>M</sub>>v<sub>N</sub>

D.M.N 加速度相同时,速度  $v_M = v_N$ 

7. 如图  $1 \cdot 2 \cdot 11$  所示,一固定的楔形木块,其斜面的倾角  $\theta = 30^\circ$ . 另一边与地面垂直,顶上有一定滑轮、一柔软的细线跨过定滑轮,两端分别与物块 A 和 B 相连,A 的质量为4m,B 的质量为m. 开始时将 B 按在地面上不动,然后放开手,让 A 沿斜面下滑而 B 上升. 物体 A 与斜面间无摩擦,假如当 A 沿斜面下滑;距离后,细线突然断了,求物块 B 上升的最大高度 H. (斜面足够高)



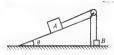


图 1-2-11



8. 如图 1-2-12 所示, -质量 m-1 kg 的物块放在桌面离桌的石端 L-1. 2m 处, 物块与桌面间的动摩擦因数  $\mu=0.25$ , 现用 -水平向右的力 F-7. 5N 作用在物块上, 使物块中静止开始并从桌面上掉下来, 聊 F 作用在物块上的时间至少为多少?  $(x=10m/s^2)$ 

# ※ 答案与提示

- 1. C(转弯时若车的速度较大,因惯性车要向外侧倾斜而容易发生翻车;车辆快速行 铵时前后要保持,定的车距是防止前车突然刹车时,后车从发现前车刹车到自己也刻 车,此过程因惯性而要向前行驶。段距离,大于前车刹车的距离,若两车无间距就会撞 车;小型客车的驾驶员和前排乘客必须系上安全带是为了防止突然刹车时人身子向前倾 而į撤到驾驶战和前面的车窗;车辆靠道路的右侧行驶与惯性无关)
- 2. C(人竖起向上高高跳起后,在水平方向上没有外力,由于惯性,将保持起跳瞬间的水平速度不变,若车的速度不变,人落回到起跳点,若车的速度增大,人落在起跳点后方)
- 3. AD(车开动时,车内的液体原来是静止的,由于惯性仍要保持原来静止状态,它相对车向后,气泡则向前,刹车时,液体由于惯性要保持原来的运动状态向前,气泡则向后,气泡的运动是由于液体的惯性所造成)

## 4. AD(参考例 7)

5. B(小球在桌面可认为水平方向不受外力,小球保持匀速直线运动状态,球在南北 方向上有相对位移,说明桌面(即列车)向南运动,即向南转弯,球在初速度方向上的位移 太干桌面的位移,小球的位移太干车的位移,说明车始建速运动)

- 6.C(设两物块质量均为 m,弹簧形变量为  $\Delta r$ ,劲度系数为 k,对 M 由牛顿第二定律 可知  $a_M = \frac{F k \cdot \Delta r}{m}$ ,对 N 同理有  $a_N = \frac{k \cdot \Delta r}{m}$ ,其中  $\Delta r$  是弹簧的压缩量、只要  $a_M > a_N$ , M 加速得比 N 快。由 F M 的速度  $v_M$  比 N 的速度  $v_N$ 大,弹簧的压缩量是增大的,当  $a_M = a_N$ ,即两物块速度增加率相行,只要  $v_M > v_N$   $\Delta r$  是增大的,以后  $a_M < a_N$ ,N 加速得比 M 火,当速度  $v_M v_N$  时,弹簧的压缩量最大,以后  $a_M < a_N$ , $v_M < v_N$  即不在本题考虑的范围内)
- 7.B 先和 A -起匀加速直线运动, 当绳斯时, B 上升的速度达到最大, 以后做竖直上 地运动, 第一阶段, 对 A: $4mgsin \theta - T = 4ma$ , 对 B:T mg - ma, 解得 a = 0.2g, 匀加速的 末速度  $v = \sqrt{2a} = \sqrt{0.4gs}$ , B 第二阶段做竖直上抛运动, 继续上升的高度  $s' = \frac{v'}{2g} = 0.2s$ , 所以 H = s + s' = 1.2s.
- 8. 力 F 作用在物块上的时间越长,物块的速度越大,F 撤离后,物块减速运动到桌面 的右端越容易,当物块到达桌面右端时的速度为零时,是物块到达桌面右端时的临界状 态,也是力 F 作用的最短时间,物块从静止开始运动,先加速,后越速,最后的速度为零。



且位移为 L=1. 2m. 力 F 使物块产生的加速度大小为  $a_F=\frac{F}{m}=7$ . 5 m/s²,物块与桌面间的摩擦力提供加速度  $a_i=\frac{f}{m}=\mu_B=2$ . 5 m/s²,物块加速阶段的加速度为  $a_1$ ,有  $a_1=a_F-a_F=5$ m/s²,減速阶段的加速度为  $a_2=a_f=2$ . 5 m/s²,物块在运动过程中的最大速度是加速阶段的未速度,也是减速阶段的初速度,设此速度为 v.则  $v=a_1t_1=a_2t_2$ .  $\frac{t_1}{t_2}=\frac{a_1}{a_2}=\frac{2.5}{5}=\frac{1}{2}$ ,设物块加速阶段的位移为  $s_1$ ,减速阶段物块的位移为  $s_2$ ,则  $\frac{s_1}{s_2}=\frac{vt_1/2}{vt_2/2}=\frac{1}{2}$ ,而  $s_1+s_2=L$ ,  $s_1=\frac{L}{3}=\frac{1}{2}a_1t_1^2$ , $t_1=\sqrt{\frac{2L}{3a_1}}=\sqrt{\frac{2\times 1.2}{3\times 5}}$  s=0. 4s. 故力 F 作用在物块上的时间至少为  $s_2$ ,才能从桌面上掉下来.

# 高老思想筥

# Engly 考点直击

年份	題源及类型	考点
2009	江苏卷 T9 选择 4 分、宁夏理線 T21 选择 6 分、 安徽理線 T17 选择 6 分、江苏卷 T13 计算 15 分	
2008	海南理综卷 T9 选择 6 分、四川灾区卷 T24 计算 18 分	牛顿运动定律、匀变 速运动规律
2007	江苏卷 T6 选择 3 分、海南卷 T2 选择 6 分	

# ●三考题探究

[勁1] (2009·安體)为了节的能量,某商場安装了 智能化的电动技梯,无人乘行时,技梯运转得很慢;有人站 上技梯时,它全先慢慢加速,再匀速运转,一顾客乘技梯上 楼,恰好极历了这两个过程,如图1-2-13 所示,那么下列 说法中正确的是



網 1-2-13

- A. 顾客始终受到三个力的作用
- B. 顾客始终处于超重状态
- C. 顾客对扶梯作用力的方向先指左下方,再整直向下
- D. 顾客对扶梯作用力的方向先指右下方,再整直向下





[分析] 人站上扶梯,扶梯先加速、后匀速,加速度斜向上,将加速度分解到竖直方向(向上)和水平方向(向右),竖直方向是重力(向下)与支持力(向上)的合力提供加速需要的力,水平方向是静摩擦力提供加速所需要的力,加速阶段受三个力的作用,匀速运动就只受两个力的作用.加速时超重,匀速时没有超重.加速时顾客对扶梯的作用力是向下的压力和向左的静摩擦力,这两个力的合力指向左下方;匀速时顾客对扶梯的作用力是竖直向下的压力。

[##] C

[對 2] (2009·宁夏)如图 1-2-14 所示,一足够长的木板静止在光滑水平面上,一物块静止在木板上,木板和物块间有摩擦. 现用水平力向右柱木板,当物块相对木板滑动一段距离但仍有相对运动时,撒掉柱力,此后木板和物块相对于水平面的运动情况为

A. 物块先向左运动,再向右运动

- B. 物块向右运动。速度逐渐增大, 直到做勾设运动
- C. 木板向右运动,速度逐渐变小,直到做勾造运动
- 物块 木板 图 1-2-14
- D. 木板和物块的速度都逐渐变小,直到为零

[分析] 水平力向右拉木板,当物块相对木板滑动了一段距离但仍有相对运动时, 说明物块的速度小于木板的速度,撤掉拉力后物块继续加速,而木板在滑动摩擦力的作 用下做减速运动,直到两者速度相等--起做勾速直线运动.

[##] BC

[**阿**3] (2009。宁夏)水平地面上有一木箱,木箱与地面之间的动摩擦图数为 $\mu$ (0 $<\mu<$ 1). 現对木箱施加一拉力 F,使木箱做勾造直线运动,设 F的方向与水平面类角为 $\theta$ ,如图 1-2-15 所示,在 $\theta$  $\,$ 从 0 逐漸增大到 90°的过程中,木箱的速度保持不变,則

A.F先减小后增大 C.F的功率减小 B.F一直增大 D.F的功率不变



[分析] 本籍做勾速直线运动。有  $N=mg-F\sin\theta$ , $F\cos\theta=f=\mu(mg-F\sin\theta)$ ,由以上两式可得  $F=\frac{\mu mg}{\cos\theta+\mu\sin\theta}=\frac{\mu mg}{\sqrt{1+\mu^T}\sin(\theta+\alpha)}$ ,其中  $\tan\varphi=\frac{1}{\mu}$ ,由力 F 的表达式

可知,F 先被小后增大; $f = F\cos\theta = \frac{\mu mg\cos\theta}{\cos\theta + \mu\sin\theta} = \frac{\mu mg}{1 + \mu\tan\theta}$ ,由于 $\theta$ 从 0 逐漸增大到  $90^\circ$ ,f 在減小,所以 F 在水平方向上的分量一直是減小,而木箱的速度保持不变,由 $\theta$  F  $\cos\theta$  ·  $\psi$  可知。F 的功率減小。

[##] AC



[獨4] (2009·江苏)如图1-2-16所示,两质量相等的物块A、B通过一轻质弹 簧连接,B足够长、放置在水平面上,所有接触面均充滑,弹簧开始时处于原长,运动过 程中始终处在弹性限度内,在物块A上施加一个水平恒力,A、B从静止开始运动到第 一次波度相等的过程中,下列设治中正确的有

A. 当 A、B 加速度相等时,系统的机械能最大

B. 当 A、B 加速度相等时、A、B 的速度差最大

C. 当 A、B 的速度相等时, A 的速度达到最大 D. 当 A. B 的速度相等时, 弹簧的弹性势能量大

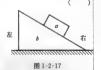


[分析] A的加速度  $a_A = \frac{F-kx}{m}$ , B的加速度  $a_B = \frac{kx}{m}$ , x 是弹簧拉伸量, 开始时  $a_A > a_B$ , 有  $v_A > v_B$ , x 增大,  $a_A$ , 碱小,  $a_B$  增大,  $a_A = a_B$  时,  $A_B$  速度之差达到最大值, 由于  $v_A > v_B$ , x 继续增大,  $a_A$  继续减小,  $a_B$  继续增大,  $(A_B = a_B)$  的速度之差在减小,当  $(A_B = a_B)$  从为零时,即:者速度相等时,弹簧形变最大,弹力最大,弹件势能最大,由对称性可知,开始时 A 加速度最大  $a_{Amax} = \frac{F}{m}$ ,  $a_{Bmm} = \frac{kx}{m} = 0$ , 此刻  $a_{Amm} = \frac{F}{m} \frac{kx_{max}}{m} = 0$ ,  $a_{Bmax} = \frac{F}{m} \frac{kx_{max}}{m} = 0$ 

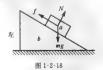
 $\frac{kx_{max}}{m} = \frac{F}{m}$ ,所以,A 的速度达到最大、系统一直有外力做功,机械能不断地增大.

# [##] BCD

A。与6之间的压力减少,且a相对6向下滑动 B。与6之间的压力增大,且a相对6向上滑动 C。与6之间的压力增大,且a相对6静止不动 D6与曲面之间的压力不享,用a相对6静止不动



[分辨] 由于 6 与地面之间存在摩擦, 6 懒喊速运动, 其加速度方向向右、作出 a 在静止时受力图, 如图 1-2-18 所示, 由图可知, N 与 f 的合力与 mg 是一对平 衡力. 若给 a 和 b 一个共同的向左的初速度后。相对 b 静止不动, 即 a 受到的合力沿水平方向向右,而 a 只受 三力作用, 重力不变, 将 N 与 f 沿水平方向和竖直方向作正交分解, 水平方向合力均石,竖直方向合力为



零. 当 N 增大时,f 减小;当 N 增大到竖直方向的分量大于a 受到的重力时,说明 f 反





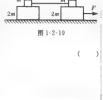
向,则有可能 a 相对 b 向上滑动,由于 a 可能具有向上的加速度,对于系统而言,处于超 重状态,则 b 与她面之间的压力会发生变化。

### [ ★ ★ ] BC

A. 3μmg

C. Bumg

[四6] 如图 1-2-19 所示,光滑水平而上效置 质量分别为 m 和 2m 的四个木块,其中两个质量为 m 的木块间用一不可伸长的轻绳相连, 木块间的量 大静摩擦力是 ume. 现用水平拉力F拉其中一个盾 量为 2m 的木块, 使四个木块以同一加速度运动, 则 轻绳对 n 的最大拉力为



「分析」 右侧上面木块与下面木块之间的最大静摩擦力提供质量为 4m 物系(三个 物块)运动的加速度,当未块间的静靡擦力达到最大值时,是系统一起加速的临界条件。 即加速度达到最大值, 有 µmg=4mama, 四个木块一起加速运动, 对绳左边三个物体整体 有  $T_{\text{max}} = 3ma_{\text{max}}$ ,  $T_{\text{max}} = \frac{3\mu mg}{4}$ .

 $R_{A} = \frac{3\mu mg}{4}$ 

D. 3µmg

## [##] B

[图7] (2009·江苏) 航模兴趣小组设计出一架通拉飞行器,其盾量 m=2kg,动 力系统提供的恒定升力 F=28N. 试飞时,飞行器从地面由静止开始竖直上升. 设飞行 器飞行时所受的阻力大小不变,g取 10m/s2.

- (1)第一次试飞,飞行器飞行  $t_1 = 8s$  时到达高度 H = 64m 求飞行器所阻力 f 的 大小。
- (2)第二次试飞,飞行器飞行力=6s 附遥控器出现故障,飞行器立即失去升力,求 飞行器能达到的最大高度 h:
- (3)为了使飞行器不验坠落到地面。求飞行器从开始下落到恢复升力的最长时 间 £2.

[分析与解] (1)由题可知  $H = \frac{1}{2}at_1^2$  解得  $a_1 = \frac{2H}{t^2} = 2 \text{ m/s}^2$ 

由牛顿运动定律可知  $ma_1 = F - f - mg$  得 f = 4N

(2)第二次试飞,飞行器飞行 to=6s 时谣控器出现故障后的运动。 以及为了使飞行器不致坠落到地面,飞行器从开始下落到恢复升力时 的运动情况如图 1-2-20 所示。由图可知

飞行器在  $t_2 = 6s$  时内上升高度为  $h_1 = \frac{1}{2}a_1t_2^2 = 36m$ 

飞行器失去升力后加速度  $a_2 = \frac{mg + f}{m} = 12 \text{ m/s}^2$ 

失去升力瞬间速度为 $v_1 = a_1 t_2 = 12 \text{m/s}$ 



图 1 2-20





飞行器减速运动上升高度为  $h_2 = \frac{v_1^2}{2a_2} = 6 \text{m}$ 

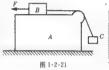
能达到最大高度  $h=h_1+h_2=42$ m

(3) 飞行器下落加速度  $a_3 = \frac{mg - f}{1} = 8 \text{ m/s}^2$ 

恢复升力后的加速度  $a_4 = \frac{F + f - mg}{1} = 6 \text{ m/s}^2$ 

由题意有 
$$v_3 = a_3 t_3 = a_4 t_4$$
, $h \geqslant \frac{v_3}{2} t_3 + \frac{v_3}{2} t_4 = \frac{1}{2} a_3 t_3^2 + \frac{1}{2} a_4 t_4^2$  解得  $t_3 \leqslant \frac{3\sqrt{2}}{2} s$ 

[對8] (四川)水平面上有营關弧形凸起的 长方形木块 A. 木块 A 上的物体 B 用绕过凸起的 轻绳与物体 C 相连, B 与凸起之间的绳是水平的。 用一水平向左的拉力 F 作用在物体 B 上,恰佳物 体 A、B、C 保持相对静止, 如图 1·2·21 所示, 已知 物体A、B、C的质量均为m,重力加速度为g。不计 所有的磨擦, 则拉力 F 应为 8 大?



「分析与無」 设绳中张力为 T.A、B、C 共同的

加速度为a,与C相连部分的绳与竖直线夹角为a, 如图 1-2-22 所示, 由牛顿运动定律,对 A, B, C 组成 的整体有

F=3ma(整体法)

对B有

F-T=ma

对 C 有,水平方向: (隔离法)

 $T \sin \alpha = ma$ 

竖直方向:  $T_{\cos a} = mg$ 

解得:  $\sin \alpha = \frac{1}{2}$   $a = \frac{\sqrt{3}}{2}g$   $F = \sqrt{3}mg$ 

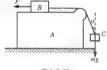


图 1 2 22

# 1. 思维考试测试

1, (2010 · 福建)如图 1-2-23 中的甲图所示,小球从弹簧的正上方某一高度处由静 止释放,小球落到弹簧上压缩弹簧到最低点然后又被弹起离开弹簧,上升到某一高度后 再下落,如此反复,通过安装在弹簧下端的压力传感器,测出这一寨程弹力 F 随时间,变 化的图象如图乙所示,则

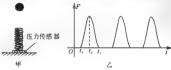


图 1-2-23





- A. ti时刻小球动能最大
- Bto时刻小球动能最大
- C. t1~t2这段时间内,小球的动能先增加后减少
- D. to~to这段时间内,小球增加的动能等于弹簧减少的弹性势能
- 2. (2010 四川) 如图 1-2-24 所示, 圆弧虚线表示正点

电荷电场的等势面。相邻两等势面间的电势差相等。光滑绝缘直杆沿电场方向水平放置并固定不动。杆上套有一带正电的小滑块(可视为质点)。滑块通过绝缘轻弹簧与固定点 O 相连,并以某一初速度从 M 点运动到 N 点。OM<ON、若滑块在 M、N 时弹簧的弹力大小相等,弹簧始终在弹性限度内,则



图 1-2-24

A. 滑块从M到N的过程中,速度可能一直增大

- B. 滑块从位置 1 到 2 的过程中, 电场力做的功比从位置 3 到 4 的少
- C. 在 M、N 之间的范围内,可能存在滑块速度相同的两个位置
- D. 在 M、N 之间可能存在只由电场力确定滑块加速度大小的三个位置
- 3. (全國理線 I)如图 1-2-25 所示,位于光滑固定斜面上的小物块 P 受到一水平向 右的推力F 的作用. 已知物块 P 沿斜面加速下滑. 现保持 F 的方向不变,使其减小,则加速度

A. 一定变小

B. 一定变大

C. 定不变

D. 可能变小,可能变大,也可能不变



图 1-2-25



图 1-2-26

4. (四川)质量不计的弹簧下端固定一小球. 现手持弹簧上端, 使小球随手在竖直方向上以同样大小的加速度 a(a < g)分别向上、向下做勾加速度直线运动. 若忽略空气阻力,弹簧的伸长分别为  $x_1, x_2$ ; 若空气阻力不能忽略且大小恒定,弹簧的伸长分别为  $x'_1, x'_2$ ; 则 ( )

A.  $x_1 + x'_1 = x_2 + x'_2$ 

B.  $x_1 + x'_1 < x_2 + x'_2$ D.  $x'_1 + x'_2 < x_1 + x_2$ 

 $C_{1}x'_{1}+x'_{2}=x_{1}+x_{2}$ 

5. (上海) 如图 1-2-26 所示,质量为 10 kg 的物体在 F=200N 的水平推力作用下,从 粗糙斜面的底端由静止开始沿斜面运动,斜面固定不动,与水平地面的夹角  $\theta=37^{\circ}$ . 力 F 作用 2s 后撤去,物体在斜面上继续上滑了 1.25s 后,速度减为零.求物体与斜面间的动摩 接风费 u 和物体的总位移 s .  $(sin37^{\circ}=0.6, cos37^{\circ}=0.8, g=10m/s^{\circ})$ 



(1) 夯杆被滚轮压紧加速上升至与滚轮速度相等时,此时夯的底端离坑底的高度 h; (2) 夯的运动周期 T.



图 1-2-27



图 1-2-28

7. (2009・广东) 如图 1-2-28 所示, 绝缘长方体 B 置于水平面上, 两端固定 一对平行 带电极板, 极板间形成匀强电场 E. 长方体 B 的上表面光滑, 下表面与水平面的动摩擦风 数  $\mu$ =0, 05(设最大静摩擦力与滑动摩擦力相同), B 与极板的总质量  $m_B$ =1, 0kg, 带的电量小滑块 A 的质量  $m_A$ =0, 6kg, 其受到的电场力大小 F=1, 2N. 假设 A 所带的电量 水影响磁 板间的电场分布, t=0 时刻, 小滑块 A 从 B 表面上的 a 点以相对地面的速度  $v_A$ =1, 60m/s向左运动。同时,B(连同极板)以相对地面的速度  $v_B$ =0, 40m/s 向右运动。同(g 取 10m/s<sup>3</sup>)

- (1)A和B刚开始运动时的加速度大小分别为多少?

8. (2009 · 山东) 如图 1-2-29 所示, 某货 斯要格质量为 m<sub>1</sub> = 100kg 的货物(可視为质 点)从高处运送至她面,为避免货物与地面发 生撞击,现利用固定于地面的光滑四分之— 圆轨道,使货物从轨道顶端无初速滑下,轨道 半径 R=1.8m. 她面上紧靠轨道旁挂着两块



图 1-2-29

完全相同的木板 A、B,长度均为 l=2m,质量均为  $m_2=100$ kg,木板上表面与轨道末端相





切, 货物与木板间的动魔擦因数为  $\omega$ , 木板与地面间的动魔擦因数  $\omega$  = 0, 2, (最大静度 擦力与滑动魔擦力大小相等,取 ρ=10m/s²)

- (1) 求价物到达圆轨道末端对轨道的压力:
- (2)若货物滑上木板 A 时,木板不动,而滑上木板 B 时,木板 B 开始滑动,求 山应满 足的条件.
  - (3) 若 w = 0.5, 求货物滑到木板 A 未端时的速度和在木板 A 上运动的时间。
- 9. (2010 · 四川) 如图 1-2-30 所示, 空间有场强 E= 0.5N/C 的坚直向下的勾强由场,长 /= 0.3、3m 的不可伸长 的轻绳 -端固定 F O 占, 另 -端系 - 质量 m=0.01kg 的不带 电小球 A,拉起小球至绳水平后,无初速释放,另一电荷量a= +0.1C. 质量与 A 相同的小球 P. 以速度 v<sub>0</sub> = 3√3 m/s 水平抛 出,经时间 t=0. 2s 与小球  $A \in D$  点迎面正碰并粘在一起或 为小球(),碰后瞬间断开轻绳,同时对小球()施加一恒力,此后



小球C与D点下方 · 足够大的平板相遇. 不计空气阻力, 小球均可视为质点, 取 g=  $10 \text{m/s}^2$ .

- (1)求碰撞前瞬间小球 P 的速度:
- (2) 若小球 C 经讨位移 s=0,09m 到达平板,此时速度恰好为0,求所加的恒力。
- (3) 若施加恒力后,保持平板垂直于纸面目与水平面的夹角不变,在 D 点下方任意改 变平板位置,小球()均能与平板正确,求出所有满足条件的恒力.

1. C(由图 1-2-23(Z.)可知,在 t. 时刻小球刚开始接触弹簧, t. 时刻弹力最大, 小球外 干量低点,其速度为零,动能为零:1,时刻小球向上运动到弹簧顶长处:1,~1, 这段时间内, 小球受的弹力·直是增大的,只要弹力小于重力,小球的速度增大,动能增大,当弹力与 重力相等时,小球动能达到最大值,所以在1,~12这段时间内小球的动能先增加后减少, 6~4. 这段时间内,小球的动能也是先增加后减少,但小球动能增加量等于势能(弹性势 能和重力势能)的减少量)

2. AC(滑块在 M、N 时弹簧的弹力大小相等, 而 OM < ON, 说明弹簧在 M 点处于压 缩状态,在 N 点处于拉伸状态,且弹簧的原长大于 O 点到 MN 的距离. 滑块以某一初速 度从 M 点运动到 N 点,电场力一直做正功,弹力先做负功,后做正功,最后做负功,全过 程中弹力的功为零,若电场力的功大于弹力的功,速度可能一直增大;圆弧虚线表示正点 电荷电场的等势面,相邻两等势面间的电势差相等,所以滑块从位置1到2的过程中,电 场力做的功和从位置3到4的过程做的功相等;在M、N之间的范围内,当弹力和电场力 做功的代数和为零时,滑块的速度有相等的可能性)



4. C(空气阻力不计时,小球以加速度 <math>a 向上运动时处于超重状态,弹簧的拉力为  $F_1=m(g+a)$ ,以加速度 a 向下运动时处于失重状态,弹簧的拉力为  $F_2=m(g-a)$ ;若空气阻力不能忽略且大小恒定,小球以加速度 a 向上运动时处于超重状态,弹簧的拉力在小球超重的基础上还需要加上空气阻力,弹簧为  $F'_1=m(g+a)+f$ ,同理以加速度 a 向下运动时处于失重状态,弹簧拉力也需要减空气阻力,弹簧拉力为  $F'_2=m(g-a)-f$ , $F_1+F_2=2mg$ , $F'_1+F'_2=2mg$ , $F_1+F_2=2mg$ , $F'_1+F'_2=2mg$ , $F_1+F_2=2mg$ , $F'_1+F'_2=2mg$ , $F_1+F_2=2mg$ , $F'_1+F'_2=2mg$ 

5. 有水平推力时,弹力  $N=mg\cos\theta+F\sin\theta=200N$ ,无水平推力时, $N'=mg\cos\theta=80N$ ,有水平推力时,沿运动方向有  $a=\frac{F\cos\theta-mg\sin\theta-\mu N}{m}=(10-20\mu)\,\mathrm{m/s^2}$ ,无水平推力时,沿运动反方向由牛顿第二定律有  $a'=\frac{mg\sin\theta+\mu N'}{m}=(6+8\mu)\mathrm{m/s^2}$ .推力撤去瞬间的速度是加速的未速度,同时是减速的初速度,全程初速度和未速度均为零,有  $at=at'=v_{\max}$ ,即  $2 \cdot (10-20\mu)=1$ , $25 \cdot (6+8\mu)$ ,解得  $\mu=0$ ,25 ;同时得 a=5 m/s² , $v_{\max}=at=10\mathrm{m/s}$ ,物体的总位移  $z=\frac{v_{\max}}{2}$ 

6. (1) 设豫轮的边缘转动的线速度为  $v,v=\omega R=4m/s$ ,夯加速上升时加速度为 a,由 牛顿第二定律得  $2\mu F_N-m_B=ma$ ,解得  $a=2m/s^2$ . 当夯上升的高度为  $b_1$  时速度为 v,有  $v^2=2ah_1$ ,代人数据得  $h_1=\frac{v^2}{2a}=4m$ . (2) 设务加速上升时间为  $t_1$ ,则  $t_1=\frac{v}{a}=2s$ ,设务 与速上升时间为  $t_2$ , $t_2=\frac{h-h_1}{v}=0$ . 6s,设务从坑口上升到最高点时间为  $t_3$ , $t_4=\frac{v}{g}=0$ . 4s,设务从最高点下落到坑底时间为  $t_4$ ,务上升最大高度为  $h_2$ ,则务从坑口上升到最高点  $t_1=\frac{v^2}{2g}=0$ . 8m,务下落到坑底的时间  $t_4=\sqrt{\frac{2(h+h_2)}{g}}=1$ . 2s. 旁运动周期  $T=t_1+t_2+t_3=4$ . 2s,

另解,夯从坑口上升到最高点到落回坑底的全过程是竖直上抛运动,有 –  $h=vi_3$  –  $\frac{1}{2}gf_3^2$ ,代人数据后解得  $i_3$ =1, 6s,  $i_2$ = –0, 8s(舍去),  $T=t_1+t_2+t_3'$ =4, 2s,

7. (1)A 受到的电场力 F=1. 2N,  $a_A=\frac{F}{m_A}=2$ . 0 m/s² 那么,B 受到的电场力也为 F=1. 2N,  $f=\mu(m_A+m_B)g=0$ . 8N,  $a_B=\frac{F+g}{m_B}=2$ . 0 m/s². (2)若 A 最远能到达 b 点,说明此时 A、B 速度相同,由于开始时两者加速度大小相同,方向相反,均做匀减速运动,B 的速度减为零所需要的时间为  $t_1-\frac{v_B}{a_B}=0$ . 2s, 此后 B 向左做加速运动,B 的加速度



 $a_B = \frac{F}{m_B} \int = 0.4 \text{ m/s}^2$ ,当两者速度相等时有  $a_B t_2 = v_A - a_A (t_1 + t_2)$ ,解得  $t_2 = \frac{v_A - a_A t_1}{a_A + a_B} = \frac{v_A - a_A t_1}{a_B + a_B}$ 

0.5s,相同速度为 $v - a_B t_2 = 0.2 \text{m/s}$ ,所以a,b的距离L 应为 $L = \frac{v_L + v}{2}(t_1 + t_2) + \frac{v_B}{2}t_1 - \frac{v}{2}t_2 - 0.62 \text{m}$ ,此过程中B 相对地面的路程为 $s_B + s_B - \frac{v_B}{2}t_1 + \frac{v}{2}t_2 - 0.09 \text{m}$ ,摩擦力对B

 $\frac{1}{2}t_2-0.62$ m, 此过程中 B 相对地面的路程为  $s_B \cdot s_B - \frac{t_B}{2}t_1 + \frac{t_B}{2}t_2 - 0.09$ m, 摩擦力对做的功为  $W = -fs_B = -0.072$ J.

8. (1)由机械能守恒有  $\frac{1}{2}m_1u^2 = m_1gR$ ,  $F = m_1g + \frac{m_1u^2}{R} = 3m_1g = 3$ .  $0 \times 10^1$ N,由牛顿第:定律可知,货物到达圆轨道未端时对轨道的压力为 3000N,方向竖直向下.

(2) 货物与木板间的滑动摩擦力  $f_1 = \mu_1 m_1 g$ , 货物在 A 上时两木板与地面间滑动摩擦力为  $f_2 = \mu_2 (2m_2 + m_1) g = 600N$ , 货物在 B 上时, 木板 B 与地面间的滑动摩擦力为  $f_4 = \mu_2 (m_2 + m_1) g = 400N$ , 由题意可知  $f_2 < f_1 < f_2$  解得  $0.4 < \mu_1 < 0.6$ .

(3)若  $\mu_1 = 0.5$ ,以 A、B 为参考系,货物的加速度为  $a_1 = \mu_1 g = 5 \text{ m/s}^2$ ,位移  $s_1 = l = 2.0 \text{ m}$ ,初速度  $u_0 = \sqrt{2gR} = 6 \text{ m}$  s,有  $u_0^2 = u_0^2 = 2a_1s_1$ , $u_1 = \sqrt{u_0^2 - 2a_1s_1} = 4 \text{ m/s}$ ,  $t_A = \frac{v_0 - v_0}{a_1} = 0.4 \text{ s}$ .

9. 小球  $\Lambda$  重力 mg = 0. 1N, 在电场中受到的电场力为  $F_q$  = qE = 0. 05N = 0. 5mg,方向与重力相同。产生的加速度 a = 1. 5g.

小球 P 与小球 A 在 D 点迎而正碰并粘在 ·起成为小球 C .说明两球速度方向相反,此时小球 P 的速度 与豎直方向夹角为  $\theta$  ,  $\tan \theta = \frac{v_c}{1.5gt} = \sqrt{3}$  ,  $\theta = 60^\circ$  , 则绳与竪直方向夹角  $2\pi = 90^\circ$  –  $\theta = 30^\circ$ 

(1)碰撞前瞬间小球 P 的速度  $v_P = \sqrt{v_0^2 + (1.5gt)^2} = 6m/s$ .

碰撞前瞬间小球 A 的速度 vA,由机械能守恒有

 $\frac{1}{2}mv_A^2 = mgl\cos\alpha$ ,解得  $v_A = \sqrt{2gl\cos\alpha} = 3m/s$ ,

两球碰撞是完全非弹性碰撞有 mvp-mvA=2mv,解得 C球速度为 v=1,5m/s.

(2)若小球 C 经过位移 s = 0,09m 到达平板,此时速度恰好为 0,说明

C 球受到的合外力方向与v 反向,其加速度为 $a_C = \frac{v^2}{2s} = 12.5 \text{ m/s}^2$ .

由此可知小球 C 重力与电场力的合力为  $F_1$  = 2.5mg = 0.25N,方向整  $F_6$  直向下,合外力为  $F_6$  = 2 $ma_c$  = 0.25N,方向斜向上,且与整直方向夹角为  $\theta$  = 60°,即与  $F_1$  的夹角为 120°,所以所加恒力的方向斜向右上,且与整直方

向成 $\alpha$ =30°,力大小为F,由图 1-2-31 可知 $\frac{F}{\sin 120}$ = $\frac{F_1}{\sin 30}$ ,解得F=



$$\sqrt{3}F_1 = \frac{\sqrt{3}}{4}N$$
.

(3)若施加恒力 F′后,保持平板垂直于纸面且与水平面的夹角不变,在 D 点下方任意改变平板位置,小球 C 均能与平板正碰,由于平板 叮距 D 点无限远,小球 C 必做匀速或匀加速直线运动。恒力 F′的方向可从竖直向上顺时针转向,无限接近速度方向,设恒力与竖直向上方向的角度为φ,如图 1-2-32 所示,有 0≤φ<90°+30°=120°.

在垂直于速度方向上,有  $F'\cos(\alpha-\varphi)=2.5mg\cos\alpha$ ,则 F 的大小



图 1-2-32

満足条件为 
$$F' = \frac{\sqrt{3}}{8\cos(30^{\circ} - \varphi)} N(式中的 0 \leqslant \varphi < 120^{\circ}).$$

## 第二讲 图 象 法

数学中的图象是表示因变量的变化与自变量的变化的关系。图象的斜率是因变量对自变量的变化多。

物理中的图象就是一个物理量(对应敷学中的因变量) 確另一个物理量(对应敷学中的自变量)的变化关系、图象的斜率(有时是第三个物理量)表示一个物理量对另一个物理量的变化率、图象与横轴所围的面积即为第四个物理量、它是由第一个物理量和第一个物理量乘积所体现新的物理意义、深刻理解物理量之间的图象关系是解答相关问题的前提。也是利用图象解答物理问题必须明确的知识点。

在物理学中利用图象直观性外、根据图象提供的信息解答问题,或利用图象求解均可称为图象法,图象法贯穿力、电和实验。本书侧重在力、电两个方面进行阐述.

# 2.1 力与运动的图象法

力学中的图象主要表现为力随时间变化、力随位移变化、速度、位移随时间变化,能量随时间或能量随位移变化……在这些变化中,我们需要扣住图象的物理意义(就是前面所述内容),同时还要明确截距的物理意义,这是根据图象求解或利用图象求解的前提。



### 解题方法指导

[侧1] 两个共点力的合力 F 与两力之间央角 θ 的关系 如图 2-1-1 所示,则两力大小是

A. 1N 10 4N

B. 2N № 3N

C. 2. 5N № 2. 5N

D. 6N № 1N



[#] 由两个分力大小之和是两个力的最大合力,两分力大小之差是两分力量小合力,由图可知: $F_1+F_2=5$ N, $F_1=1$ N,解得  $F_1=3$ N, $F_2=2$ N,所以 B选项正确。

#### [##] B

[约2] 如图 2-1-2,长直木板的上表面的一端放有一铁块,木板由水平位置镀慢向上转动即木板与水平面的类角 a 增大),另一端不动,则铁块受到的摩擦力 f 随美角 a 的变化图象可能正确的是图 2-1-3 中的哪一个(设最大静摩擦力与滑动摩擦力相等)



A a







厨 2-1-3





[篇] 铁块的受力如图 2-1-4 所示,对重力进行正交分解,铁块在垂直于未板方向的合外力为零。故木板对铁块的支持力 F、与重力垂直于木板的分力是一对平衡力,即 $F_V=F_I=mgcosa$ 。"a 增大时,F-在破小、在平行于木板方向上、铁块的重力平行于木板的分量  $F_I=mgsina$ 。没有滑动之前,铁块受到木板对它的静摩擦力,且大小为  $F_I=F_I=mgsina$ 。没有滑动之前,铁块受到木板对它的静摩擦力,且大小为  $F_I=F_I=mgsina$ ,是  $F_I=mgsina$ ,他就是  $F_I=mgsina$ ,是  $F_I=mgsina$   $F_I=mgsin$ 

当 $\alpha$ 角增大到某一值时,由于F、-F1  $-mg\cos\alpha$ 减小,此时的静摩擦力是最大静摩擦力(因为最大静摩擦力是与接触面间的正压力有关)、铁块在木板上开始滑动,此后铁块受到木板对它的滑动摩擦力大小为F1, $-\mu$ 1, $-\mu$ 2, $-\mu$ 3, $-\mu$ 6  $-\mu$ 6  $-\mu$ 7  $-\mu$ 8  $-\mu$ 8  $-\mu$ 9  $-\mu$ 9



图21-4

[##] C

[**內**3] A,B,C三质点的s-t 图象如图 2-1-5 所示,试分析 A,B,C三质点各做什么运动(直线运动还是由线运动)?



[舞] 由位移 时间图象的斜率表示速度,由此可知,B的斜率不变,做匀速直线运动;A的斜率在减小,做减速运动,C的斜率在增大,做加速运动,三质点同时起于原点O。在 to时间内任意时刻,A的位移最大,C的位移最小,在 to时刻,三质点到达同一位置 P。即任相同的时间 to内,它们的位移均为 50m.

[评析] 本题考查了位移 时间图象的物理意义.

[**图**4] 如图 2-1-6 所示是 A,B,C 三个物体在同一直线上 运动的速度 ·时间图象,在 10s 内,三物体的平均速度,下列判断 中正确的是 ( )

N/(m·s ) P

AB

C

10 1/s

$$A. \bar{v}_A > \bar{v}_B > \bar{v}_C$$

B. 
$$\vec{v}_A = \vec{v}_B = \vec{v}_C$$
  
D.  $\vec{v}_B = 5 \text{m/s}$ 

C. 
$$\bar{v}_A > \bar{v}_B > \bar{v}_C = 5 \text{m/s}$$

[舞] 由速度一时间图象中图线与横轴所图面积表示的是物体的位移可知, 三物体 在 10s 内的位移关系是 5x > 5g > 5c, 由平均速度的定义式 v= 5c, 在时间相等的条件 F,

位移大的平均速度大,所以, $v_A>v_B>v_C$ ,由 B 物体做匀变速直线运动,其速度一时间图 象是 · 条直线,所图面积是一个直角三角形面积,所以,B 物体在 10s 内的位移是 25m,平均速度为 2.5m/s,只有 A 选项正确。





[1915] 一个盾点从静止开始,先以加速度 a;做匀加速运动,后以加速度 a。做匀 滋染盲线运动。盲至静止,盾点运动的总附间为 4.则运动的总位移是 8少9

#### 「離」 作出质点运动过程中的速度 时间图象,如图

$$2 \cdot 1 \cdot 7$$
所示,由图可知, $\tan \alpha = a_1 = \frac{v_{\text{max}}}{t_1}$ , $\tan \beta = a_2 = \frac{v_{\text{max}}}{t_2}$ 

$$t = t_1 + t_2 = \frac{v_{\text{max}}}{a_1} + \frac{v_{\text{minx}}}{a_2} = v_{\text{max}} \cdot \frac{a_1 + a_2}{a_1 a_2}$$

图象所围的面积就是质点总位移

$$s = \frac{v_{\text{max}}}{2}t = \frac{a_1 a_2 t^2}{2(a_1 + a_2)}$$



[图6] 一盾点由静止从 A 点沿直线向 B 点运动, 开始时以加速度 a1 加速运动 到 AB之间的某一点C。接着又以加速度 as继续做勾加速运动到达 B点, 苦诸盾点由 静止从丹在以加速度 a。运动到 C 点。接盖又以加速度 a. 键绘加速运动到决 A 点。则 两次运动的过程中

A. 由于相同的路段加速度相同,所以它们所用的时间相同

B. 由于相同的路段加速度相同,所以它们的平均速度大小相同

C. 虽然相同的路段加速度相同,但先后加速的加速度顺序不同,所用时间肯定不

D. 由于相同的路段加速度相同。它们的位移大小相同。所以它们的末速度大小相同

[分析] 所占两次运动仅悬运动的方向发生改变,在 相同的路段具有相同大小的加速度,由公式  $\vec{v} = 2as$  和  $\vec{v} = -2as$  $z_{i}^{2}=2as$ 可知,第一次由 A 到 B 的过程中, 质点在 C 点速率 为 vc = √2a15xc,到达 B 点速率为 vB = √2a15xc + 2a25cm. 第二次由 B 到 A 的过程中, 质点在 C 点读率  $v_{c} = \sqrt{2a_{2}s_{BC}}$ , 到法 A 占读率 v. = \( 2a, sca + 2a, sp. 息炊 , v. ≠ v'c , v. =  $v_B$ , 由于不知两个加速度的大小关系,假设  $a_1 > a_2$ ,据此作



图 2-1-8

出两次运动的速率 时间图象,如图2-1-8所示,由图可知,先做加速度大的匀加速运动 的速率 时间图象所用的时间短,因为两图象与时间轴所围面积相等的情况下,凸形图 象比凹形图象所需时间心.

「评析」 由本题求解过程可知:

1. 在相同的路段具有相同大小的加速度,但由于运动的先后不同,所需的时间也不 相同, 开始加速度大的运动过程所需要的时间少,即平均速度大,

2. 应用谏率 -时间图象来判断是利用谏率是谏度的大小,没有包含方向,在本题,图 象与时间轴所围的面积就是路程的大小,





#### 3. 由于是定性地判断大小关系,而非定量的计算,应用图象法简捷,

[四7] 两辆完全相同的汽车, 沼水平直路一前一后勾造行款, 速度均为 ta, 若前车实然以恒定的加速度剥车, 在它附停住时, 后车以前车剥车时的加速度开始剥车, 巴加前车在刺车过程中滑行的距离为 s, 若要保证两辆车在上述情况中不相撞, 則兩车在勾達行證附保持的距离至少应为

A. 1s

B. 2s

C. 3s

D. 4s

[分析] 作出前、后两车当前车开始刹车后的v1图象、如图 2 1-9 所示、由图象可知、图象中的阴影部分的面积就是两车停下来后它们运动的位移之差。若是两车刹车前的距离不小于这阴影面积,那么两车就不会相撞、由图可知、阴影部分的面积为前车图象所图面积的 2 倍、故为 2 2.



图 2-1-9

[砰桥] 本题也是选择题,可以应用匀变速直线运动的规律进行判断;两车的初速度相同,加速度相同,说明减速过程的

位移相同,只要两车刹车前的距离等于后车勾速运动的距离,减速运动的未速度为零,其平均速度为初速度的一半,在减速时间里。后车勾速运动的距离就为减速过程中的 2 倍. 对勾变速运动的规律掌握较好,可直接判断.

采取图象的方法直观、不容易出错。只要掌握图象的物理意义.物体的 v t 图象的斜率就是运动物体的加速度。图象与时间轴所图的面积就是运动物体的位移。由这些原则,前车减速到零的过程中。后车做匀速运动。也就是后车的图象是平行于时间轴。后车开始 刹车后。由于两车速度相同。刹车加速度相同。故两车刹车时所对应的图象应互相平行。正确地作出两车的运动图象。由图象可直接观察出结果。图象法是帮助作出正确判断最直观的途径。

[門8] 一物体做勾变造直线运动,某时割造度的大小为 4m/s,1s 后速度大小变

为 10m/s,在这 1s 内被物体的

A. 位移的大小可能大于 10m

B. 位移的大小可能小于 4m

C. 加速度的大小可能大于 10m/s2

D. 加速度的大小可能小于 4m/s2

[分析] 题设中已知速度的大小。不知速度方向,以 4m/s 为正方向。10m/s 若是与 4m/s 的方向相同。则物体做加速运动;10m/s 若是与 4m/s 的方向相反。则物体先做减速运动后做加速运动。两种情况下的 vt 图象如图 2 1 10 所示。若这 1s 内的平均速度为 7m/s,这 1s 内的位移为 7m。加速度为 6m/s³,若是 10m/s 与 4m/s 的方向相反、则这 1s 内的平均速度大小为



图 2 1-10



3m/s, 汶 1s 内的位移为 3m, 加速度大小为 14m/s2

[ \* \* ] BC

「蜂術! 用图象说明两种情况直观、简捷。

[图 9] 物体 A、B、C 均静止在同一水平面上,它们的盾量 分别为 ma、ma、mr、得到三个物体的加速度 a 与其所参水平拉 力F的关系如图 2-1-11 所示,图中 A、B 两直线平行,则下列

由围线判断所得的关系式正确的是  $R_m < m_n < m$  $A_{\mu} = \mu_B = \mu_C$ 

朋 2-1-11

$$C, m_A > m_B > m_C$$

 $D_{\mu} = \mu C$ 

「分析」 图象反映的是物体的加速度 a 与受到水平力 F 的关系, - 图线均不过原 点,说明三物体在F较小的情况均处于静止状态,此时物体受到的静摩擦力与水平力F 平衡. 由牛顿第二定律有  $a=\frac{F}{\mu mg}=\frac{F}{\mu g}$ ,由此式和图象关系可知:图象的斜率是 质量的倒数,A,B两直线平行,即A,B的质量相同,斜率小的,质量大,所以 $m_s=m_B<$ m,图象在a轴上的截距就是一uk,由图可知 ux <us ~us ~us,

#### [##] D

「停桥」 由牛顿第一定律确定加速度与力的表达者,用表达式可知图象的斜塞和截 距对应的物理量,从而确定洗项的正确性。

[ 图 10 ] 如图 2-1-12 所示, 一个含层块 A (可視为廣点),轻轻放在一块在光滑水平桌面 上匀速向右运动的薄木板上。 剛放到木板上計。 A 可视为静止,并距木板左端为 d=64cm, A 放



在木板上,金属块与长木板间的动摩擦因数 u=0.2,假设桌面足够长,A放上后,木板 在外力作用下仍做匀速运动,求木板的速度 以满足什么条件时,才可以把木板从金属 块下面抽出?

「分析」 木板向右运动。金属块受到木板对它向右的滑动 魔樓力而向右做初速度为零的匀加速运动。由牛輔第二定律可 知  $a = \frac{\mu mg}{m} = \mu g = 2 \text{ m/s}^2$ , 当金属块的速度达到长木板的速度 时,两者相对静止,其速度一时间图象如图 2-1 13 所示,由图象 可知,两者之间相对位移之差的最大值就是图中三角形阴影的



图 2-1-13





面积  $\Delta S = \frac{v_0^6}{2a}$ . 若是阴影面积  $\Delta S > d$ , 金属块才能与木板分离,所以当  $\frac{v_0^6}{2a} > d$ , 即  $v_0 > \sqrt{2ad} - 1$ . 6m/s 时,可以把木板从金属块下面抽出。

[釋析] 两个相互接触而又存在着相对运动的物体的速度 时间图象直观地、简捷 地反映两者之间的位移及相对位移的关系、紧扣这些特点甚顺利求解的切人点。

[购11] 加图 2-1-14 所示,一辆质量为 M 的卡车 沼平直公路行驶,卡车上载有一质量为 m 的貨籍,已知 貨箱与前指板的距离为 L,貨箱与卡车底板间的动摩擦 因数为 L 当卡车以速度 v 行駛时,因前方出现障碍而制 动,制动后货箱在车上恰好滑行了距离 L 而未与卡车前 挡板碰撞,求



(1)卡车制动的时间: (2)卡车制动所受到的阻力,

[分辨] 卡车和货箱减速的加速度不同,才导致货箱在卡车上有相对的位移、货箱向前比卡车多运动一段距离,减速全过程中初速度相同,未速度为零也相同,说明它们运动的时间不相等,加速度小的减速时间长、相应的位移大些,所以、货箱加速度小于卡车的加速度,由牛顿运动定律可知货箱的加速度为 $\mu_{B}$ 、卡车的加速度为 $\mu_{C}$ 、它们运动的时间分别为 $\frac{v}{\mu_{B}}$ 和t。,作出两者的速度—



图 2-1-15

时间图象如图 2-1-15 所示。由图象的物理意义可知阴影部分的面积就是货箱在卡车上运动的距 L, 有 $\frac{v}{2}(\frac{v}{\mu g}-t_L)=L$ , 其中, $t_L=\frac{v}{a}$ ,解得卡车制动时间  $t_k=\frac{v}{\mu g}-\frac{2L}{v}$ ,卡车的加速度为  $a=\frac{v}{t_k}=\frac{v^2}{v^2-2\mu gL}*\mu g$ . 对卡车应用牛顿第二定律有  $F_{\rm RL}-\mu mg=Ma$ ,解得  $F_{\rm RL}=\mu mg+\frac{v^2}{v^2-2\mu gL}*\mu Mg$ .

[四新] 本题分析过程中,最常见的错误是认为车与箱运动的时间相等,若是两者运动的时间相等,它们的初速度相同,未速度为零,减速过程中的位移应当相同,就不会出现货箱在车上滑动的情况,卡车与货箱在减速过程中的平均速度相等,而位移不相同,显然是运动的时间不相同,货箱运动的时间长,其加速度小于卡车的加速度.

例 10、例 11 均是两个物体之间存在着相对运动的问题,相对运动问题的关键是两个 物体的运动情景分析要正确,利用图象来分析的特点是既有观、消晰,又能使运算表达式

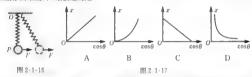




直接表示出来, 如本题的相对位移 1. 和已知量及未知量的关系就是利用阳影部分的面积 直接写出来的, 建议读者在处理类似问题时即使不使用图象法, 分析时, 在草稿纸画出图 象对帮助理解颠竟,寻找关系式都是很有效的涂谷,

### 跟踪训练

1. 如图 2-1-16 所示, 一根轻弹簧上端固定在 ()点, 下端拴一个钢戏 P. 戏处干静止 状态, 要对键施加一个方向水平向右的外力下, 使碰缓慢偏移, 在移动中每一个时刻, 都 可以认为钢碟外干平衡状态, 若外力 F 方向始终水平, 移动过程中碰管与竖直方向的束 角 A< 90°, 目碰管的伸长量不認计強性限度, 關閉 2-1-17 绘出的碰管伸长量 r 与 cost 的 函数关系图象中,最接近的是 ١



2. 物体某段过程中 vt 图象如图 2-1-18 所示,在11 和 to 时刻速度分別为 vi 和 vi ,则 在れずり的过程中

A. 加速度增大

B. 速度不断减小

C. 平均速度 v= v1+v

D. 平均速度 v> <sup>ひ1 丁 ひ2</sup>



 个初速度为立的沿直线运动的物体,它的加速度方向与立方向相同,且加速度 u 越来越大, ts 后未谏度为 v,则 ts 内物体的平均速度为

A. 
$$v = \frac{v - v_i}{2}$$
 B.  $v > \frac{v - v_i}{2}$  C.  $v < \frac{v + v_i}{2}$ 

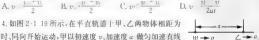


图 2-1-19

s, 同时, 同向开始运动, 甲以初速度 v, 加速度 a 做勾加速直线 运动, 7. 做初速度为零加速度为 4 匀加速直线运动, 假设甲能 从乙旁边通过,下述情况可能发生的是

 $A, a_1 - a_2$  时,能相遇两次

 $B_{a}>a$ , 时, 能相遇两次

)



C, a1 < a2 时, 能相调两次

D. a. <a2时,能相遇一次

5. 汽车甲沿着平直的公路以速度 % 匀速直线运动。当它路过某处的同时,该处有一辆汽车乙开始做初速度为零的匀加速运动。并追赶甲车,根据上沭的已知条件

A. 可求出7.车追上甲车时7.车的速度

- B. 可求出7. 车追上甲车时7. 车所走的路程
- C. 可求出乙车从开始起动到追上甲车所用的时间
- D. 不能求出上述三者中任何一个
- 6. 在光滑的水平面上,放着两块长度相同、质量 分别为 M<sub>1</sub>、M<sub>2</sub>的木板,在两木板的左端各放一个大 小、形状、质量完全相同的物块,如图 2 1-20 所示.



图 2 1 20

开始时,各物静止,今在两物块上各作用一水平包力 $F_1$ 、 $F_2$ ,在物块与木板分离时,两木板的速度分别为 $v_1$ 和 $v_2$ ,物块与两木板之间的动摩擦因数相同,下列说法中正确的是

A.  $\not\in F_1 - F_2$ ,  $M_i > M_2$ ,  $y \in V_1 > V_2$ 

B. 若  $F_1 = F_2$  ,  $M_1 < M_2$  , 则  $v_1 > v_2$ 

C. 若  $F_1 > F_2$ ,  $M_1 = M_2$ , 则  $v_1 > v_2$ 

D.  $\xi_1 F_1 < F_2$ ,  $M_1 = M_2$ , 则  $v_1 > v_2$ 

7. A、B、C、D、E 五个小球从不同高度由静止开始同时释放、从 A 球碰到她面的瞬间 开始计时,每隔相同的时间间隔。B、C、D、E 四个小球依次落到地面。图 2 1-21 给出的四幅图中能恰当表示五个小球刚释放时离地面高度的是

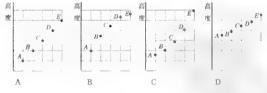


图 2-1-21

8. 物体沿 - 条直线运动, 在时间 / 内通过的路程为 s. 在它的中间 s 2 处的速度为 v. 在时间 / 内的平均速度为 v. 则 v. 的 v. 的关系是

A. 只有当物体做匀加速直线运动时, v1 > v2

B. 只有当物体做勾加速直线运动时。ひ<ひ





- C. 只要是匀变速直线运动。to >to
- D 日要具匀亦凍有线运动。va < 75
- 9, 如图 2·1·22 所示, 一个小物体沿光滑斜面由 A 点上方从 静止开始加速下滑。在它通过的路径中取 AE 并分成相等的四 段、va表示通过B 点的瞬时速度、v 表示 AE 段的平均速度、则 720与71的关系县



A 7/n < 71

R 2m=2

C. 710 >71

D.以上三种均有可能性

10. 做匀加速直线运动的物体,依次通过 A、B、C 三点,位移 54h = 5kc,已知物体在 AB 段的平均速度大小为 3m/s,在 BC 段的平均速度为 6m/s,那么试求物体在 B 点的疑 时速度的大小.

11. 如图 2·1 23 所示,把一质量为 m 的物体用 ·个水平推力 F 压在竖直的足够高 的一平整墙壁上,物体与墙壁间的动摩擦因数为 4. F 随时间!的变化如图 2-1-24 所示, 试分析从t=0 开始,物体运动的加速度a、速度v和所受的摩擦力f随时间t的变化规律 并作出其变化的图线。



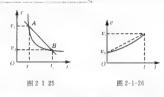
#### 图 2-1-23

图 2-1-24

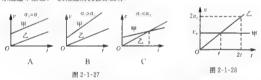
## 茶景与提示

- 1.  $D(弹力竖直方向分量与重力平衡, 在水平方向分量与 F 平衡, 即 krcos <math>\theta = G$ ,  $kx\sin\theta = F$ ,由于重力不变,只取重力关系式,由此式可得  $x = \frac{G}{harrow}$
- 2. B(vt 图象斜率是加速度,由题图可知,在 t₁→t₂ 过程中图象上各点对应的加速 度、速度不断减小, 在图 2-1-25 作出盲线 AB, 盲线 AB 表示速度均匀地减小, 直线 AB 速 度平均值就是直线与横轴所围梯形的中位线,在 $t_1 \rightarrow t_2$ 时间内平均速度 $v_{tt} = \frac{v_1 + v_2}{2}$ ,直 线 AB 与时间轴所附面积比曲线 AB 与时间轴所围面积大,平均速度就大, v< vャ)

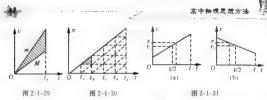




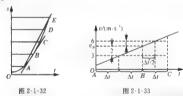
- 3. C(加速度增大时,v! 图象是凹的. 由速度 时间图象图 2-1-26 可知。图中虚线与时间轴所图的面积比实线与时间轴所图面积大。虚线图象的平均速度为  $v=\frac{v_0+v_0}{2}$ ,实线图象中平均速度小于 $\frac{v_0+v_0}{2}$ )
- 4. CD(作出两物体的加速度关系所对应的 vt 图象。如图 2-1-27 中的几种情况。A 图: $v_m > v_Z$ , $a_1 = a_2$ ,它们只能相遇一次,即甲追上乙以后并超过乙:B图、甲追上乙以后,并超过乙,只能相遇一次;C图,甲、乙速度相等时,若是甲刚好追上乙,那么它们只能相遇一次,若是甲在速度未与乙相等之前追上乙,以后乙的加速度比甲大,故其速度总会超过甲,乙会追上甲并超过甲,有可能相遇二次,若甲在速度与乙相等时还没有追上乙,则永远追不上乙,一次相遇的机会都没有)



- 5. A(作出甲、乙两车的速度一时间图象如图 2-1-28 所示,由图可知当两图象与时间 糖所图面积相等时,乙车追上甲车,且乙车速度是甲车的 2 倍,由于不知加速度的大小、 无法输定时间和路程)
- 6.  $\mathrm{BD}(\mathrm{M} + \mathrm{K} + \mathrm{K} \cdot \mathrm{C} \otimes \mathrm{M} \geq \mathrm{M} + \mathrm{M} + \mathrm{M} + \mathrm{M} + \mathrm{M} + \mathrm{M} = \frac{F \mu m_B}{m} = \frac{F \mu m_B}{m} = \frac{F \mu m_B}{M} = \frac{E \mu m_B}{$



- 7. C(小球下落时做自由落体运动。由于相邻两小球落地的时间间隔均相同,作出如 图 2-1-30 所示的自由落体运动的图象,由图象可知,相邻时间间隔相等时的位称关系如 限所示, 若格图中图影部分: 角形的面积(即位称)设为 s., 中图可知, A. B.之间的距离为 3so.B.C之间的距离为 5so.C.D之间的距离为 7so.D.E之间的距离为 9so. 見妖 只有 C. 图所示的距离较为符合条件)
- 8. C(物体不论具備匀加速运动还具匀减速运动,这两种情况下速度—时间图象加图 2-1-31 所示,在匀变速运动中。-段时间内的平均速度等于汶段时间中间时刻的瞬时速 度、由图可知而这段时间内位移中点的速度 ひ 均比平均速度 ひ 大)
- 9. A(物体的 st 图象如图 2-1-32 所示, 由位移--时间图象的斜塞就是速度, 可知 B 点的速度是过B 点图象的斜率, 而A, E 间的平均速度就是连接A, E 两点间直线的斜 率,由图可知 vn < v)

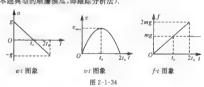


 由两段位移相等。所用时间的比值等于平均速度的反比可知 AB 段时间为 BC 段 所用时间的两倍,由两平均速度和时间关系作出物体的 pt 图线如图 2-1-33 所示,由图 可知 vn=5m/s.

11. 物体被压在竖直墙壁上,在水平方向上,墙壁对物体弹力 N 的大小等于水平棒 力F的大小,即 N-F=kt, 在緊宙方向上,物体受到電力 mg 和墙壁的磨擦力 f, f=uN=ukt, 当 F 随时间而增大,则 f 也随时间而增大, 当 mg>f 时,物体沿墙壁加速下滑, 由牛顿第二定律有  $a=\frac{mg}{m}\frac{\mu k t}{m}=g-\frac{\mu k t}{m}$ ,此式说明物体做加速度减小的加速度运动,当 加速度減小到零时,有 mg = f 时,物体沿墙壁下滑的速度最大,当 mg < f 时,物体减速 下滑,此时加速度变为负值,即方向竖直向上,加速度的大小在增大,物体做加速度增大



的碱速运动,当物体的速度为零时,物体和墙壁间的滑动摩擦力突然消失,物体处于静止 状态,它在竖直方向受到静摩擦力等于它的重力,因加速和碱速具有对称性,加速度负值 的最大绝对值应为g.vvl图象的斜率就是加速度,由加速度变化規律可知 vvl图象是开 口向下的一次函数图象,fvl图象中的滑动摩擦力是倾斜的线段,静摩擦力是水平线,见图 2-134(本脑乘型的颇崖模瓜,即腥踩分析法).



### 高考思想篇

## ME: 考点直去

年份	題源及类型	考点
2009	江苏卷 T4 选择 3 分、海南卷 T8 选择 4 分、 安徽 理綜 T16 选择 6 分、上海卷 T22 计算 12 分、 山东 理綜 T17 选择 6 分、海南卷 T15 计算 9 分	匀变速运动
2008	广东卷 T10 选择 4 分、海南卷 T8 计算 4 分 宁夏卷 T17 选择 6 分、天津卷 T20 选择 6 分	牛顿运动定律
2007	江苏卷 T6 选择 3 分、海南卷 T2 选择 6 分	

### ●二老板探究

[閏1] (2009·江苏)在无风的情况下,既牵运动员从水平飞行的飞机上跳伞, 下落过程中受到空气阻力,图 2-1-35 中描绘下落速度的水平分量大小 12、竖直分量 大小 12,与时间 1 的图象,可能正确的是









图 2-1-35





[分冊] 在无风的情况下,晚伞运动员受到的阻力与速度有关,速度大阻力大,速度 小阻力小,水平方向和竖直方向的速度 时间图象都不可能是直线,水平方向做加速度 减小的减速运动,竖直做加速度减小的加速运动,A 图中的水平速度是勾减速运动,错 误;B 图中的水平速度是加速度减小的减速运动,正确;C 图中的竖直速度是勾加速运动, 套部;1)图中的竖直分速度是加速度减小的减速运动,错误。

#### [##] B

[**內2**] {2009·灣蘭}甲乙两车在一平直道路上同向运动,其 vt 图象如图 2-1-36 所示,图中△OPQ和△OQT的面积分别为5,和 5·(5·<5·),初始时,甲车在乙车前方 5·处。()

A. 若 50=(51+52),两车不会相遇

B. 若 s<sub>0</sub> < s<sub>1</sub>,两车相遇 2 次

C. 若 50 = 51, 两车相遇 1 次

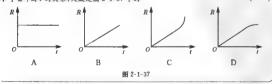
D. 若 50=52,两车相遇1次



[分析] 由图象可知,在 T时刻,甲、乙速度相等,乙追赶甲的最大距离就是△OPQ 所開面积, . 若、>、说明乙超过了甲,由于以后甲的速度大丁乙的速度,甲仝追赶上 乙,两车相遇二次,若 x = 51,两车刚好在 T时刻相遇一次,以后甲车超过乙;若 x > 51,在 丁 时刻乙车在甲车的后面,乙车与甲车不可能相遇。

#### [₩₩] ABC

[閏3] (2009·安體)大爆炸理论认为,我们的宇宙起源于137 亿年前的一次大 煤炸,除开始瞬间外,在演化至今的大部分时间內,宇宙基本上是勾造膨胀的,20 世纪 末,对1A型超新星的观测显示,宇宙正在加速膨胀,面对这个出人意料的发现,宇宙 "学家模完某背后的原因,提出宇宙的大部分可能由暗能量组成,它们的排斥作用导致 宇宙在近後天文时期內开始加速膨胀,如果是这样,則标志宇宙大小的宇宙半径 R 和宇宙年龄(的关系,太数是图2-1-37 中的



[分析] 由题可知我们的宇宙在演化至今的大部分时间内,宇宙基本上是勾速膨胀的,即宇宙半径均勾增大,而从20世纪末观测显示,宇宙正在加速膨胀,说明半径与时间



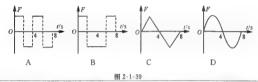
已不再是一次函数关系,C图正确.

#### [##] C

[門4] (2009·山东)某物体做直线运动的 vt 图象如图 2 1-38 所示,据此判断图 2-1-39(F表示物体所受合力) 四个流項中正确的基



图 2-1-38



[分析] 由 vt 图象可知在前 2s 和最后 2s 的时间内,图象的斜率大小相同,说明 物体的加速度大小相同,即合外力大小相同,在中间 4s 内,图象的斜率不变,说明物体的加速度相同,合外力相同,达段时间内的合外力的方向与前述两段时间内合外力方向相反.

#### [**★★**] B

[內 5] 某人骑自行车在平直道路上行进, 图 2-1-40 中的实践记录了自行车开始一段时间内的 vt 图象, 某同学为了简化计算, 用虚线作近似处理, 下 列说法正确的是



- A.在点时刻,虚线反映的加速度比实际的大
- B 在 0→t<sub>1</sub> 时间内,由虚线计算出的平均速度比实 际的大
- C. 在 ti→6 計间内, 虚缆反映的是匀涂运动
- D.在 6.→6. 計间内, 虚线反映的是匀速运动

[分析] v1 图象的斜率就是加速度,图象与时间轴所围面积就是位移,图象水平说明是匀速直线运动,依据这些原则可以判断 B.D 两洗项正确。





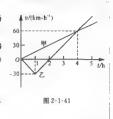
[ 图 6] t=0 时,甲乙两汽车从相距 70km 的两 她开始相向行驶,它们的 727 闲复如图 2-1-41 所示 忽略汽车掉头所重时间,下列对汽车运动投况的描 建正确的是

A. 在第 1h 末, 乙车改变运动方向

B 在第 2h 末, 甲乙两车相距 10km

C. 在前 4h 内, 乙基运动加速度的大小总比甲基 的大

D. 在第 4h 末。甲乙两车相遇



[分析] 乙车在第 2h 未改变运动方向,在 0→2h,甲、乙两图象与时间轴所图的面积 均为 30km, 两车相向行驶, 互相接近了 60km, 两车相距 10km, 甲车加速度为 15km/b², 乙, 在加速度的大小前后两次均为 30km h². 从第 2h 末开始, 乙与甲属向行驶, 在第 4h 末 で、的位移为30km。甲的位移为120km。甲、乙位移之善县90km。90km>70km。所以甲 フ 两 车早已相遇.

#### [##] BC

「例7〕 甲乙两车在公路上沿同一方向做直线运动,它 们的 v1 图象如图 2-1-42 所示, 两图象在 1-1. 时相交于 P 点 P 在横轴上的投影为 Q,  $\triangle()PQ$  的面积为 s, 在 t=0 时 刻, 乙车在甲车前面, 相距为 d. 已知此后两车相遇两次, 且第 一次相遇的时刻为 f', 则下面四组 l'和 d 的组合可能是

A, 
$$t' = t_1, d = s$$

B, 
$$t' = \frac{1}{2}t_1$$
,  $d = \frac{1}{4}s$ 

C. 
$$t' = \frac{1}{2}t_1 \cdot d = \frac{1}{2}$$

C. 
$$t' = \frac{1}{2}t_1$$
,  $d = \frac{1}{2}s$  D.  $t' = \frac{1}{2}t_1$ ,  $d = \frac{3}{4}s$ 

分析 两年的 vt 图象与时间轴所制面积为位移,由图 2 1-43 可知, 两车速度相等时, 甲车追赶最大的距离也为 △()PQ的面积s,因为两车相遇两次,说明在两车速度相等之 前,甲已经与乙相遇,后是乙追赶甲车,即有 d<,,A 洗项错 误。若t'to 2,即图中阴影部分梯形面积为d,此面积与  $\triangle$ OPQ的面积 s 的关系为 d=3s/4.



图 2 1 43

-39

[閏8] 一个静止的质点,在0~4s时间内受到力F的 作用,力的方向始终在同一直线上,力F随时间;的变化如 图 2-1-44 所示,则盾点在

A. 第 2s 末速度改变方向 B. 第 2s 末位移改变方向 C. 第 4s 末回到原出发点 D. 第 4s 末运动速度为掌



图 2-1 44

[分析] 由牛顿第二定律可知、物体的加速度与时间关系的图象和物体的受力与时间关系的图象是相似的、所以、物体加速度与时间关系图象如图2-1-45所示。从加速度与时间关系图象可以看出在前两秒加速度的方向为正值、物份经历了一个加速度逐渐增大的加速运动和加速度逐渐减少的加速运动。2s未速度达到最大,从2s未开始到4s未加速度的方向也发生了改变与运动的方向相反、物体又经



图 2-1 45

历了一个加速度逐渐增大的减速运动和加速度逐渐减小的减速运动,由图象可知,前后2s的运动情况具有对称性,4s 未速度为零,物体的位移达到最大.

#### [ ★★ ] D

[閏9] (2009·籌廟)一卡车拖挂一相同质量的车厢,在水平直道上以 ti, = 12m/s 的速度匀速行驶,其所受阻力可视为与车重成正比,与速度无关,某时刻,车厢 脱落,并以大小为。—2m/s\*的加速度减速滑行,在车厢脱落;=3s后,司机才发觉并 常急制本,剥车时阻力为正常行驶时的 3 倍, 假谈刹车前引力不变,求卡车和车厢都停下后两亩之间的距离。

[分析] 年厢受到的摩擦力为 f=ma,卡车的牵引力为 F=2f,卡车加速时的加速度为  $a_1=\frac{F-f}{m}=a$ ,紧急刹车加速度  $a_2=\frac{3f}{m}=3a=6$  m/s²

设卡车减速时间为t',在车厢脱蒂t=3s后卡车瞬间速度为v

车位移  $s_2 = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2 + \frac{1}{2} \cdot 3 a t^2 = 72 \text{m}$ , 卡车、车厢都停下时距离  $\Delta s = s_2 - s_3 = 36 \text{m}$ 

图象法: 车厢减速时间为  $t_1 = \frac{t_0}{a} = 6s$ , 卡车运动时间为  $t_2$ , 最大凍度为  $t_0$ .

有 
$$v_m = v_b + at = 18 \text{m/s} = 3a(t_2 - t)$$
, 可得  $t_2 = \frac{v_b}{3a} + \frac{4t}{3} = 6s$ 

作出相应的速度 时间图象如图 2-1-46 所示,由图象可知 阴影面积就是卡车和车厢都停下后两者之间的距离

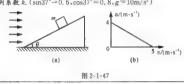
$$\Delta s = \left[\frac{12+18}{2} \cdot 3 + \frac{18}{2} \cdot (6-3) - \frac{12}{2} \cdot 6\right] m = 36m$$





[ 54 10 ] (2009 · 卜海)如用 2-1-47 中的(a)所示, 盾景 m=1kg 的物体沿倾角 f =37°的固定粗糖斜面由静止开始向下运动, 风财物体的作用力混水平方向向右, 算大 小与凤语 v 成正比,比例系数用力表示, 物体加速度 a 与凤语 v 的关系如图(b)所示. 炭.

- (1)物体与斜面间的动摩擦因数 us
- (2)比例系数 k, (sin37°-0, 6, cos37°-0, 8, g=10m/s²)



[分析] 物体加速度 a 与风速 v 的关系由图(b) 可知, 初始时刻, 风速为零时, 加速 度有最大值为 4m/s2; 当风速为 5m/s 时, 物体的加速度为零.

[#] (1)初始时刻风速为零:mgsind-umgcosd=mao.

$$\mu = \frac{g \sin \theta - a_0}{g \cos \theta} = 0.25$$

(2)加速度为零时物体受力如图 2-1-48 所示,平行于斜面 方向有  $mgsin\theta-\mu N-kvcos\theta=0$ ,

垂直于斜面方向有  $N=mg\cos\theta+kv\sin\theta$ ,

由以上两式解得  $k = \frac{mg(\sin \theta - \mu \cos \theta)}{v(u \sin \theta + \cos \theta)} = 0.84 \text{kg/s}$ 



图 2-1 48

### 思维考试测试

1. 甲乙两辆汽车在平直的公路上沿同一方向做直线运动, t=0 时刻同时经过公 路 帝的同一个路标。在描述两车运动的 pt 图中(如图2-1-49所示), 直线 a. b分别描 述 了甲乙两车在 0~20s 的运动情况, 关于两车之间的位置关系, 下列说法正确的是

- A. 在 0~10s 内两车逐渐靠近
- R 在 10~20s 内两车逐渐远离
- C. 在 5~15s 内两车的位移相等
- D. 在 t=10s 时两车在公路上相遇

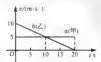
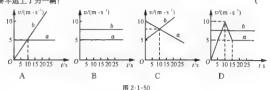
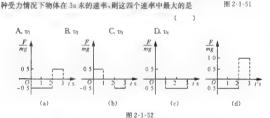


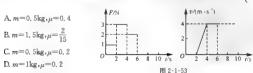
图 2 1 49

2. 兩辆游戏赛车 a,b 在两条平行的直车道上行驶,t=0 时两车都在同一计时处,b 时比赛开始,它们在四次比赛中的 vt 图如图 2-1-50 所示. 哪些图对应的比赛中,有一条 赛车追上了另一颗?



30° 8 2-1-51







5. (2010·福建)质量为 2kg 的物体静止在足够大的水平面 上,物体与协而间的动度够因数为 0 2.最大静度核力和滑动度 擦力大小视为相等。从1=0时刻开始,物体受到方向不变、大小 呈周期性变化的水平拉力 F 的作用, F 随时间 t 的变化规律如 图 2·1 54 所示, 重力加速度 g 取 10m/s2, 驯物体在 t=0 到 t= 12s 汶段时间内的位移大小为



A 18m

B 54m

C 72m

D 198m

6. (2010·湖南)太阳系中的8大行星的轨道均可以近似看成圆轨道,下列图 2-1 55 县用来描述这些行星运动所遵从的某一规律的图象, 图中坐标系的描轴县 lg (T/Ta),纵 轴是  $l_{R}(R/R_{o})$ , 这里 T 和 R 分别是行星绕太阳运行的周期和相应的圆轨道半径,  $T_{o}$  和 R。分别是水星绕太阳运行的周期和相应的圆轨道半径, 下列图 2-1-55 中正确的基

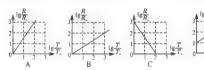


图 2-1-55

7. (2010·海南)在图 2-1-56a 中, 质量为 m 的物块叠放在质量为 2m 的足够长的木 板上方右侧, 木板放在光滑的水平地面上, 物块与木板之间的动魔擦因数为 "= 0.2. 在木 板上施加一水平向右的拉力 F, 在  $0\sim3s$  内 F 的变化如图 b 所示, 图中 F 以 mg 为单位, 重力加速度 g=10m/s2, 整个系统开始时静止。

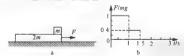


图 2-1-56

- (1) 求 1s、1, 5s、2s、3s 末木板的速度以及 2s、3s 末物块的速度;
- (2)在同一坐标系中画出 0~3s 内木板和物块的 vt 图象,据此求 0~3s 内物块相对 干木板滑过的距离.
- 8. 一水平的浅色长传送带上放置一煤块(可视为质点),煤块与传送带之间的动魔糖 四数为 u. 初始时,传送带与煤块都是静止的. 现让传送带以恒定的加速度 qo开始运动, 当其速度达到 to 后, 便以此速度做匀速运动, 经过 · 段时间, 煤块在传送带上留下了一段 黑色痕迹,煤块相对于传送带不再滑动,求此黑色痕迹的长度,



1. C(在 0~20 s 的时间内, 两图象所围面积相等, 说明位移相同, 两者相遇, 在-段时间内, 图象与时间轴所围面积之差, 是两物体的位移之差, 显然, 在 0~10 s 内两车逐渐远离, 在 10~20 s 内两车逐渐靠近, 在 5~15 s 内两车的图象与时间轴所图面积相同, 说明这段时间的位移相等)

2. AC(由速度 时间与機軸所関的面积就是位移可知: A 图中的 b 车追上 f a 车; B 图中 b 车始終在 a 车前面: (图 b 车追上 f a 车: D 圏中 b 车始終在 a 车前面)

3. C(由于该题中没有涉及滑动摩擦力,所以只能不予考虑、若是没有力 F,物体在平行于斜面方向上重力的分量 0.5 mg. 在 2-1-52(a)图的情况下,最初 2s 内平行于斜面向下的合力为 mg,第 3s 内沿斜面方向合力为零,所以,物体先向下以 g 加速 2s,后匀速,问理可知,在(b)图情况下,物体先静止,后以 g 加速 1s,;在(c)图情况下,物体先以 0.5 g 向下加速 1s,后以 g 加速向下 2s;而在(d)图情况下,物体先向下以 g 加速 2s,后以 g 做减速运动 1s,所以(c)图读率最大)

4. A(由物体的速度 时间图象可知物块匀速运动时,拉力与清动摩擦力平衡,说明 清动摩擦力 f=2N,由物块加速运动的图线可知加速度  $a=\frac{\Delta v}{\Delta t}=2$  m/s²,由牛顿第二定 律可知 F-f=ma,m=0.5 kg,动摩擦因数  $\mu=\frac{L}{ma}=0$ .4)

5. B(拉力只有大于最大静摩擦力时,物体才会由静止开始运动; $0\sim3s$  时; $F=f_{\max}$ ,物体保持静止,s.=0; $3\sim6s$  时; $F>f_{\max}$ ,物体由静止开始做匀加速直线运动, $a=\frac{F-f}{m}=2$  m/s² , v=at=6m/s s.  $s_2=\frac{1}{2}$   $at^2=9$ m,  $6\sim9s$  时;F=f,物体做匀速直线运动; $s_1=vt-6\times3=18$ m;  $9\sim12s$  时;F>f,物体以 6m/s 为初速度,以 2m/s² 为加速度继续做匀加速运动  $s_1=vt+\frac{1}{2}$   $at^2=2$ 7m. 所以  $0\sim12s$  内物体的位移为 s-s; +s; +s, +s, +s, =54m)

6. B(由升普動第三定律可知 :  $\frac{R^3}{R_0^3} = \frac{T^6}{T_0^8}$  , 对该式两边取对数 。有  $3 \lg \frac{R}{R_0} = 2 \lg \frac{T}{T_0}$  ,由该式可得 :  $\lg \frac{R}{R_0} = \frac{2}{3} \lg \frac{T}{T_0}$  ,符合表达式的图象只有 B图)

7. (1)设木板和物块的加速度分别为a和a'、在t时刻木板和物块的速度分别为v。和v'、木板和物块之间摩擦力的大小为f、据牛顿第二定律、运动学公式和摩擦定律得

$$f = ma' \quad \bigcirc \qquad f = \mu ng_{*} \stackrel{\mathsf{M}}{=} v'_{i} < v_{i} \quad \bigcirc \qquad v'_{i_{2}} = v'_{i_{1}} + a'(t_{2} - t_{1}) \quad \bigcirc \qquad F - f = (2m)a \quad \bigcirc \qquad v_{h} = v_{h} + a(t_{2} - t_{1}) \quad \bigcirc \qquad \bigcirc \qquad \bigcirc$$

由①②③④⑤式与题给条件得

 $v_1 = 4\text{m/s}, v_{1.5} = 4.5\text{m/s}, v_2 = 4\text{m/s}, v_3 = 4\text{m/s}$  (6)



 $v'_{2} = 4m/s, v'_{2} = 4m/s$  (7)

(2)由⑥⑦式得到物块与木板运动的 vt 图象,如图 2-1-57 所示, 在 0~3s 内物块相对于木板的距离 As 等于木 板和物块 v-t 图线下的面积之差,即图中带阴影的四边形 面积,该四边形由两个三角形组成。上面的三角形面积为 0, 25(m), 下面的三角形面积为 2(m), 因此, As=2, 25m,

8. 煤块在传送带上留下了一段黑色痕迹。说明煤块与

传送带之间存在着相对运动,即爆块的加速度小干传送带 的加速度,煤块的加速度是由滑动磨塘力提供,由牛顿笔 二定律可知为  $a=\frac{\mu mg}{a}=\mu g < a_0$ , 当煤块达到传送带的速度  $v_0$ 

需要时间为 $t_1 = \frac{v_0}{a} = \frac{v_0}{ug}$ ,传送带达到 $v_0$ 需要时间为 $t_2 = \frac{v_0}{a}$ ,在 时间 $\Delta t = t_1 - t_2$ 的时间内,皮带匀速,煤块加速,以后煤块与传 送带的速度相等, 无相对运动, 两者速度 时间图象如图 2-1-58所示,由图可知黑色痕迹的长度就是两图象与时间轴所



图 2-1 57



图 2-1 58

閉面积之差(图中阴影部分),即黑色痕迹的长度为 $L=\frac{t_0}{2}\cdot\Delta=\frac{t_0}{2}(\frac{t_0}{ug}-\frac{t_0}{u_0})$ .

## 能量与动量部分的图象法

在能量与动量内容中,由于涉及变力的问题,经常遇到力随时间或位移发生变化导 致物体的能量与动量也随着发生变化,这类问题若是应用生畅运动定律求解可能有困 难,但从能量和动量的角度求解可能就简捷得多,这部分问题中涉及的图象问题也需要 紧扣图象提供的信息进行求解。



### 解极方法指导

[两1] 一个物体同时受到两个水平力 Fi、Fo的作用。 力 F1、F2与位移的关系如图 2-2-1 所示。芸物体从静止开始 运动,当物体的动能最大时,单位移为

A. 2. 5m

B. 5m

C. 7. 5m

D. 10m



「無」 由图象的物理意义可知, 力一位移图象与精轴所用的面积在数值上等于力对 物体做的功,要使物体的动能最大,由动能定理可知合外力的功晶大,由图象可知当位移 s=5m 时,外力做功的代数和最大,





[春春] B

[專点] 力一位移图象与横轴所图的面积就是力在这段位移上所做的功. 横轴以上的面积为正功. 横轴以下的面积为压功. 横轴以下的面积为压功.

[**图2**] 质点受的力 F 随时间变化的规律如图 2-2-2 所示,力的方向始终在一直线上。已知 t-0 时质点的速度 为零,在图示的 t<sub>1</sub>、t<sub>2</sub>、t<sub>3</sub>和 t<sub>4</sub>各时刻中,哪一时刻质点的选 度量大?哪一时刻质点离开出发点最远?



A. t<sub>1</sub>

B. t<sub>2</sub>

BB 2-2-2

[無] 由图和动量定理可知:质点在 $0 \rightarrow t_2$ 时间内合外力的冲量为正值。说明物体的动量和速度一直在增大,在 $t_2 \rightarrow t_4$ 的时间内合外力的冲量为负值。说明物体的动量和速度在减小,所以 $t_2$ 时刻物体的速度最大,但运动方向没有变。在 $0 \rightarrow t_4$ 时间内合外力的冲量为零,即 $t_4$ 时刻质点的速度为零,物体离出发点最远。

[##] BD

[專獻] 力一时间图象与横轴所图的面积就是力在这段时间内的冲量. 横轴以上面积冲量为正方向。横轴以下面积的冲量为负方向。

[興新] 本題可以由牛顿运动定律来进行判断,但没有应用动量定理简捷. 解答如下: 由图和牛顿第:定律可知:质点在 0→t;时间内做加速度增大的加速运动,在 t₁→t₂ 的时间内做加速度减小的加速运动;在 t₂→t₂的时间内做加速度增大的减速运动,在 t₃→ t₄的时间内做加速度减小的减速运动。由于力的对称性,可知在 t₄时刻质点的速度为零. 故质点在 t₂时刻的速度最大. 质点在 0→t₄的时间内 -直向 -个方向做加速、减速运动。 所以在 t₄时刻的速度最大. 质点在 0→t₄的时间内 -直向 -个方向做加速、减速运动。

[两3] 图 2-2-3 为一物体在光滑的斜面上受到一平行于斜面的力的作用,由静止开始沿斜面做直线运动,运动过程中物体的机械能 E 与物体证移 s 的关系图线如图 2-2-4 所示,其中 0~s<sub>1</sub> 过程的图线为由线,s<sub>1</sub>~s<sub>2</sub> 过程为直线,根据波图线,下列判断正确的是

A. 0~s1过程中物体的加速度越来越大

B. 51~52过程中物体做匀速直线运动

C. 51~52过程中物体微变加速直线运动

D. 0~52 过程中物体的动能不断增大





图 2-2-3

[輝] 由图象可知物体不可能由静止沿斜面向上运动,因为物体若向上运动,其机械能是增大的,而图象中说明机械能是减小的,物体沿光滑斜面向下运动,平行于斜面的外力一定是沿斜面向上,若是沿斜面向下,有外力对物体做正功,物体的机械能是增大的,与图象所提供的信息不符,由此可以写出物体机械能的表达式 E=E。 Fs.

由物体机械能的表达式与对应的图象关系可知。图象曲线部分各点切线的斜率是减小的。说明 F 是减小的。竟线段图象的斜率不变。即力 F 不变。物体能沿斜面下滑。说明外力 F 是小 F 重力平行于斜面的分量。由牛顿运动定律有 $a=g\sin\theta$ 一

曲线部分的 F 减小,加速度 a 增大,直线部分 F 不变 a 不变.

[##] AD

[釋奪] 本题分析过程中要充分利用图象所提供的信息:判断物体的运动方向和力的方向. 再根据图象写出物体机械能随位移变化的表达式进行分析. 若没有以上这些正确分析,本题就没有进人正确的思路.

[**两4**] 机车保持功率不变,列车从车站出发沿平直的铁轨行驶 5min,速度增大到 72km/h,在这段时间内,列车行驶的距离为

A. 一定等于 3000m

B. 一定大于 3000m

C, 一定小于 3000m

D. 条件不足, 无法判断

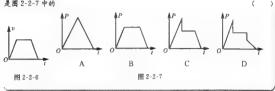
[舞] 机车功率不变,机车的加速度  $a = \frac{F - f}{m}$ ,牵引力  $F = \frac{P}{v}$ ,随着列车的速度增大,牵引力减小,加速度也在减小,放列车做加速度减小的加速运动,以恒定功率加速时汽车是做加速度减小的加速运动,其速度一时间图象相对于分加速直线运动

的图象是上凸的, 匀变速运动的速度一时间图象是一条直线, 机车若是匀变速直线运动, 在 5mm 内速度增大到 72km/h. 达段时间内的位移为 3000m. 由图 2-2-5 所示可知, 上凸图象所图的面积大于直线所图面积(面积就是位移), 达段时间内的位移大于 3000m.

## -34

#### [春春] B

[**图5**] 起重机提起重物,重物的运动如图 2-2-6 所示,则起重机的输入功率应 是图 2-2-7 中的 ( )

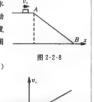


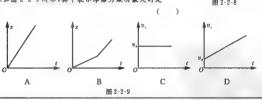
[#] 由重物的速度一时间图象可知;起重机先做匀加速运动。牵引力大于重物的重力,即F>Mg,F是一个恒力,由P=Fv可知其功率线性增大;起重机做匀速运动时F=Mg,功率不变;做匀减速运动时,牵引力小于重力,即F<Mg,也是一个恒力,速度减小,功率线性减小,在速度两次突变处,牵引力是突然减小。

[ \* \* ] D

[專獻] 扣住两次加速度的转折点处力的变化特点是本顾求解的切入点。

[門6] 如图 2-2-8 所示, 粗糙的斜面与光滑的水 平面相连接, 滑块溶水平面以速度 vi 运动, 设滑块运动 到 A 点的时刻为 z=0, 距 A 点的水平距离 x, 水平速度 为 vz, 由于 vi 不同, 从 A 点到 B 点的几种可能的运动图 象如图 2-2-9 所示, 其中表示摩擦力做动量大的是





[壽] 帶块由 A 到 B 有三种可能的运动;沿斜面下滑;滑块做平抛运动,落到斜面 后沿斜面下滑;滑块做平抛运动直接落在水平面. 当滑块由 A 点开始沿斜面下滑时, 克服 滑动摩擦力做功最多. A 图说明滑块在 x 方向上的速度不变(图象斜率不变),应该是平 抛运动的水平速度; B 图说明滑块在 x 方向上的速度有两个,开始小,后来大,即滑块先 做平微运动,后落在斜面上; C 图是平微运动的水平速度不变; D 图说明水平速度在增





大,即滑块在斜面上匀加速下滑.

#### [##] D

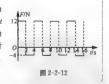
[零点] 位移一时间图象的斜率是速度;速度一时间图象的斜率是加速度,寻找摩擦力做功最大的情况就是在斜面上运动的距离最大。带块在斜面上运动要加速下滑,当它沿水平面的速度被来被大时,说明它在斜面上运动,水平面光滑).

[舞] 由图象提供信息可知、 $m_t$  雜前位移不变,说明它是静止的。 $m_t$  向右运动才能与  $m_t$  没生相互作用。 確前  $m_t$  向右运动的速度为  $v_{10}=\frac{8}{2}$  m/s=4m/s, 醚后  $m_t$  和  $m_t$  的速度分别为  $v_1=\frac{0-8}{6-2}$  m/s=-2 m/s,  $v_2=\frac{16-8}{6-2}$  m/s=2 m/s,由动量守恒有  $m_t$   $v_{10}=m_t$   $v_2+m_t$   $v_1$ ,解得  $m_t=0$ . 3kg. 碰撞过程中损失的机械能为  $\Delta E=\frac{1}{2}$   $m_1$   $v_0^2-\frac{1}{2}$   $m_t$   $v_1^2-\frac{1}{2}$   $m_t$   $v_1^2=0$ ,说明解槽果完全弹性解情。

#### [##] AC

[專成] 位移一时间图象的斜密是速度。

[閏8] 一个质量为 4kg 的物体静止在足够大的 水平地面上,物体与地面间的动摩擦图数  $\mu$ =0.1.从 t=0 开始,物体受到一个大小和方向呈周期性变化的 水平力 F作用,力 F随时间的变化规律如图2-2-12所示,求 83s 内物体的位移大小和力 F 对物体所做的功、 $(g=10\text{m/s}^2)$ 



[舞] 物体与水平面间的滑动摩擦力为  $f = \mu mg = 4N$ ,在  $0 \sim 2s$  时间内,F = 12N 时,物体的合外力为  $F_{cb} = 8N$ ;在  $2 \sim 4s$  时间内,F = -4N 时,物体的合外力为  $F_{cb} = -8N$ 、以后将重复出现周期性的变化,其图象如图  $2 \cdot 2$  13 实线所示,周期为 T = 4s,在一个周期内,物体受到的合外力与时间轴所图的面积代数和为零,即合外力的冲量为零,物

移  $s_0 = 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot a \left(\frac{T}{2}\right)^2 = 8m$ 



体动量的增量为零、即物体动量为零、速度为零、由于物体受到的合外力大小相同之处、其加速度的大小为  $a = \frac{F_{cb}}{m} = 2 \text{ m/s}^2$ , 其速度一时间图象如图 2-2-13 中的建线所示,由图可知物体一直沿同一个方向衡加速、减速、再

加速、减速……运动,在一个周期内,由于对称性物体位



时间 
$$t=83s=20\frac{3}{4}T$$
,在 $\frac{3}{4}T$ 内 $,s'=s_0-\frac{1}{2}\cdot a\left(\frac{T}{4}\right)^2=7m$ 

物体在 83s 内总位移为  $s=20s_0+s=167m$ ,物体末速度为  $v_1=a\frac{T}{4}=2m/s$ 

由动能定理可知  $W_F - f_S = \frac{1}{2} m v_f^2$ ,代人数据得  $W_F = 676$  J

[屬本] 分析物体运动具有周期性是本题的突破点。求题设时间与其运动周期的关系,即寻找题设时间内的位移与一个周期内位移的关系,进而求出位移及克服摩擦力所做的功,

[两 9] 在地面以初速度 ty 整直上抛一皮球, 皮球幕地耐速度大小为 ty, 若皮球 运动过程中所受到的空气阻力大小与它的速度减正比, 试水皮球在空中运动的时间,

[無] 皮球受到的空气阻力是变化的,故皮球的合外力也随时间而变化,牛顿第二定律和运动学的方法在高中阶段无法进行求解。由于速度 时间图象与力一时间图象所图的面积分别是位移和冲量,利用空气阻力在全运动过程中的冲量与皮球的速度 时间的图象关系可以进行波解

皮球的速度在变化,皮球受到的空气阻力也是变化的,皮球运动过程中的加速度,直是减小的,皮球上升过程和下降过程的位移大小相同,方向相反,其速度 时间图象与时间轴所图的面积为零.空气阻力与速度成正比,且阻力的方向始终与速度方向相反,故皮球受到空气阻力随时间变化的图象与其速度一时间图象相似(设空气阻力方向向下为正,速度方向向上为正),作出图象如图 2-2-14



图 2-2-14

所示。其冲量等于曲线与时间轴所围的面积,此面积为零,即全过程空气阻力的冲量为零,只有重力的冲量使皮球的动量发生变化。由动量定理得, $mgl=mv_1-m(-v_1)$ 

## $t = \frac{v_1 + v_2}{g}$

- [專本] 因阻力与速度成正比。阻力 时间的图象和速度 时间的图象是相似形。 皮球上升到最高点后落回到出发点。全过程位移为零是本题求解的切人点。
  - [單雜] 图象与横轴所围的面积可以表示第三个物理量(这个物理量 -定是由图象



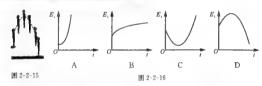


中的两物理量乘积所确定),力随时间变化的曲线与横轴所围的面积表示这段时间内的 中量,速度随时间变化的曲线与横轴所围的面积表示这段时间内的位移. 根据图象的这 种特点,求解物理问题可以说是一种重要的解题途径,这部分例题和练习都是图绕这些 特点进行证额与训练.

## --

### 跟踪训练

1. 图 2-2-15 显示跳水运动员从离开跳板到人水前的过程. 图 2-2-16 中能正确反映 运动员的动能随时间 # 变化的曲线是(忽略空气阻力)



2. 如图 2-2-17 所示,水平面 AB 段粗糙,BC 段光滑,物块从 A 点以初动量 p。向右沿直线 AB 运动、到达 B 处时与静止在 B 处的另一物体 N 发生碰撞,碰撞时间极短,碰后 N 向右运动,M 以 p。/2 的动量反向弹回直到最终停



止. 以向右的方向为正,图 2-2-18 的图中能反映物块 M 在整个运动过程的运动情况的 基

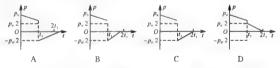
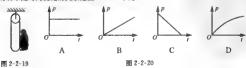


图 2-2-18

3. 如图 2-2-19 所示,在一个质量不计的定滑轮上穿过一根质量为 M 的环形链条, 在链条竖直部分有一只质量为 m 的猴子拉着链条开始向上爬,并保持高度不变,则猴子 发出的功率辅时间变化的关系是图 2-2-20 中的







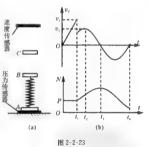
4. 汽车在平直公路上由静止开始做匀加速运动,速度达到后 va,立即关闭发动机滑 行至停止,vt 图象如图 2-2-21 所示. 汽车的牵引力大小为 F、摩擦力大小为 f,全过程中 牵引力做功 W1,克服摩擦力做功为 W2,则

图 2-2-21

戚 2-2-22

5. 如图 2 2-22 所示,在一光槽的水平面上有两块相同的木板 B 和 C,重物 A(视为 质点)位于 B 的右端,A、B、C 的质量相等,现 A 和 B 以同一速度滑向静止的 C,B与C 发生正磁,碰后 B 和 C 黏在一起运动,A 在 C 上滑行,A 与 C 之间有摩擦力,已知 A 滑到 C 的右端而未掉下,试问;从B、C 发生正確到A 削移动到 C 右端期间,C 所走过的距离是 C 新长度的多少倍?

6. 如图 2-2-23 中(a)图所示,整 直弹簧下端与放在水平地面上的物块 A 相连,上端与物块 B 相连,物块 C 在 B 的正上方某处自由落下,与 B 避糖后黏合在一起,在物块 C 正上方放置一个速度传感器,以测量 C 下落的速度 vc+在物块 A 的正下方放置一个压力传感器,以测量物块 A 对地面的压力 N,得到如图(b)所示的 vt, vn, v,为已知量。已知增美的劲度系数为 k,A、B、C 三个物块的废量相等且都可视质点,看力加速度为8,水。



- (1)每个物块的质量;
- (2)从 ti到 to,BC 黏合体对弹簧做的功多大?
- (3)为使 BC 黏合体向上反弹到最大高度时,物块 A 对地面的压力恰好为零,则 C 物 块开始下落时与 B 物块的距离应为多大?
- 7. 如图 2-2-24 所示为一根竪直悬挂的不可伸长的轻绳,下端拴一个小物块 A,上端 固定在 C 点,且与一能测量绳的拉力的测力传感器相连,已知有一质量为 m,的子弹 B 沿 水平方向以速度 vs射人 A 内(未穿透),接着两者一起绕 C 点在竪直面内做圆周运动,在



各种阻力都可以忽略的条件下测力传感器测得绳的拉力 F 隨时间 # 的变化关系如图 2-25 所示,已知子弹射人的时间极短,且图 2-2-25 中 #=0 为 A、B 开始以相同速度运动的时刻,根据力学规律和题中(包括图)所提供的信息,对反映悬挂系统本身性质的物理量(例如 A 的质量)及 A、B 一起运动过程中的守恒量、依能求出瞩些守量的结果?



郎 2-2-24



图 2-2-25

8. "綠色奧运"是 2008 年北京奧运会的三大理念之一,奧组委决定在各比賽场馆使用新型节能环保电动车, 当时由江汉大学的 500 名学生担任司机,负责接送比赛 选手和运输器材. 在检测某款电动车性能的某次实验中, 质量为 8×10° kg 的电动车由静止开始沿平直公路行驶, 达到的最大速度为 15m/s,利用传感器测得此过程中不同 时刻电动车的牵引力 F 与对应的速度 v,并描绘出 F 1



图象如图 2-2-26 所示(图中 AB, BO 均为直线). 假设电动车行驶中所受的阻力恒定,求此过程中:

- (1)电动车的额定功率;
- (2)电动车由静止开始经过多长时间,速度达到 2m/s.

### 茶案与提示

1. C(縣水运动员离开酰板后做竖直上抛运动, 动能先减小, 后增大, 由于速度  $v=v_0-gt$ , 其动能  $E_k=\frac{1}{2}mv^2=\frac{1}{2}m\left(v_0-gt\right)^2$ , 所以只有 C 图符合条件)

- 2.  $A(由动量守恒可知 M 与 N 碰前的动量大于 <math>p_0/2$ ,才有碰后的动量为  $p_0/2$  的可能性,碰前动量的减少量小于  $p_0/2$ ,所以碰后减速的时间应大于  $t_1$ ,A 图正确)
- 3. B(猴子静止,链条对猴子的作用力为F=mg,猴子对链条的作用力F'=F=mg,链条在此力的作用下做匀加速运动,也就是猴子拉链条向下的速度为v=at,猴子发出的功率为P=mgv=mgat)
- 4. B, C(由图象可知,汽车加速时的加速度为减速时的加速度的 3 倍,即 F-f=3f, F: f=4:1;由图象可知加速时的位移是减速时位移的 $\frac{1}{3}$ , $W_F=Fs=4fs$ , $W_f=f\cdot 4s=4fs$ , $W_1:W_2=1:1$ )

 $2mu_1 2mv_0 = 3mv_1 u = \frac{v_0}{2}, v = \frac{2v_0}{2}$ 

5. 设 A 和 B 以速度 vo向 C 运动, B 与 C 发生正確、A 没有参与, 两木板获得共同速度 u, 以后 B 与 C 作为一个整 体在滑动摩擦力的作用下做加速运动, A 做减速运动, 最后 获得共同速度 v,设二物质量均为 m, 由动量守恒有 mto =



图 2-2 27

所走过的距离是梯形 $v_0DtO$ 的面积,A 与 C的距离之差就是图中三角形 $v_0Dt_0/2$  所图的

面积,所以有
$$\frac{s_C}{L} = \frac{\frac{v_b/2 + 2v_b/3}{2} \cdot t}{\frac{v_0 - v_b/2}{2} \cdot t} = \frac{7}{3}$$

6. (1)由 Nt 图线可知 2mg=P, 三物块质量  $m=\frac{P}{2\sigma}$ 

(2)在  $t_1$  时刻。由动量守恒可得 B , C 黏合体的速度为  $v_{0C_0} = \frac{v_1}{2}$  , M  $t_1$  到  $t_2$  , BC 黏合体和弹簧组成的系统机械能守恒,有  $2mg \cdot (\frac{2mg}{k} - \frac{mg}{k}) = \frac{1}{2} \cdot 2m(v_1^1 - v_{0C_0}^1) + \Delta E_{Ps}$  解得  $\Delta E_{Ps} = \frac{2m^2g^2}{k} - m(v_2^1 - \frac{v_1^2}{4})$  (弹簧储存弹性势能),BC 黏合体对弹簧做功为  $W_s = \Delta E_{Ps} = \frac{2m^2g^2}{k} - m(v_2^1 - \frac{v_1^2}{4}) = \frac{ps}{2g} - \frac{p}{2g} (v_1^1 - \frac{v_1^2}{4})$ 

(3) 要使 BC 黏合体向上反弹到最大高度时、物块 A 对地面的压力恰好为零,即弹簧的伸长量为  $\Delta x_3 = \frac{P}{2k}$ ,此时弹簧的形变量与开始相同,即弹性势能也与开始时相同,BC 黏合体上升的高度为  $2\Delta x_3 = \frac{P}{k}$ ,由机械能守恒有  $P \cdot \frac{P}{k} = \frac{1}{2} \cdot \frac{P}{g} v \hat{b}_{c_0}$ 、由此式得  $v \hat{b}_{c_0} = \frac{2Pg}{4} = \frac{v^2}{4}$ ,  $v^2_0 = \frac{8Pg}{k} = 2gh_z$ ,  $h_x = \frac{4h}{k}$ 

7. 设物块 A 的质量为m,f 弹射人物块过程中,设它们共同速度为v,水平方向上动量守恒有 $m_0v_0 = (m+m_0)v_1v_0 = \frac{m_0}{1-v_0}$ 

由图(2)可知,当物块与子弹运动到最低点时的绳子拉力最大,设绳线为l,由牛顿运动定律有 $F_m$  $(m+m_0)g=(m+m_0)\cdot \frac{v^2}{l}$ ②

由图象可知,当物块与子弹运动到最高点时的绳子拉力为零,此时它们速度为v',说明是重力提供向心力,有 $(m_0+m)^{v'}_{j,=(m_0+m)g}$  ③





物块与子弹由最低点时运动到最高点的过程中。只有重力做功、机械能守恒、有

$$\frac{1}{2}(m+m_0)v^2 = (m+m_0)g \cdot 2l + \frac{1}{2}(m+m_0)v^2$$
 (4)

由以上①、②、③、④四式可得  $F_m = 6(m + m_0)g$  物块的质量  $m = \frac{F_m}{6g} - m_0$  ⑤

将⑤式代人①式后得  $v = \frac{6m_0 v.g}{F_m}$  ⑥ 将⑥代人②式后得细绳长  $l = \frac{36m_0^2 v.f.g}{5.F^2}$ 

A,B -起运动过程中守恒量是机械能 E. 若以最低点为势能的零点,则  $E = \frac{1}{\alpha} (m + m_0) v^2 = \frac{3m_0^2 v^2}{G} E$ 

8. 分析图线可知:电动车由静止开始做匀加速直线运动,达到额定功率后,做牵引力逐渐减小的变加速直线运动,达到最大速度后做匀速直线运动。

当最大速度  $v_{max}=15 \text{m/s}$  时,牵引力为  $F_{mn}=400\text{N}$ ,故恒定阻力  $f=F_{mn}=400\text{N}$  额定功率  $P=F_{mn}v_{max}=6 \text{kW}$ ,匀加速运动未速度  $v=\frac{P}{F}$ ,代人数据解得 v=3 m/s 匀加速运动的加速度  $a=\frac{F-f}{m}$ ,代人数据解得  $a=2 \text{ m/s}^2$ ,电动车在速度达到3 m/s之前,一直做匀加速直线运动,时间  $t=\frac{v'}{a}$ ,将 v'=2 m/s 代人上式解得 t=1 s.

# 高考思想篇

# JACH 考点直去

年份	題數及克斯	考点	
2009	海南卷 T7 选择 4 分、福建理線 T21 计算 19 分、 宁夏 T17 选择 6 分	匀变速运动、牛顿运	
2008	四川巷 T18 选择 6 分、宁夏巷 T18 选择 6 分、 上海巷 T8 选择 4 分、T21 计算 12 分、 出东巷 T17 选择 6 分、四川灾区巷 T25 计算 22 分	动定律、功、机械能、动能定理、动量、读取图象的能力	
2007	上海巷 T12 选择 5 分、海南巷 T2 选择 6 分		





# @二老根据宝

[閏1] (2009·灣南)一物体在外力的作用下从静止 开始微直线运动,合外力方向不变,大小随时间的变化加 图 2-2-28 所示,设旗物体在 15和 26,时刻相对于出发点的 位移分别是 21和 22,速度分别是 05和 12,合外力从开始至 6时刻做的功差 W,从6至 26时刻做的功差 W,则



)

A, 
$$x_2 = 5x_1$$
,  $v_2 = 3v_1$ 

$$B_{t} x_2 = 9x_1, v_2 = 5v_1$$

C. 
$$x_2 = 5x_1$$
,  $W_2 = 8W_1$ 

D. 
$$v_2 = 3v_1$$
,  $W_2 = 9W_1$ 

[分析] 该物体在  $0\sim t_0$ 时间内的加速度为  $a_1=\frac{F_0}{m}, t_0$ 时刻的速度  $v_1=a_1t_0=\frac{F_0}{m}t_0$ ,位移  $x_1=\frac{1}{2}a_1t_0^2, t_0\sim 2t_0$ 时间内加速度为  $a_2=\frac{2F_0}{m}=2a_1, 2t_0$ 时刻速度  $v_2=v_1+a_2t_0=\frac{3F_0}{m}t_0=3v_1$ ,位移  $x_2=x_1+v_2t_0+\frac{1}{2}a_2t_0^2=x_1+2a_1t_0^2=5x_1, 0\sim t_0$ 时间内合外力的功  $W_1=F_0x_1, t_0\sim 2t_0$ 时间内合外力的功  $W_2=2F_0(x_2-x_1)=8W_1$ .

[##] AC

[**閏2**] (2009。宁夏)质量为 m 的物体静止在光滑水平面上,从 t=0 时期开始受到水平力的作用,力的大小 F 与时间 t 的关系加图 2-2-29 所示,力的方向保持不变,则 ( )

C. 在 0 到 36 这段时间内,水平力的平均功率为 $\frac{23F_{04}^{2}}{4m}$ 

D. 在 0 到 36,这段时间内,水平力的平均功率为 25F666

[分析] 设物体在  $3t_0$ 时刻速度为  $v_1$ 0~ $3t_0$ 时间内由动量定理有  $F_0 \cdot 2t_0 + 3F_0 \cdot t_0$  =  $mv_1$ 4  $v = \frac{5F_0t_0}{m}$ ,  $3t_0$ 时刻的瞬时功率  $P_3 = 3F_0v = \frac{15F_0^2t_0}{m}$ , 由动能定理可知水平力在 0

到  $3t_0$  这段时间内做功为  $W = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{25 F_0^2 t_0^2}{2m}$ , 平均功率  $\bar{P} = \frac{W}{3t_0} = \frac{25 F_0^2 t_0}{6m}$ 

[\*\*] BD



[門3] 物体沿直线运动的 vt 关系如图 2-2-30 所示, 已知在第 1 s 内合外力对 物体做的功为 W, 图

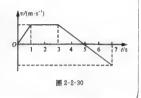
A. 从第1s末到第3s末合外力微功 为4W

B.从第3s末到第5s末合外力微功 为-2W

C. 从第 5 s 末到第 7 s 末合外力做功

为 W D. 从第 3 s 末 到第 4 s 末 合外 为 做 功

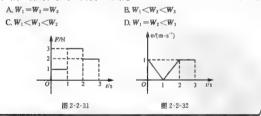
★ -0. 75W



[分析] 由动能定理可知,第1s末到第3s末物体的速度不变,动能的增量为零,即合外力的功为零.第3s末到第5s末动能的增加量与第1s内动能的增加量相同,所以,从第3s末到第5s末合外力做功为一W.从第5s末到第7s末与第1s内动能的增加量相同,合外力的功就为W.

[##] CD

[四4] 一滑块在水平地面上沿直线滑行、t=0 时其速度为 1m/s. 从此刻开始滑块运动方向上再施加一水平方向作用力 F. 力 F 和滑块的速度 v 随时间 t 的变化规律分别如图 2-2-31 和图 2-2-32 所示。设在第 1s 内、第 2s 内、第 3s 内力 F 对滑块做的功分别为  $W_1,W_2,W_3$ ,则以下关系正确的是



[分析] 由 vt 图象可知滑块在第 1s 内和第 2s 内的位移均为  $s_1 = s_2 = 0.5 m$ ,第 3s 内位移为  $s_1 = 1m$ ,滑块第 3s 内的加速度为零,滑块做匀速直线运动。由力 时间图象可知第 3s 内所加外力与滑动摩擦力平衡,即滑动摩擦力大小为 2N,说明 3s 内外力始终与滑动摩擦力反向,与运动方向相同。由 W = Fs 可知  $W_1 = 0.5 J$ ,  $W_2 = 1.5 J$ ,  $W_1 = 2 J$ .





#### [##] B

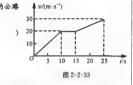
[閏5] 质量为 1500kg 的汽车在平直的公路 上运动,vt 图象如图 2-2-33 所示,由此可求

A. 前 25 s 内汽车的平均速度

B. 前 10 s 内汽车的加速度

C. 前 10 s 内汽车所受的阻力

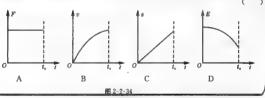
D 15~25。内全外力对汽车所做的功



[分析] 由 vt 图象可以求前 25s 內汽车的平均速度,前 10s 內汽车的加速度.由于不知道物体的受力情况,无法求出汽车所受的阻力, 15~25s 內合外力对汽车所做的功应等于汽车动能的变化量,汽车质量和速度均已知,故可求 15~25s 內合外力所做的功.

#### [##] ABD

[购6] 一物体沿圆定斜面从静止开始的下运动, 经过时间 6.滑至斜面底端, 已知在物体运动过程中物体所受的摩擦力恒定, 若用 F、v、s 和 E 分别复示波物体 所受的合力、物体的速度、位移和机械能, 则图 2-2-34 图象中可能正确的是



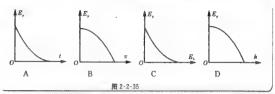
[分析] 物体在平行于斜面方向有重力的分量和滑动摩擦力,此两力的合力为恒力,A图正确;物体沿固定斜面做初速度为零的匀加速运动。v=at,B图错误;位移 $s=\frac{1}{2}at^2$ ,C图错误,其机械能由功能原理可知 $E=E_0-f_3=E_0-\frac{1}{2}fat^2$ ,由于物体下滑到斜面底端时具有动能,所以,D图正确。

#### [##] AD

[門7] 物体做自由幕体运动, E, 代表动能, E, 代表势能, h. 代表下幕的距离, 以水平地面为掌势能面, 图 2-2-35 所示的图象中,能正确反映各物理量之间关系的是



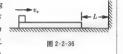




[分析] 物体做自由落体运动,机械能守恒,设初始位置的机械能为  $E_0$ ,由题设条件可知物体的势能  $E_p = E_0 - \frac{1}{2} mg^2 t^2$ ;  $E_p = E_0 - \frac{1}{2} mv^2$ ,  $E_p = E_0 - E_k$ ,  $E_p = E_0 - mgh$ , 物体的势能与时间和速度均为二次函数关系,由于二次项的系数为负数,所以曲线开口向下,只有 B图正确.

#### [##] B

[對8] 如图 2-2-36 所示,一质量 m=1 kg 的本块静止在光滑水平地面上, 开始时, 木块右 端与墙相距 L=0, 08m; 质量为 m=1 kg 的小物 块以初速度 v<sub>b</sub>=2m/s 滑上水板左端, 木板长度 可保证物块在运动过程中不与墙接触, 物块与



木板之间的动摩擦因数为  $\mu$ =0.1。水板与墙的碰撞是完全弹性的。取 g=10m/s², x

- (1)从物块滑上木板到两者达到共同速度时,木板与墙碰撞的次数及所用的时间;
  - (2)达到共同速度时木板右端与墙之间的距离.

[分壽每壽] (1)物块滑上木板后,在摩擦力作用下,物块与木板的加速度大小相同, 方向相反,木板从静止开始做勾加速运动,设 木块加速度为 a,经历时间 T 后与墙第一次碰撞,碰撞时速度为 v,则 pmg=ma

$$L=\frac{1}{2}aT^2$$

$$v_1 = aT$$

由以上两式解得 T=0.4s v<sub>1</sub>=0.4m/s 在物块与木板两者达到共同速度前,在每

在物块与木板两者达到共同速度前,在每 两次碰撞之间,木板受到物块对它的摩擦力而 像加速度恒定的运动,碰前一段时间做加速运动,避后做减速运动,速度减为零后做加速运动,

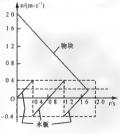


图 2-2-37



动:物块的加速度不变。- 直備勾建速运动, 木板和物块的速度一时间图象如图 2-2-37 所示,木板的速度由正值变为负值均基碰槽前后瞬间的速度,两图象的斜塞大小相局 由 图象可知: 达到共同速度 v=0.2m/s 前木块共经历2次碳镱,从开始到物块与木板两者 达到共同速度所用时间为 t=1.8s

(2)物块与木板达到共同速度时,木板右端与墙之间的距离为

 $s=L-\frac{1}{2}a\Delta t^2$ ,  $\Delta t=1.8s-1.6s=0.2s$ , 并代人数据得 s=0.06m

「钾帶」 本願应用图象法极其简捷,

[對 9] (2009 · 攜鏞) 如图 2-2-38, 在水平地面上图定一倾角为 f 的光滑鏡鏡掛 面,斜面处干电场强度大小为尼,方向沿斜面向下的勾强电场中,一劲度系数为支的统 **嫁轻质弹簧的一端固定在斜面底端,整根弹簧处于自然状态, 一质量为 ≥ , 带电量为 a** (a>0)的潛垛从距离弹簧上端为 so处静止释放,滑块在运动过程中电景保持不幸,设 滑块与弹簧接触过程没有机械能损失,弹簧始终处在弹性限度内,重力加速度大小为 g.

- (1)水滑块从静止释放到与弹簧上端接触瞬间所经历的时间 ti ;
- (2)若滑块在沿斜面向下运动的整个过程中最大速度大小为 7/1、求滑块从静止器 放到速度大小为 zu 过程中弹簧的弹力所做的功 W:
- (3)从潘块棒止弊放酵间开始分时,请在2-2-39 图中画出滑块在沿斜面向下运动 整个过程中速度与时间关系 tr L 图象, 图中横坐标轴上的 ti, t2及 t3分别表示滑块第一 次与弹簧上端接触, 第一次读度读到最大信及第一次读度遍为重的时刻, 纵坐标轴上 的 0.为滑块在 1.时刻的速度大小,如是题中所指的物理量。(本小题不要求写出计算 过程)



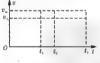


图 2-2-39

[分析考集] (1)滑块从静止释放到与弹簧刚接触的过程中做初速度为零的匀加速 直线运动,设加速度大小为 a,则有

$$qE+mg\sin\theta=ma$$

$$s_0 = \frac{1}{2}at_1^2$$





联立①②可得

(3)

(4)

(3)

)

(2) 滑块速度量大时所受合力为零,设此时弹簧压缩量为 zo

 $mg\sin\theta + aE = kx_0$ 

从静止释放到速度达到最大的过程中。由动能定理得

$$(mg\sin\theta+qE)\cdot(s_0+x_0)+\mathbf{W}=\frac{1}{2}mv_m^2-0$$

联立④⑤可得  $W = \frac{1}{2} m v_m^2 - (mg \sin \theta + qE) \cdot (s_0 + qE)$  $\frac{mg\sin\theta+qE}{L}$ 

(3) 如郷 2-2-40 所示。



# 八川 思维考试测试

1. 一个质量为 m 的物体放在光滑的水平面上, 受到一个方向不变而大小变化的水平 力 F=kt(k 为常量)作用,由静止开始运动。F-t 图象如图 2-2-41 所示。由图象可知

A. 在时刻 T 物体的速度为  $v = \frac{kT^2}{T}$  B. 在时刻 T 物体的动能为  $E_k = \frac{k^2 T^4}{T}$ 

C. 在时间 T 内物体的位移为  $s = \frac{kT^3}{2}$ 

D. 在时间 T 内物体的位移为  $s = \frac{kT^3}{2}$ 



翔 2-2-42

图 2-2-43

2. 汽车在水平路上从静止开始做匀加速直线运动,到1. 末关闭发动机做匀减速运 动, 直到 to 末静止, 此讨程中汽车的速度—时间图象如图 2-2-42 所示, 图中 a < 8, 若汽车 牵引力做功为 W. 做功的平均功率为 P. 汽车加速和建设过程中克服废墟力做功分别是  $W_1$ 和  $W_2$ ,平均功率的大小分别为  $P_1$ 和  $P_2$ ,则下列表达式中正确的是

 $A, W=W_1+W_2$ 

 $B_1W_1>W_2$ 

 $C. P = P_1 + P_2$ 

 $D_1 P_1 = P_2$ 

3. 总质量为 80kg 的跳伞运动员从惠地 500m 的百升机上跳下。经过 2s 拉开编



套开自降落企, 如图 2-2-43 所示甚默 全过程中的 vt 图, 试根据图象求: (p 取  $10 \, \text{m/s}^2$ 

- (1)/=1s时运动员的加速度和所受阻力的大小。
- (2)估算 14s 内运动员下落的高度及克服阳力做的功;
- (3)估算运动员从 E机上跳下到着她的总时间。
- 4. 一个物体静置于光滑水平而上。外面和一质量为 M 的含子。如图2-2-44 所示 理 给盒子一初速度 to,此后,盒子运动的 vt 图象呈周期性变化,如图2-2-45所示,请据此求 食内物体的质量

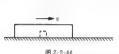
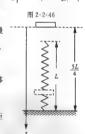


图 2-2-45

2F.

- 5. (北京物理畫書) -物体在力 F 的作用下由静止开始做 直线运动, 力 F 的方向不变, 大小随时间的变化如图 2-2-46 所示,该物体在 ti和 2ti时刻的速度分别为 vi和 vi,试束 vi: v2=?并求出力在两段时间做的功分别为 W, 和 W, 则 W, :  $W_2 = ?$
- 6. (北京物理實書)如图 2-2-47 所示,长为 L 的轻弹管竖 育放置,·端固定在水平面上,在其正上方有一个质量为 m 的 物块,在竖直方向的力 F 的作用下,物块从高为5L处开始缓慢 下移,下移的总位移为 L, 整个下移过程都显极其缓慢进行的, 如图所示.已知弹簧的劲度系数4mg.
- (1) 试作出物块在这一过程中受到的力 F 随它下移的位移 x 变化图象, 要求说明作图依据:
  - (2)在此过程中力 F 做的功:
- (3)物块下移 L 时,如果突然撤去力 F,物块被弹簧弹起距 地面的最大高度,



茶套与提示

图 2 2-47

1. A(由图象的物理意义可知该图象与时间所围的面积就是力 F 在时间 T 内的冲 量,由动量定理有  $I = \frac{1}{2}FT = \frac{1}{2}kT = mv$ ,  $v = \frac{kT^2}{2m}$ , 动能  $E_k = \frac{k^2T^4}{8m}$ , 物体的速度与时间 县平方关系, 其图象为 2 2-48 所示, 图中虚线为匀加速运动, 它与时间轴所围面积为s=





 $\frac{1}{2}vT = \frac{kT^3}{4m}$ ,实线为抛物线,在时间 T 内所围面积比s 小,但大于 v

 $\frac{s}{2} = \frac{kT^3}{8m}$ ,故 A 选项正确)

2. ABD(由图象可知全过程中汽车动量的增量为零,即合外力的冲量为零,Ft<sub>1</sub> ft<sub>2</sub>=0,汽车加速过程和全过程中的平均速 度均为最大速度一半,加速过程中位移s,与全过程中的位移。与

图 2-2-48

运动时间成正比、 $\frac{s_1}{t_2}$ 、 $\frac{f}{f} = \frac{t_1}{t_2}$  、 $\frac{f}{f} = s_s$  即  $\mathbf{W} = \mathbf{W}_1 + \mathbf{W}_2$  、A 选项正确;由图象所图面积(面积即位多)可知加速阶段位移大于减速阶段位移,B 选项正确;由图象可知加速阶段的平均速度等于减速阶段中的平均速度,由于摩擦力相同,由 P = fv 可知 D 选项正确,不同阶段力的功率不能相加。C 选项错误)

- 3. (1)从图中可以看出,在 t=2s 内运动员做勾加速运动,加速度为  $a=\frac{v_s}{t}=\frac{16}{2}$  m/s² = 8 m/s² , 设此过程中运动员受到的阻力大小为 f .根据牛顿第二定律,有 mg-f=ma 得  $f=m(g-a)=80\times(10-8)$  N=160N
- (2)从图中估算得出运动员在  $t_i = 14 \mathrm{s}$  内下落格子数为 39. 5,即  $h = 39.5 \times 2 \times 2 \mathrm{m} = 158 \mathrm{m}$

根据动能定理,有  $mgh - W_f = \frac{1}{2}mv^2$ ,所以有  $W_f = mgh - \frac{1}{2}mv^2 = 1.25 \times 10^5 \text{ J}$ 

(3)14s 后运动员做匀速运动的时间为  $t = \frac{H-h}{\pi} = \frac{500-158}{6} s = 57s$ 

运动员从飞机上跳下到着地需要的总时间  $t_0 = t_1 + t' = (14 + 57)s = 71s$ 

[要点]①由图线判断运动员做匀加速直线运动的时间段.

②在图象中较准确地敷出 14s 内图线与时间轴所图小正方形的个敷,确定其位移, 从而确定阻力所做的功.

4. 设物体质量为 m,to时刻受盒子碰撞获得速度 v,根据动量守恒 Mu = mv

 $3t_0$ 时刻物体与盒子右壁碰撞,盒子速度变为  $t_0$ ,说明是弹性碰撞  $\frac{1}{2}Mt_0^2 = \frac{1}{2}mt^2$  ②

(通过图象分析得出 10=10结合动量守恒,得出正确结果)

6. (1)物块—起极其缓慢下移,受的合外力为零,当它下降 0. 25L 的过程中,外力F = -mg,当它开始接触弹簧后,F + mg - k(x - 0. 25L) = 0,由此式可得,



由以上两关系式可作出下熵它下移的位移x变化图 **参加图 2-2-49** 所定

(2)在此过程中力下做的功就是图象与工轴所限的面 积,



$$W_F = \frac{0.25 + 0.5}{2} \times 1 \cdot mgL + \frac{2}{2} \times (1.00 \ 0.50) \cdot mgL = \frac{1}{9} mgL.$$

(3)物体从高为5L处开始缓慢下移到物块被弹簧弹起距地面的最大高度的全过程来 看,只有外力下和重力做功,即外力做功的代数为零,有

$$\frac{1}{8} mgL - mg \left(H - \frac{5}{4}L\right) = 0,$$
###  $H = \frac{11}{8}L.$ 

# 振动及波动部分图象法

在振动和波动问题中。图象是表示运动特征和求解的重要手段,在这部分不重点罗 列由图象提供的信息来讲行求解,主要强调的县由图象法来求解问题,这部分问题要紧 **扣住振动和波动均具有周期性进行求解**。



# 解题方法指导

[例 1] 一个盾点做能谐运动, 刷期为 T。则下列说法中正确的是

A. 若 t 时刻和 $(t+\Delta t)$  时刻盾点的位移相同。 $\Delta t$  一定是T 的整数倍

B. 若 t 时刻和 $(t+\Delta t)$ 时刻质点速度相同,则  $\Delta t$  一定是 $\frac{T}{2}$ 的整数倍

 $C. + \Delta t = T.$  则在 t 时刻和  $(t + \Delta t)$  时刻盾点的加速度一定相等

D. 若  $\Delta t = \frac{T}{2}$ , 则在 t 时刻和 $(t+\Delta t)$  时刻质点的动量一定相等

「分析」 由图 2-3-1 所示的振动图象中的 い和 い两时 刻, 质点的位移相同,  $\Delta t = t_0 - t_1 \neq T$ ;  $t_1$  和  $t_2$  两时刻, 质点液 度相同  $\Delta = t_3 - t_2 \neq T/2$ ; 当  $\Delta t = T$ , 质点的加速度肯定相 等,因为质点所做的简谐运动是 -个周期性的运动:若 △=  $\frac{T}{2}$ 时,如图中的  $t_3 - t_1 = \frac{T}{2} = \Delta t$ ,在这两个时刻,质点的速 度大小相等方向相反,质点的动量不相等,



[##] C

[要点] 由振动图象来说明具有周期性的特征比用语言表达更为官观、简捷、





[图2] 盾点做简谐运动。芸盾点经过某一位置附开始计时。下列说法中正确的 是

- A. 当盾点再次经讨此位置时, 经讨的时间为一个周期
- B. 当盾点的速度再次与霎时刻的速度相同时,经过的时间为一个周期
- C. 当盾点的加速度再次与掌附到的加速度相同时,经过的时间为一个周期
- D. 当盾点经过的路程为振幅的 4 倍时, 经过的时间为一个周期
- [#] 如图 2-3-2 所示是质点振动图象,当质点离开 C点向x轴正方向到再次回C点向x轴负方向运动。说明 所需的时间不是一个周期, A 洗项错误: 中图中 C. B(C. B 两点是关于平衡位置对称的两点)说明当质点从 C向 B 运 动时,经过C. B. 两占的速度相等, 所需的时间不是一个周



图 2-3-2

期,说明了 B 洗项错误: C 洗项与 A 洗项的错误是相同的: 质点运动的路程为振幅的 4 倍,则所需的时间是一个周期.

[##] D

[B3] 下表中给出的是做简谐运动物体的住移工或速度 v 与时刻的对应关系 T 是振动的周期。则下列选项中正确的是

状态 物理量	0	<u>T</u>	<u>T</u>	3 <u>T</u>	Т
甲	#	正向最大	*	负向最大	苯
Z	苯	负向最大	*	正向最大	苯
丙	正向最大	*	负向最大	*	正向最大
1	负向最大	#	正向最大	#	负向最大

- A. 芸甲表示位移 x. 副丙表示相应的速度 17
- B. 若乙表示位移 x. 則丙表示相应的速度 v
- C. 若丙表示位移 x. 则甲表示相应的速度 v
- D. 若丁表示位移 x. 則甲表示相应的速度 v

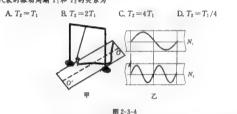
[壽] 振动物体的特点是:位移x为零时,若下一个T/4时刻的位移x为正最大,谏 度此时刻正向最大 v...;若下一个 T/4 时刻的位移 x 为负最大,速度 v 此时刻负向最大, 位移 x 无论是正向最大还是负向最大,速度 v 总是为零,由此质点做简谐振动的图象可 知:若甲表示位移(对应图中的 x:,如图 2 3-3 所示),则图中的 x:表示对应的速度图象,



显然与丙表示相应的速度 v是吻合,A 选正确;B 选项的内容与 A 选项相矛盾,错误;而若丙表示位移(对应图的  $x_2$ ),则将图 2-3-3 中的纵轴向右移动  $\frac{T}{4}$ (对应图的  $x_3$ ),即可知甲表示相应的速度 v 是错误的;对于 D 选项, $x_3$ ,表示位移,将图 2-3-3 中的纵轴  $x_3$  向右移动 T/4,就是速度图象,而实际上是图象  $x_1$ .



- [##] AD
- [票点] 扣住速度与位移对应关系是求解的突破口.
- [獨 4] 图 2-3-4 甲中的演示简谐运动图象的装置图. 当基沙漏斗下面的薄木板 N 被勾逸地拉出时, 摆动着的漏斗中漏出的沙在板上形成的由线显示出摆的位移随时间变化的关系, 板上的直线 OO 代表时间轴, 乙图是两个摆中的沙在各自木板上形成的由线, 若板  $N_1$  和板  $N_2$  拉动的速度  $v_1$  和  $v_2$  的关系为  $v_3$   $=2v_1$ . 則板  $N_1$  、  $N_2$  上由线所代表的推动周期  $T_1$  和  $T_2$  的关系为



[舞] 板在匀速拉出过程中所拉出的距离 s=ut, 当两板拉出的距离相等时,这段距离 所表示的时间与拉板的速度成反比,由于  $v_t=2v_t$ , 所以在拉动相同的距离的条件下,  $N_t$  板 的这段距离所表示的时间为  $N_t$  板相同的距离所表示时间的一半. 在图 2-3-4 乙所示中,  $N_t$ 、 $N_t$  两板相同的距离所表示的时间为  $t_1=2t_2$ . 对于在  $N_t$  板中显示其振动图象的单摆为一个周期  $T_t$  的距离,在  $N_t$  板上相同的距离却显示为二个周期,即有关系式,  $T_1=4T_t$ .

## [##] D

[專本] 明确薄板上漏沙的形状是由两个运动的叠加结果; 竖直面内的振动和水平面上的勾谏直线运动合成的结果。





[图 5] 对于简谐振动的物体,其周期为 T,下列说法正确的是

A. 在一个 T内,物体通过的路程为振幅的 4倍

B.在T.内,物体通过的路程为操幅的1倍

C. 在 $\frac{T}{2}$ 內,物体通过的路程为振幅的 2 倍

D. 在 $\frac{3T}{4}$ 内,物体通过的路程为振幅的 3倍

[郵冊] 做简谱运动的物体,在一个周期内,它经过的路程为振幅的 4 倍,在半个周期内,它经过的路程是振幅的 2 倍,在四分之一个周期内,它经过的路程可能等于一个振幅(如图 2-3-5 中质点从平衡位置到最大位移处),也可能性小于一个振幅(如图 2-3-5中从  $\frac{T}{8}$  的时间内,质点的路程就不足一个

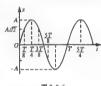


图 2-3-5

振幅),也可能大于一个振幅(从 $\frac{3T}{8}$ → $\frac{5T}{8}$ 的时间内,质点路程大于一个振幅),这是简谐运动的一个重要特征。

由图 2-3-5 所示中, 做简谐运动的质点其路程与时间关系可知:

$$\Delta t = \frac{5}{4}T - T = \frac{T}{4}$$
, 质点的路程由图可知, 刚好为振幅 A 的一倍, 即  $s = A$ 

$$\Delta t = \frac{3}{8}T - \frac{1}{8}T - \frac{T}{4}$$
,由图可知质点路程为  $s = 2(A - \frac{A}{\sqrt{2}}) = 0.586A < A$ 

$$\Delta t = \frac{5}{8} T - \frac{3}{8} T = \frac{T}{4}$$
,由图可知质点的路程为  $s = 2 \times \frac{A}{\sqrt{2}} = 1.41A > A$ 

$$\Delta t = \frac{5}{8}T - \frac{1}{8}T = \frac{T}{2}$$
,由图可知质点的路程为  $s = 2(A - \frac{A}{\sqrt{2}}) + 2 \times \frac{A}{\sqrt{2}} = 2A$ 

这说明在四分之一个周期的时间内,振动物体通过的路程可能是一个振幅,可能小 下振幅,也可能大于振幅(只有振动的物体从平衡位置开始或从最大位移处开始的四分 之一个周期内的路程才是等于一个振幅的长度),在二分之一周期内,振动物体的路程总 是振幅的 2 倍,同时对于本题的结论,做简谐运动的质点在四分之一个周期内的路程与 振幅的关系是需要理解和记忆的,从以上的分析可知: AC 两选项正确.

## [##] AC

[寬緬] 应用振动的图象来分析问题是很直观的,简捷. 虽然振动图象是表明振动



物体的位移 x 与时间 t 的关系,但用它来定性地分析振动物体在一段时间内的路程却比用计算法快捷。

[閏6] 一列在整直方向上推动的简谱波溶水平的 x 轴正方向传播, 振幅为 20cm, 周期为  $4\times10^{-2}$  s. 現溶 x 轴方向任意取五个相邻的点  $P_1$ 、 $P_2$ 、 $P_3$ 、 $P_4$  和  $P_5$ ,它们 在某一时刻离开平衡位置的位移都向上, 大小都为 10cm, 則在此时  $P_1$ 、 $P_2$ 、 $P_3$ 和  $P_4$  四 点可能的运动是

- A.P. 向下,P. 向上,P. 向下,P. 向上
- R.P. 向上, P. 向下, P. 向上, P. 向下
- C. P. 向下, P. 向下, P. 向上, P. 向上
- D. P. 向上, P. 向上, P. 向上, P. 向上
- [無] 简谐被的被形图如图 y4
  2-3-6所示。按照题意选取如图所示的
  五个点 P1、P2、P3、P4、和 P5,由于运动
  的周期性(即对称性),这五个点的位
  置有可能是图中所示两种情况。

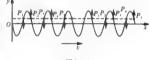


图 2-3-6

若是左侧五个相邻的点,它们运

动方向由图所示的情况与选项中的条件相比较,A选项正确;若是右侧的五个相邻的点、 侧是 B 正确。

- [ \* \* ] AB
- [專本] 振动具有周期性、题设中五个质点的位置没有约束、就存在着两种情况。应 用图象来确定五个相邻点的位置时、不容易漏掉两种情况中的任意一种可能性.
  - [內7] 有一列沿水平超传播的简谐横波,频率为10Hz,振动方向沿竖直方向, 当绳上的质点 P到达其平衡位置且向下运动时,在某右方相距 0.6m 的质点 Q 附好到达盖高点,由此可知灌涂与传播方向可能是
    - A. 8m/s, 向右传播

B. 8m/s, 向左传播

C. 24m/s. 向右传播

D. 24m/s, 向左传播

[編] 作出波形如图 2-3-7 和图 2-3-8 所示. 若 P 点在图 2-3-7 位置,被向右传播, 其波长为 2.4m/波速为 24m/s;若 P 点在图 2-3-8 的位置,被向左传播,其波长为 0.8m, 游速 8m/s.









[事余] BC

[氣明] 波的頻率为定值、若P,Q的距离大于一个波长,则波长减小。由波传播的 規律 $v=\lambda f$  可知波的传播速度变小。且小于8m/s 和24m/s,所以,本題中的P,Q 两点的 距离小于一个波长。若是波的传播速度还有其他的较小的值、那么求解过程中还需考虑 到P,Q 两点的距离与波长的关系有两种可能性 $L_{PQ}=(n+\frac{1}{4})\lambda,L_{PQ}=(n+\frac{3}{4})\lambda$ 

[閏8] 一列波沿 x 轴传播,已知 A、B 两质点间距离是 3m,某一时刻 A、B 两质点位移均为零,A、B 间只有一个波谷,该波波长值可能为

A. 2m

B. 3m

C. 4m

D. 6m

[奪] A、B 两点之间的波形图可能 有如图 2-3-9 所示的三种情形;则波长与 A、B间距离的关系有三种可能性。



图 2-3-9

「專桌」 波形图具有周期件、

[閏9] 加图 2-3-10 所示表示两列揭干水波的叠加情况,图中的实践表示波峰,虚鼓表示波俗, 设两列波的振幅均为 5cm,且图示的范围内振幅不重,波途和波长分别为 1m/s 和 0.5m, C 点是 BE 连线的中点,下列说法正确的是



限 2-3-10

- A. C.E 两点都保持静止不动
- B. 图示时刻 A、B 两点的整直高度差为 20 cm
- C. 图示时刻 C 点正处在平衡位置且向水面上运动
- D. 从图示的时刻起经 0. 25s, B 点通过的路程为 20cm

[二] 图中加强区是质点 A、B、E 的连线处,减弱区 是过 D、F 的连线处和过 P、Q 的连线处、显然、C、E 两点 是振动的加强点,不可能静止不动。A、B 在图示的时刻,A 在波峰,B 在波谷,它们振动是加强的,故振幅均为两列波



图 2-3-11





的振幅之和。均为 10 cm。此时的高度差为 20 cm。B 洗项正确。A、B、C、E 均为振动加引 处,且在同一条直线上,作出这条加强区的波形如图 2 3 11 所示,由图可知波县由 E 4 向 A 处传播(因为圆弧的中心就是波源)。由图可知 C 点向水面(上方表示水面)运动。(

选项正确. 波的周期  $T = \frac{\lambda}{1} = 0.5$  s, 0. 25 s = 0.5T, 在半个周期内, 质点的路程为振幅的 倍,振动加强点 B 的路程为 20 cm, D 洗项正确。

「∰♠] BCD

[墨獻] 加强区或减弱区中的质点均处于振动状态。只是加强区质点振幅是两个模 动的振幅之和,减弱区质点振幅是两个振动的振幅之差.

[到10] 一列沿 x 轴正方向传播的简谐横波, 周期为 0, 50s, 某一时刻, 离开平衡 位置的位移都相等的各盾点依次为 P1、P2、P2、11、 巴知 P1和 P2之间的距离为 20 mm。 P,和 P,之间的距离为 80cm, 則 P,的推动传到 P,所雲的时间为

「■ P. P. P. P. 这些点间的关系如图 2-3-12 所示, 由图可知该列波的波长为100 cm=1m,波速为 υ





「專点」 波形图县解答本题的最佳涂径。



图 2-3-12

[BI1] 如图 2-3-13 所示在平面 xv 内有一沿水平轴 x 正方向传播的简谐槽 波·波速为 3.0m/s, 频率为 2.5Hz, 振幅为 8.0×10<sup>-2</sup>m, 已知 t=0 时刻 P点盾点的位 移为 y=4,0×10-2 m, 速度沿 y 轴正向, Q点在P点的右方 9,0×10-1 m 处。对于 Q点 的盾点来说

A. 在 t=0 时, 位移为 v=-4.0×10-2 m

R在1=0計。速度沿 v轴角方向

C. 在 t=0.1s 时, 位移为  $v=-4.0\times10^{-2}$  m

D. 在 t=0.1s 时, 速度沿 v 轴正方向



[舞] 由题意可知,这列波的波长为  $\lambda=\frac{v}{f}-\frac{3.0}{2.5}$ m=1.2m,P,Q 两点间距含有的波长数为  $\frac{L}{\lambda}=\frac{0.9}{2-\frac{3}{4}}$ 个.由题意可知此时的波形图如图 2-3-14

中实线所示;该波的周期为 $T = \frac{1}{\epsilon} = 0.4s$ ,在t =

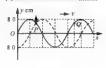


图 2-3-14

0. 1s相当于 t=0 时被形图向左移动的四分之一个波长、其波形图由图中的虚线所示,由图可知。Q点的质点在 t=0 时,速度仍沿 y 轴负方向,位移为正值;在 t=0. 1s 时,速度仍沿 y 轴负方向,位移为 y=-4.  $0 \times 10^{-7}$  m.

#### [##] BC

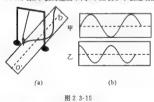
[專本] 由质点的位移和速度方向确定该时刻的波形图,然后由波形确定另一个质点位移和速度方向,进而确定后一时刻的波形图.波的形成过程中,后振动的质点总是追随告振动的所占是解答波动问题的基本出发占。

# 放 放 被 被 被

1. 甲、乙二位同学分别使用图 2-3-15 中(a)所示的同一套装置观察单摆做简谐运动时的振动图象. 已知二人实验时所用的摆长相同, 落在木板上的细沙分别形成的曲线如图(b)中所示, 下面关于两图线不同的原因的判断中, 正确的是

A. 甲图表示沙摆摆动的幅度较大, 乙图表示摆动的幅度较小

- B. 甲图表示沙摆振动的周期较大, 乙图表示乙摆振动周期较小
- C. 甲图表示处理是正弦规律变化简谐运动, 7.图不是简谐运动
- D. 二人拉木板的速度不同, 甲图表示木板运动速度较大





2. 一列波在媒质中向某一方向传播。图 2-3-16 所示为此波在某一时刻被形图,并且此时振动还只发生在 M、N 之间。此列波周期为 T Q 质点速度方向在波形图中向下,下列判断正确的是

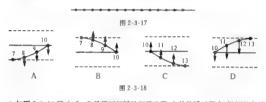
A. 波源是M,由波源起振开始计时,P点已经振动的时间为T





- B. 波源是 N. 由波源起振开始计时, P 点已经振动的时间为 3T/4
- C. 波源是 N. 由波源起振开始计时, P点已经振动的时间为T/4
- D. 波源是 M, 由波源起振开始计时, P 占已经振动的时间为 T/4

3. 如图 2-3-17 所示,一条均匀的弹性绳,1、2、3、4…是绳上一系列等间距的质点,它 们之间的距离均为 lm, 当 t 0 时。第一个质点向上开始做简谐运动。经 0.1s 第一次 决到 最大位移,此时第4个质点刚开始振动,再经过0.6s,弹性编上某些质点的位置和振动方 向如图 2-3-18 所示(只画出其中一段编上某四个质点的情况),其中正确的县



4. 如图 2-3·19 所示, S., S. 是振幅相同的相干波源, 向外传播过程中, 振幅的衰减不 计,虚线表示波谷,实线表示波峰,下列判断正确的是

- A. P 点振动最强, 位移始终为最大
- B.Q点在图示时刻位移最大,经产后,位移为零
- C. R.点在振动的过程中位移始终为零
- D. P. Q 连线之间有一点振动县减弱的

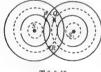


图 2-3-19

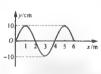


图 2-3-20

5. 一列简谐机械横波某时刻的波形图如图 2-3-20 所示。波源的平衡位置坐标为 r= 0. 当波源质点处于其平衡位置上方且向下运动时,介质中平衡位置坐标 x=2m 的质点 所处位置及运动情况是

- A. 在其平衡位置下方且向上运动
- B. 在其平衡位置下方目向下运动
- C. 在其平衡位置上方目向上运动
- D. 在其平衡位置上方目向下运动





6. 列筒谱波沿 x 轴传播, t=0 时的波形如图 2-3 21 所示, 质点 A 与质点 B 相距 lm, A 点速度沿 y 轴正方向tt=0, 02s 时, 质点 A 等, 次到达正向最大位移处, 由此可知

A. 此波的传播速度为 25m/s

B. 此波沿 r 轴 f 方向传播

C. 从 t=0 时起, 经过 0. 04s, 质点 A 沿波传播方向迁移了 1m

D. 在 t=0.04s 时, 质点 B 处于平衡位置, 速度沿 v 轴负方向



图 2-3-21



限 2-3-22

7. 一单摆做小角度摆动,其振动图象如图 2-3-22 所示,以下说法中正确的是(

A. t<sub>1</sub>时刻摆球速度最大,悬线对它的拉力最小

B. t. 时刻摆球速度为零, 悬线对它的拉力最小

C. L3时刻摆球速度为零,悬线对它的拉力最大

D. t4时刻摆球速度最大,悬线对它的拉力最大

8. 一砝码和一轻弹簧构成弹簧振子,图 2-3-23 所示的装置可用于研究该弹簧振子 的受迫振动。匀速转动把手时,曲杆给弹簧振子以驱动力,使振子做受迫振动。把手匀速 转动的周期就是驱动力的周期,改变把手匀速转动的速度就可以改变驱动力的周期. 若 保持把手不动,给砝码一向下的初速度,砝码便做简谐运动,振动图线如图 2-3-24 所示. 当把手以某一速度匀速转动,受治振动达到稳定时,砝码的振动图线如图 2-3-25 所示

若用 T。表示弹簧振子的固有周期,T 表示驱动力的周期,Y 表示受迫振动达到稳定 后 砝码振动的振幅。喇 ( )



图 2-3-23



图 2-3-24



图 2-3-25

A. 由图线可知 T<sub>0</sub>=4s

B. 由图线可知 To=8s





- C. 当 T 在 4s 附近时, Y 显著增大: 当 T 出. 4s 小得多或大得多时, Y 很小
- D. 当 T 在 8s 附近时, Y 显著增大; 当 T 比 8s 小得多或大得多时, Y 程小
- 9. 如图 2-3-26 所示, () 为上下振动的液源, 振动频率为 単 () 100Hz。它所产生的槽波同时向左,向右传播,波速为80m/s,M,N 第12-3-26 两质点距波源的距离分别为 OM=17, 4m, ON=16, 2m, 当波源通

讨平衡位置向上提动时,M.N的位置分别为 A. M 占在液体、N 占在液谷

R M N 面占均在波峰

C. N 点在液峰, M 点在液谷 D. M. N 两点均在液谷

10. 一列在竖直方向提动的简谐推游,波长为人沿正上轴方向传播,基一时刻,在振 动位移向上且大小等于振幅 - 半的各点中,任取相邻的两点 P1、P2,已知 P1的 x 坐标小 干P。的r坐标。则

- A. 若 $\overline{P_1P_2} < \frac{\lambda}{2}$ ,则  $P_1$ 向下运动, $P_2$ 向上运动
- B, 若 $\overline{P_1P_2} < \frac{\lambda}{2}$ , 则  $P_1$ 向上运动, $P_2$ 向下运动
- $C. 若 \overline{P_1 P_2} > \frac{\lambda}{2}$ ,则  $P_1$  向下运动, $P_2$  向上运动
- D. 若 $\overline{P_1P_2} > \frac{\lambda}{2}$ ,则  $P_1$ 向上运动, $P_2$ 向下运动

# \* 答案与提示

- 1. AD(两摆起动时振幅不相同,同一地点摆长相同的单摆周期相同,拉板速度不相 同)
- 2. C(Q点向下运动,由图可知 Q点下方相邻质点均在 Q点右侧,说明 Q点右侧质点 比 Q 点先振动,该波由 N 向 M 传播, N 是波灏,波传到 P 点后,沿波的传播方向上,到图 示的时刻,只传播了四分之一个波长,也就是P点已经提动的时间为T/4)
- 3. BC(中顯意确定周期 0.4s. 液长 12m, 再经过 0.6s 液共传播了 1.75T, 形成 1.75). 其波形图如图 2-3-27 所示, 将图 2-3-18 中的图象与它相比较可知 B、C 两图正确)

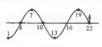


图 2-3-27



 BCD(在波的干涉中,振动加速和振动减弱的物理含义是振动质点的振幅增大成 减小,质点还是在做简谐运动.显然 A 选项错误;在题图中 Q 点是振动加强点,图示时刻 的位移为负最大,再经过 T/4,它回到平衡位置,位移为零;R点是振动减弱点,由于两列 波源的振幅相同,所以对于 R 点来讲,它的振幅为零,振动过程中它的位移始终为零: P、



Q两点均为振动加强点,相邻两加强点之间--定有一个振动减弱的点,因为干涉图样是加强点与减弱点总是相互间隔开来)

- 5. A(当波灏质点处于其平衡位置上方且向下运动时,介质中平衡位置坐标 x=2m 的质点与波灏县应相点,它外在平衡位置下方向上运动)
- 7.  $D(t_1, t_3)$ 时刻摆球速度为零,摆球在最高点,悬线对它的拉力最小; $t_2, t_4$ 时刻摆球速度最大,摆球在最低点,悬线对它的拉力最大)
- 8. AC(由弹簧振子做简谐运动的图线可知其周期为 4s. 受迫振动的特点, 受迫的频率在固有频率的附近时, 达到共振, 振幅最大, 远离固有频率, 受迫振动振幅较小)
- 9. A(被长  $\lambda = \frac{v}{f} = \frac{80}{100}$ m=0. 8m, M, N 与波源 距离分别为 OM=17. 4m=( $21 + \frac{3}{4}$ ) $\lambda$ , ON=16. 2m O=( $20 + \frac{1}{4}$ ) $\lambda$ , M与 N 为反相点, 波源 O 在平衡位置

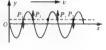


图 2-3-29

向上振动时波形图如图 2·3-28 所示。图中 P 与 M、

Q与N分别是同相点,M在波峰,N点在波谷)

10. AD(在图 2-3-29 所示的两种情况,由图中质点的运动方向与选项的内容 - 致的 是 A.D)

# 高考思想篇

# 

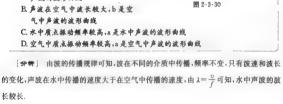
年份	驅源及类型	考点	
2009	電庆理線 T15 选择 6 分、衡工理線 T21 选择 6 分 四川理線 T19 选择 6 分、全国卷 1 T20 选择 6 分 福建理線 T17 选择 6 分、北京理線 T17 选择 6 分	- 振动图象、波动图象波 的传播规律 -	
2008	全国卷 I T16 选择 6 分、天津卷 T21 选择 6 分 上海卷 T22 计算 12 分		
2007	江苏卷 T5 选择 3 分、上海卷 T9 选择 5 分 全国卷 I T15 选择 6 分		



# ●二者根据完

[別1] {2009·重庆}同一市支发 出的声波同时在水和空气中传播。其时 刺的波形曲线见题图 2-3-30,以下说法 正确的差

- A. 声波在水中波长较大。b.是水中 声波的波形曲线
- B. 声波在空气中波长较大, b 是空 气中声波的波形曲线
- C. 水中盾点摄动频率较高。a 是水中声波的波形曲线
- D. 安年中居克提动福车较高,a 是安年中声波的波形曲线



#### [**★**♣] A

长较长.

[四2] (2009·浙江)一列波长大于 lm 的梯 波沿着 x 轴正方向的传播处 x1=1m 和 x2=2m 的 两盾点 A. B 的摄动图象 如图 2-3-31 所示. 由此可 Αa



图 2-3-31

- B. 波速为 lm/s
- C. 3s 末 A、B 两盾点的位移相同
- D. 1s 末 A 盾点的振动速度大于B 盾点的振动速度

[分析]  $x_1 = 1$ m 的 A 质点比 $x_2 = 2$ m 的 B 质点离波源近, 1s 时 A 质点在液峰, 该 波峰到 4s 时传播到 B 质点,即传播时间  $\Delta t = 3s$ ,波速为  $v = \frac{\Delta s}{2s} = \frac{1}{2}$  m/s,由振动图象可 知波的周期 T=4s, 波长  $\lambda=vT=\frac{4}{2}m$ , 由图象可知  $3s \times A$ 、B 两质点的位移不相同,1s末 A 质点的振动速度为零, B 质点的振动速度最大.

[ \* \* ] A



[到3] (2009· 图川)图 2-3-32 所示为一 列语 x 輪負方向传播的简谐横波,实践为 t=0 时刻的波形图,虚裁为 t=0.6s 时的波形图,波幼用 期 T>0.6s 则

A. 波的周期为 2.4s

- B.在t=0.98时,P点沿y躺正方向运动
- C. 经过 0. 4s, P 点经过的路程为 4m
- D. 在 t=0.5s 时,Q点到达波峰位置

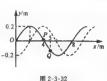


图 2-3-3

[分析] 该微波的周期 T>0. 6s,由图可知, 实线的波谷沿 x 轴负方向传播到虚线时传播的距 离是  $\Delta s=6$  m,经过时间是 t=0. 6s,波速为  $v=\frac{\Delta s}{t}=$ 

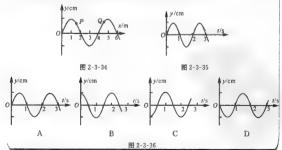
10 m/s,波长  $\lambda = 8 \text{m}$ ,周期为  $T = \frac{\lambda}{v} = 0.8 \text{s}$ ,作出 P、 Q 两质点的振动图象如图 2-3-33 所示,由 P 质点

图 2-3-33

振动图象可知在t=0.9s 时,P点沿 y 轴负方向运动;经过 0.4s (即半个周期) P点经过的路程是振幅的二倍,为 0.4m.由 Q质点振动图象可知在t=0.5s 时,Q点到达正最大位移 (即波峰位置).

[##] D

[閏4] (2009·全國理線 I)一列商谐横波在某一时刻的波彩图如图 2-3-34 所示,图中 P、Q 兩貭点的横坐标分别为 x=1.5m 和 x=4.5m, P 点的振动图象如图 2-3-35 所示,在图 2-3-36 所示的四幅图中,Q点的振动图象可能是





「分析」 P.O 兩质点相距为 3m, 液长为 4m, 即 P.O 兩质点相距为波长的四分之 三, t=0 时刻,若波沿x 轴正方向传播,P 点在平衡位置向y 轴正方向运动,那么 Q 点在 v 轴下最大位移外: 若波沿 z 轴角方向传播, 那么 Q 点在 v 轴角最大位移外,

## [##] BC

[對5] {2009·福建義]图 2-3-37 为一列简谐横波在 t=0,10s 时刻的波形图,P 基平衡位置为 x=1m 处的盾点, O 基平衡位置为 x=4m 处的盾点, 图 2-3-38 为盾点 O 的振动图象,则

A, t=0.15s 时, 盾点 Q 的加速度达到正向最大

B. t=0. 15s 时, 盾点 P 的运动方向沿 v 轴角方向

C. 从 t=0, 10s 到 t=0, 25s, 該波沿 x 轴正方向传播 6m

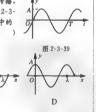
D. 从 t=0.10s 到 t=0.25s, 盾点 P 通过的路程为 30cm

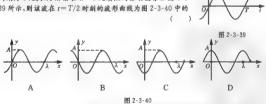


「分析」 由 O 质点的振动图象可知 != 0.10s 的振动方向沿 y 轴负方向。说明该波 沿 x 轴负方向传播, t=0, 15s 时, 质点 Q 的位移为负向最大值, 故其加速度为正向最大 值, t=0, 15s 时,质点 P 的位移与 t=0, 10s 时刻的位移相同,但速度方向相反,沿 y 轴负 方向:从t=0,10s到t=0,25s,时间间隔为周期的3/4,由于质点 P 在这段时间的初始时 刻不在平衡位置和最大位移外,它通过的路程不是振幅的三倍关系,

# 「事業 ] AB

[四6] (2009·北京)一篇谐机械波沿 x 轴正方向传播, 周期为 T, 波长为 A. 芸在 x=0 处盾点的振动图象如图 2-3-39 所示,則該波在 t=T/2 时刻的波形曲线为图 2-3-40 中的



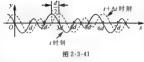


[分析] 在 t=T/2 时刻,由在 x=0 处质点的振动图象可知该点从平衡位置向 y 轴 负方向运动,由于波沿 x 轴正方向传播,只有 A 图正确.





[两7] 如图2-3-41所示,实 线和虚线分别为某种液在!时刻 和 $t+\Delta t$ 时刻的液形曲线, B 和 C是横坐标分别为 d 和 3d 的两个 质点,下列说法中正确的是



A. 任一时刻,如果质点 B 向上运动,则质点 C 一定向下运动 B 任一时刻,如果质点 B 速度为章,则质点 C 的速度也为章

C. 如果波是向右传播的,则波的周期可能为 $\frac{6}{7}\Delta t$ 

D, 如果波是向左传播的,则波的周期可能为 $\frac{6}{13}\Delta t$ 

[分析] 这列波的波长为 3d B C Z 间距离为 2d B 与 C 不是反相点,A 选项错误,同理,B 与 C 既不是反相点,也不是同相点,B 选项错误,如果波是向右传播的,传播的距离可能为  $3nd+\frac{d}{2}=(n+\frac{1}{6})\lambda$ ,对应的时间为  $(n+\frac{1}{6})T=\Delta t$ ,当 n=1 时, $T=\frac{6}{7}\Delta t$ ,如果 波是向左传播的,传播的距离可能为  $3nd+\frac{5d}{2}=(n+\frac{5}{6})\lambda$ ,对应的时间为  $(n+\frac{5}{6})T=\Delta t$ ,若  $T=\frac{6}{13}\Delta t$ ,则 n 不为整数,不可能.

# [##] C

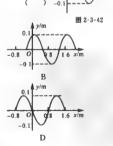


图 2-3-43





[分析] 由振动图象可知在 t-0.15s 时,原点的坐标约为 0.07m,速度方向沿 y 轴 负方向,波沿 x 轴负方向传播,由波动图象可知,x 轴上坐标大于 0 的附近点的位移应小于原占的位移。即 A 图 F 确

## [##] A

[购9] 如图 2-3-44 所示,位于 介质 I 和 II 分界面上的波源 S,产生 两列分别沿工轴负方向与正方向传播 的机械波. 若在两种介质中波的频率 及传播速度分别为  $f_1$ 、 $f_2$ 和  $v_1$ 、 $v_2$ ,则

图 2-3-44

A. 
$$f_1 = 2f_2$$
,  $v_1 = v$   
C.  $f_1 = f_2$ ,  $v_1 = 2v_2$ 

B. 
$$f_1 = f_2$$
,  $v_1 = 0.5v_2$   
D.  $f_1 = 0.5f_2$ ,  $v_1 = v_2$ 

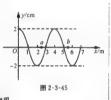
[分析] 波在传播的过程中, 频率不变, 波速、波长发生变化, 由波长关系可知两种介质中波速之比为 2, 即 v<sub>1</sub> = 2v<sub>2</sub>, C 正确.

#### [##] C

[閏10] 一列简谐横波沿 x 轴传播, 周期为 T. t=0 时刻的波形和图2-3-45所示, 此时平衡住 置位于 x=3m 处的质点正在向上运动, 著a,b 两 质点平衡位置的坐标分别为 x<sub>a</sub>=2.5m, x=5.5m, 則

A 当 a 质点处在波峰时, b 质点恰在波谷 B t=T/4 时, a 质点正在向 y 轴負方向运动 C, t=3T/4 时, b 盾点正在向 y 轴負方向运动

D. 在基一时刻,a.b两盾点的位移和速度可能相同



[分析] 由图可知波长λ=4m,a,6 两质点的距离为3m,它们不是反相点,它们之间不可能出现 A 选项的现象。由于α,6 两质点的距离与波长没有倍数关系,它们不可能同时出现位移和速度都相同的现象,D选项错误。1-0 时刻甲衡位置位于x=3m 处的质点正在向上运动,说明波沿 x 轴负方向传播, ε=7/4 时,对应波形图如图 2-3-46 中的实线所示,此时 a 质点正在向 y 轴正方向运动,ε=37/4 时,对

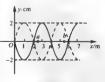


图 2-3-46

应波形图如图 2-2-46 中的虚线所示,此时 b 质点正在向 y 轴负方向运动.



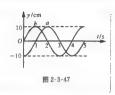
[閏11] 一列簡谐横波沿直线由在向与传播。 榴距 10.5m 的 a、b 两处的质点振动图象如图 2-3-47中a、b所示。则

A. 该波的振幅可能是 20 cm

B. 镇波的波长可能是 8.4 m

C. 該波的波速可能是 10.5 m/s

D. 该波由 a 传播到 b 可能历时 7s



「分析」 从两个质点的振动图象,直接可以看出振动的振幅为 10cm,周期为 4s. A 错误,因为波是沿着 a 向 b 传播,从振动形式可以看出,b 比 a 至少晚振动 3T/4,即由 a 传播到 b 需时  $\Delta t = (n+\frac{3}{4})T$ ,对应有  $10.5m = (n+\frac{3}{4})\lambda$ ,其中  $n=0,1,2\cdots$ ,若被的波长是 8.4m,代人后,n 不为整数,由  $v=\Delta t = \frac{10.5}{(n+\frac{3}{4})\lambda}M$   $s=\frac{10.5}{n+3m}M$ s。波速 10.5m/s,n

不是整数,故不可能, 当 n=1 时,  $\Delta t=7$ s, D 选项正确,

[##] D

[**图12**] 有两列简谐横波 a,b 在同一媒质中沿 x 轴正方向传播, 波速均为 v=2.5 m/s. 在 t=0 时, 两列波的波峰正好在 x=2.5 m 处重合, 如图 2-3-48 所示.

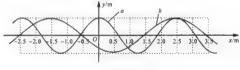


图 2-3-48

- (1) 東西列波的周期 T.和 T.:
- (2) 求 t=0 附。两列波的波峰重合处的所有位置:
- (3)辨析題:分析并判断在1=0时是否存在两列波的波谷童合处.
- 某同学分析如下:既然两列波的波峰存在重合处,那么波谷与波谷重合处也一定 存在. 只要找到这两列波率波长最小公倍数,……,即可得到波谷与波谷重合处所有 位置.
- 你认为该同学的分析正确吗?若正确,求出这些点的位置.若不正确,指出错误处 并通过计算说明理由.





「分析概算] (1)从图中可以看出两列波的波长分别为 A. = 2,5 m, A. = 4,0 m,因此 它们的周期分别为  $T_a = \frac{\lambda_a}{T_a} = \frac{2.5}{2.5} s = 1s$ ,  $T_b = \frac{\lambda_b}{T_a} = \frac{4.0}{2.5} s = 1$ . 6s

- (2) 两列波的最小公倍數对应的长度为 S=20m, t=0 时, 两列波波峰外的所有位置 为  $x=(2,5+20k)m.k=0.1.2.3\cdots$ 
  - (3)该同学的分析不正确。

要找两列波的波谷与波谷重合处,必须从波峰重合处出发,找到这两列波半波长的 奇数倍恰好相等的位置。设距离 x=2.5m 为 L 处两列波的波谷与波谷相遇,并设

$$L=(2m-1)\frac{\lambda_0}{2}$$
,  $L=(2n-1)\frac{\lambda_0}{2}$ , 式中  $m$ ,  $n$  均为正整数

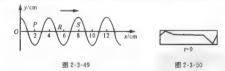
只要找到相应的m,n即可,将 $\lambda = 2.5m,\lambda = 4.0m$ 代人并整理。得

 $\frac{2m-1}{2m-1} = \frac{\lambda_0}{1} = \frac{4.0}{2.5} = \frac{8}{5}$ ,由于该式中 m < n 在整数范围内无解,所以不存在波谷与波 谷重合处.

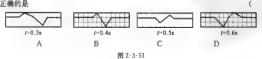
# 1. 思维考试阅试

1. 如图 2-3-49 为一列沿 x 轴正方向传播的简谐横波在 t=0 时的波形, 当 R 点在t= 0 时的振动状态传到 S 点时,PR 范围内(含 P, R)有一些质点正在向 v 轴负方向运动,这 些质点的位置范围县

A. 2cm≤x≤4cm B. 2cm<x<4cm C. 2cm≤x<3cm D. 2cm<x≤3cm



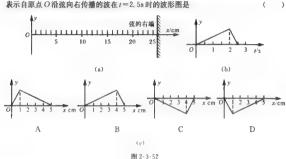
 两个不等幅的脉冲波在均匀介质中均以 1,0m/s 的速率沿同一直线相向传播。t= 0 时刻的波形如图 2·3-50 所示,图中小方格的边长为 0.1m,则图 2-3-51 中不同时刻,波 形正确的是







3. 将一根长为 100 多厘米的均匀弦线,沿水平的 x 轴放置,拉紧并使两端固定,如图 2-3-52 中(a) 所示. 现将对离右端固定点 25cm 处(取该处为原点 (0)的弦上 - 点施加一个沿垂直于弦线方向(即 y 轴方向)的扰动,其位移随时间变化规律如图(b) 所示,该扰动将沿弦线传播而形成波(孤立的脉冲波). 已知该波在弦线中传播速度为 2cm/s,则图(c)中表示自原点 (2) 验如点在结婚的游戏, == 2 5 m 时的游戏图具



# 茶 茶景与提升

1. C(R点在;=0 时的振动状态是由平衡位 置沿 y轴正方向运动,当该振动状态传到 S 点 时,其波形图如图 2-3-53 所示,由图可知,质点 正在向 y 轴负方向运动的有 2cm≤x<3cm)

2. ABD(根据波的独立传播原理可知波

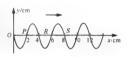


图 2-3-53

在传播过程中波的形状不变,再由波的叠加原理可知两列相遇处的质点是两列波引起的位移之和.t=0.3s,两列波均传播了0.3m,即两列波的波前端相遇,A正确;t=0.4s,两列波的前端重量了二小格,B正确;t=0.5s,两列波的前端重量了四小格,波形图不可能出现位移为正值,C图错误;t=0.6s,两列波只有尾端部分相接,没有重叠区。D图正确)

3. A(由波速和传播距离的关系可知 △=υ・Δ1=5cm,振动最强的点传播的距离就是 △≤=υ・Δ1'=2×(2.5-2)cm=1cm,只有 A 图正确)





# 2.4 电场部分图象法

表现电场的性质及带电粒子在电场和磁场中的运动经常应用图象来描述。需要根据 图象直接提供的信息及挖掘其蕴藏的信息,才能顺利求解. 这是近几年来高考重点考查 的能力之一。



# 解题方法指导

[閏1] 加图 2-4-1(a), AB 是一条点电荷的电场线, 图(b)是放在电场线上 a, b 处检验电荷的电量与所受到的电场力间的函数图线, 下列说法正确的是 ( )

- A. 杨濂电荷带正电,位于A侧
- B. 杨源电荷带正电,位于B侧
- C. 场源电荷带负电,位于A侧
- D. 场源电荷带负电,位于B侧

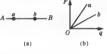


图 2-4-1

[##] 图象的斜率  $k = \frac{F}{q} = E$ ,即为场强,斜率大的场强大,有  $E_a > E_b$ ,由点电荷场强 $E = k \frac{q}{r^2}$ 可知场强大的点离场源电荷近,a 点比b 点离场源电荷近,但由于不知电场线的方向,也不知检验电荷的受力方向,不能判断场源电荷的正、负、

[##] A,C

[要点] 电场中带电体受到的电场力一电量关系图象的斜率就是电场强度,

[**內2**] 如图 2-4-2(a)中 AB 是电场中的一条电场线,若将一角电荷从 A 点处自由释放,负电荷沿电场线从 A 到 B 运动过程中的速度—时间图线如图 2-4-2(b)所示,诚比较 A, B 两点电势高低和场强的大小,下列说法中正确的是

A,  $\varphi_A > \varphi_B$ ,  $E_A > E_B$ 

B.  $\varphi_A > \varphi_B$ ,  $E_A < E_B$ C.  $\varphi_A < \varphi_B$ ,  $E_A > E_B$ 

D,  $\phi_A < \phi_B$ ,  $E_A < E_B$ 

A B (b) t

图 2-4-2

[郵新體專] 由速度 时间图线的斜率随时间而減小、说明加速度減小。这说明此过程场强是减小,可知负电荷受电场力方向由 A 指向 B,电场线的方向则由 B 指向 A, $\varphi_B$ 、加速度減小说明  $E_A > E_B$ .



-

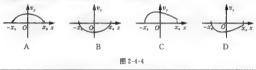
[專点] 速度 时间图象的斜率是加速度。同一带电体的加速度的大小随电场强度 的变化而成正比别变化,由显然在电场中自由整常向电势高的方向运动。

[四3] 电透镜是利用静电场使电子来会聚或发散的一种装置,其中菜部分静电场的分布加图 2-4-3 所示, 盧羧表示这个静电场在 xOy 平面内的一模等势线,等势线的形状相对于 Ox 轴、Oy 轴对称, 等势线的电势沿 x 轴正向增加, 相邻两等势线的电势是相等, 且一个电子经过 P 点(其横坐标为—zo)附, 速度与 Ox 轴平行, 适当控制实验条件, 使该电子通



图 2-4-3

过电场区域时仅在Ox 楠上方运动. 在通过电场区域的过程中, 旗电子沿 y 方向的分速度v, 随位置坐标x 的变化是图 2-4-4 中的哪个



[無] 由题中"等势线的电势沿 x 轴正向增加",可依图 2-4-3中的等势线确定电场线如图 2-4-5 所示,由电场线的形状可知;在 x 轴方向上的分量一直指向负方向;在 y 轴方向上的分量是在 x < 0 的区域内指向 y 轴正方向,x > 0 的区域内指向 y 轴负方向,且大小相对于 y 轴具有对称性.



图 2-4-5

由电场线确定电子在 x 轴和 y 轴上分运动; x 轴上电子沿 其正方向做加速运动。

y 轴上,在x<0 的区域内,电子先做初速度为零的加速运动,在x>0 的区域内做减速运动.

电子在x 轴是沿其正方向做初速度不为零的加速运动,电子由x=-x。运动到x=0 的时间大于由x=0 运动到x=x 的时间,即 $\Delta t=-x$ 

### [\*\*] D

[興新] 本題除了考查电场线与等势面垂直和电场力做功特点的知识点外,还考查分析、判断能力,考查对称法应用的条件.

本题的难度较大,虽然是判断电子在 y 轴分速度随 x 变化的规律,但要分析到在 x





轴上电子在 x < 0 区域运动的时间与 x > 0 区域运动的时间的关系,才能正确判断电子在 y 轴分速度随上 变化,本额关键有两点,即

 $(1)\Delta t_{-1} > \Delta t_{-1}; (2)\Delta v_{-1} > \Delta v_{-1}$ . 只有分析到这两点才能正确求解.

认为 B 图正确的学生所占比例几乎达 98%以上,出现错误的根本原因是认为等势 线具有对称性,也就错误地认为电子在 y 轴上加速与减速也具有对称性,这种泛用对称 性而不探究对称性的要点是错误的根本原因.

加速度在 y 轴分量 a, 大小相对 y 轴对称, 若要 y 轴分速度大小 v, 相对 y 轴具有对 称性, 还有一个条件, 就是在 y 轴两侧对称区域运动的时间相等, 因为加速度是速度对时 间的变化, 也就是说速度大小由加速度和时间来决定, 不能单凭加速度相对长度具有对 称性, 就判断速度相对同样的长度具有对称性。

所以,应用对称性应注意到:当一个物理量(如速度)由另外两个物理量(如加速度、 时间)确定时,这两个物理量一个(加速度)具有对称性,一个(时间)具有相等或对称性 时,这个物理量(速度)才能具有对称性。



时间内, $U_B = U_0$ ;在 3T/2到 2T的时间内, $U_B = -U_0$ ;….现 有一电子从 A 板上的小孔进入两板间的电场区内,电子初速度和重力影响均可忽略

A. 若电子是在 t=0 时刻进入,它将一直向 B.板运动

- B. 若电子是在  $t=\frac{T}{8}$  时刻进入的,它可能时而向 B 板运动,时而向 A 板运动,最后打在 B 板上
- C. 若电子是在  $\ell=\frac{3}{8}T$  时刻进入的。它可能时而向 B 板运动,时而向 A 板运动,量后打在 B 板上
- D. 若电子是在  $t=\frac{T}{2}$  时刻进入的,它可能时而向 B 板运动,时而向 A 板运动

[舞] 作出 A、B 两板间所加电压与时间关系的图象 如图 2-4-7 所示。金属板 A、B 间的电场强度随时间的变 化图象也应是相应的矩形被图形。同理可知,电子在电场中所受的电场力与时间的关系还是矩形被图形。在半个周期内,电场力不变,电子做勾变速运动。以由 A 板指向 B 板方向的价格和滤雕为正,可知。



图 2-4-7

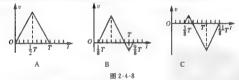




若 t=0 时,电子进入电场,在  $0 \to \frac{T}{2}$  的时间内,做匀加速运动;在  $\frac{T}{2} \to T$  的时间内做 匀减速运动,当 t=T 时速度为零,其速度 时间图线如图 2-4-8 A 所示. 在  $T \to \frac{3}{2} T$  的时间内,由子做匀加速运动……,这说明了电子是一百向 B 板运动,A 洗项正确。

电子在  $t=\frac{T}{8}$ 进人电场时,在  $\frac{T}{8} \to \frac{T}{2}$ 的时间内,做匀加速运动,在  $\frac{T}{2} \to \frac{7}{8}T$ 的时间内做匀减速运动,当  $t=\frac{7}{8}T$ 时,速度为零 (电子也可能在这段时间内已经到达了 B 板). 若是电子在这段时间内没有到达 B 板,在  $\frac{7}{8}T$  中,时间内,电子反向做匀加速运动,在  $T \to \frac{9}{8}T$  的时间内电子做匀减速运动,当  $t=\frac{9}{8}T$  时电子的速度为零,以后又向 B 板做匀速运动,重复的一个运动周期的运动,电子在前一个加速减速过程中的运动时间是后一个加速减速运动时间的;倍,所以前一个过程中的位移的数值大于后一个过程中的位移数值,在一个运动的周期内,电子总的位移是指向 B 板的,其速度一时间图线如图 2-4-8B所示,也就是说电子在一个周期内接近 B 板,以 B 选项正确。

电子是在  $t=\frac{3}{8}T$  时刻进人,在  $\frac{3}{8}T * \frac{T}{2}$  的时间内做匀加速运动;在  $\frac{T}{2} * \frac{5}{8}T$  的时间内做匀减速运动; $t=\frac{5}{8}T$  时,速度为零 (电子也可能在这段时间内已经到达了 B 板),若是电子在这段时间内没有到达 B 板,在  $\frac{5}{8}T * T$  的时间内,电子反向做匀加速运动,此过程中的加速运动时间是前面加速减速时间的 1.5 倍,电子已经飞离了 A 板,其速度一时间图线如图 2 -4 -8C 所示,故电子不可能在 A .B 板间往返运动,C 选项错误



电子在  $t=\frac{T}{2}$ 时刻进人时,电子受电场力是指向 A 板,它将离开电场,D选项错误.

## [**# ⊕** ] AB

[專本] 分析电子在不同时刻进人电场时,一个周期内的路程与位移的关系,从而确定能否打到 B 板或不能打到 B 板,用图象法 f 观, 简佳,

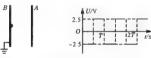
跟踪分析电子的速度与加速度和时间关系来确定电子的一个周期内位移。 此类额的变式很多:如求电子打到 B 板的动能量大, 交变电压频率或周期应满足什





么条件;电子在什么时刻进入电场刚好做往复运动. 若将带电粒子变为质点,需要考虑到 质占的重力

[195] 图 2-4-9 所示,真空中相距 d=5cm 的两块平行金属板 A、B 与电源连接 (图中未画出),其中 B 板接地(电势为零),A 板电势变化的規律如图 2-4-10 所示,将一个质量  $m=2,0\times10^{-27}$  kg,电量  $g=+1,6\times10^{-19}$  C 的零电粒子从紧格 B 板处釋放,不計重力,桌



第 2-4-10

- (1)在 t=0 时刻释放该带电粒子,释放瞬间粒子加速度的大小;
- (2)若 A 板 电势变化周期  $T=1.0\times10^{-5}$  s, E t=0 时将带电粒子从紧贴 B 板处无 初速度释放, 粒子到达 A 板时动量的大小;
- (3)A 板电势变化频率多大时。在 t=T/4 到 t-T/2 时间内从策略 B 板处无初速度释放。粒子不能到达 A 板。
- [#] (1)在 t=0 时刻释放该带电粒子、粒子受电场力为  $F=qE=\frac{gU}{d}$ ,加速度为  $a=\frac{F}{d}=\frac{gU}{d}=4.0\times10^6\,\mathrm{m/s^2}.$
- (2)者 A 板电势变化周期  $T=1.0\times10^{-3}$ s, E t=0 时将带电粒子从紧临 B 板处 无初速度释放,粒子到达 A 板需要的时间为  $t=\sqrt{\frac{2d}{a}}=\sqrt{\frac{2\times5\times10^{-2}}{4\times10^{-3}}}$ s= $5\times10^{-4}$ s= $-\frac{T}{2}$ , 即粒子恰好经过半个周期到达 A 板,粒子到达 A 板时动量的大小为 p=F• $\frac{T}{2}=\frac{UgT}{2d}=4.0\times10^{-23}$ kg · m/s.
- (3) 在  $t = \frac{T}{4}$  到  $t = \frac{T}{2}$  时间内从紧临 B 板处无初速度 釋放、帶电粒子在电场中先加速、后减速、在一个周期内 的速度如图 2 -4 -11 所示,由图可知,图象若是在半个周期内没有到达 A 板、軟子以后就不可能达到 A 板、

$$\mathbb{E} P \cdot \frac{1}{2} a \left( \frac{T}{2} - \frac{T}{4} \right)^2 = \frac{aT^2}{16} = \frac{a}{16f^2} < d.$$



图 2-4-11

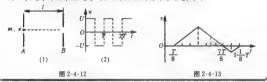




$$f > \sqrt{\frac{a}{16d}} = 5\sqrt{2} \times 10^4 \text{ Hz}$$

## 「學票] 本獅与碗4有异曲同丁之於

[96] 如图 2-4-12 中(1)所示,在真空中竖直被置带水平小孔的两块平行金属板 A, B, 两板相距为 L, 有一电子 (质量为 m、电量为 e)从 A 板 l 孔无初速度释放,若两板间加上电压为  $U(U_A < U_B)$  的直流电压时,短时间 T、电子可从两板间小孔飞出电场,现在两板间加上如图 2-4-12 中(2)所示的周期性交电压,当  $U_A < U_B$  时为正、要使电子能沿两板小孔飞出电场,在此条件下,电子至少经多长时间才能飞出电场;在



# [舞] 电压为U时电子加速度为a。

$$\frac{1}{2}aT^2=l$$

加交变矩形波电压后,当电子从 $l=mT(m=0,1,2,\cdots)$ 开始释放,电子穿过A,B板的时间最少,电压幅值不变,电子加速度a大小不变,有 $n \cdot \frac{1}{0}a(\frac{T}{2})^2 = l$  ②

由①、②两式解得 n=4,即  $t=4\times T/2=2T$ 

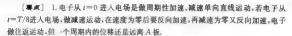
电 f在  $\iota=T/8$  时释放,运动—周期的位移如图 2 4 13 中  $\upsilon$  / 图线所图面积,即为  $s=2 * \frac{1}{2}a \left(\frac{3T}{c}\right)^2 - 2 * \frac{1}{2}a \left(\frac{T}{c}\right)^2 = \frac{aT^2}{c}$ 

显然有 $\frac{1}{s}$ =4,即需要 4 个周期时间。电子在一个周期内位移为  $aT^2/8$ 。它在一个周期内路整却大于 $aT^2/8$ 。由图 2-4 13 所示速度 时间图线可知电子在一个周期的后T/4 内向着 A 板运动。电子在电场中运动的第四个周期内,当它飞出了极板 B 后,不会再返回向 A 板运动。电子运动三个周期后,在第四个周期后两个 T/8 内的位移大小为(即图线与时间轴所圆面积的负值)  $2\times\frac{1}{2}a\left(\frac{T}{8}\right)^2=\frac{aT^2}{64}$ 

而图线与时间轴所围面积的正值中有一部分要与负值相消,即为图 2 4-13 的阴影 部分,这部分位移所需时间为  $t_z$ ,  $\frac{1}{2}at_z^2 = \frac{aT^2}{6A}$ ,  $t_z = \frac{\sqrt{2}}{8}T$ ,

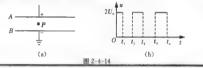
电子穿出 
$$A$$
、 $B$  两板需时  $t_2 = 3T + \frac{3}{4}T$   $t_x = \frac{30 - \sqrt{2}}{8}T$ .





2. 电子飞出 B 板的时间中要考虑到最后一股位移所需要的时间不是一个周期,而是小于一个周期,这类似小学中的"井深 1 丈,一个小虫从井底向上爬,白天爬 3 尺,晚上掉 2 尺,需要多少天爬到井面。"所需要的时间是 8 天,而不是 10 天

[四7] (广东高考题)如图 2-4-14 中的(a)所示,A、B 为水平效置的平行金属板,板间距离为 d(d 远小于板的长和宽),在两板之间有一带负电的质点 P. 包细若在 A、B 间加电压 U0。则质点 P 可以静止平衡, 现在 A、B 间加电加图 (b)所示的随时间 z 变化的电压 U6、 起,E0 时质点 P 位于 A、E1 例的中点处且初速度为零。已知质点能在 A、E2 之间以最大的幅度上下运动而又不与两板相观,求图 (b)中 u 改变的各时刻  $t_1$ 、 $t_2$ 、 $t_3$  及,这式。(质点开始从中点上升到最高点,及以后每次从最高点到最低点或 从最低点到最高点的过程中。电压尺改变一次。)



由以上各式,得 
$$\Delta t_1 = \Delta t_1' = \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \sqrt{\frac{d}{g}}, t_1 = \Delta t_1$$
,得  $t_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \sqrt{\frac{d}{g}}$ ;

在電力作用下、P由 A 板处向下做匀加速运动。经过时间  $\Delta t_2$ ,P 的速度变为  $v_1$ ,方向向下,这时加上电压使 P 做匀减速运动。经过时间  $\Delta t_2'$ ,P 正好到达 B 板且速度为零,故有  $v_1 = g\Delta t_2$ , $0 = v_2 - g\Delta t_1'$ , $d = \frac{1}{2} g\Delta t_1^2 + v_2 \Delta t_2' - \frac{1}{2} g\Delta t_1^2$ .

由以上各式,得  $\Delta t_2 = \Delta t_2'$ , $\Delta t_2 = \sqrt{\frac{d}{g}}$ ,因为  $t_2 = t_1 + \Delta t_1' + \Delta t_2$ ,得  $t_2 = (\sqrt{2} + 1)\sqrt{\frac{d}{g}}$ ;





在电场力与重力的合力作用下,P 由 B 板处向上做匀加速运动,经过时间  $\Delta t_3$ ,P 的速度变为 $v_3$ ,此时电压变为零,P 在重力作用下做匀减速运动,再经过时间  $\Delta t_3'$ ,P 正好 到达 A 板日速度为零,始有

$$v_3 = g \Delta t_3$$
,  $0 = v_3 - g \Delta t_3'$ ,  $d = \frac{1}{2} g \Delta t_3^2 + v_3 \Delta t_3' - \frac{1}{2} g \Delta t_3'^2$ 

由以上各式、得 
$$\Delta t_3 = \Delta t_3'$$
、 $\Delta t_3 = \sqrt{\frac{d}{g}}$ 、因为  $t_3 = t_2 + \Delta t_2' + \Delta t_3$ ,得  $t_3 = (\sqrt{2} + 3)\sqrt{\frac{d}{g}}$ ;

由以上分析,在重力作用下P由A 板处向下做匀加速运动,经过时间 $\Delta t_2$ ,再加上电压,经过时间 $\Delta t_1'$ ,P 正好到达B 板且速度为零。

$$t_4 = t_3 + \Delta t_2' + \Delta t_2$$
,  $(4 + 4) = (\sqrt{2} + 5) \sqrt{\frac{d}{g}}$ ,

质点运动过程中的速度时间图象如图 2-4-15 所示,由图可知,质点从  $t_2$  后赖周期性的运动,所加速电压的时间也具有周期性,周期  $T=4\Delta t_2$ ,前半周期加电压,后半周期不加电压,所以,加速电压的时间为 $t_0=t_2+(n/2-1)$ , $t_0=t_2+(n/2-1)$ ,



图 2-4-15

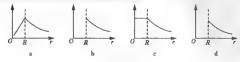
将 
$$t_2$$
 和  $\Delta t_2$  的值代人后得  $t_n = (\sqrt{2} + 2n - 3)\sqrt{\frac{d}{g}}, (n \ge 2)$ .

[專無] 本題根据未速度为零的勾減速运动与初速度为零的勾加速运动具有对称性的特点,作出图 2-4-15,说明质点的运动特征,求出 t<sub>1</sub>、t<sub>2</sub>、载可以写出电压 u 改变的各时刻 t<sub>1</sub>、t<sub>2</sub>、t<sub>3</sub>及 t 的表达式, 直观, 简捷.



### **跟踪训练**

1. 如图 2-4-16 所示,坐标原点 O 都表示一个半径为 R 的带正电实心导体球的球心位置,纵坐标表示带电球产生的电场的场强或电势的大小,电势的零点取在无限远处;横坐标 r 表示离开球心的距离,坐标平面上的曲线表示该带电体所产生的电场的场强大小或电势大小随距离变化关系,则下列说法正确的是



爾 2-4-16



A. 图 a 表示场强、图 b 表示由势

C. 图 c 表示场强。图 d 表示由热

R. 图 b 表示场强、图 c 表示电热 D. 图 d 表示场强、图 a 表示由热

2. 在静电场沿上方向的电势分布如图2-4-17所示。则

A. 在 0→x1之间不存在沿 x 方向电场

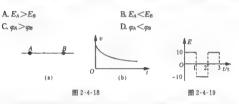
B. 在 0→x 之间存在沿 x 方向勾强电场

C. 在 1.→1. 之间存在沿 1. 方向勾强由场

D, 在 x1→x2之间存在沿 x 方向非勾强电场

3. 如图 2-4-18(a) 所示, AB 是某电场中的, 条电场线, 若 图 2-4-17

有一电子以某一初速度,仅在电场力的作用下,沿 AB 由 A 运动到 B, 其速度一时间 图象 如图 2-4-18(b)所示,下列关于 A、B 两点的电势 a 和电场强度 E 的判断正确的是



4. 在空间有一下方向水平向右, 大小按图 2-4-19 所示的图象变化的电场, 位于电场 中 A 点的电子在 t=0 时速度为零,在 t=1s 时,电子离开 A 点的距离大小为 L,那么在 t=2s时,电子将处于 )

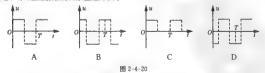
AA点

BA点左方L处

C. A 点右方 2L 处

D. A 点左方 2L 处

 在两个足够大平行金属板间加上如图 2-4-20 所示电压,使原来静止在两板中央 的电子有可能做振动的图象应是图中的

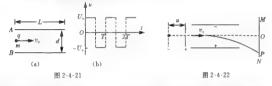


6.图 2-4-21(a)中,A、B表示真空中水平放置的相距为d的平行金属板,板长为L。 两板加电压后板间的电场可视为匀强电场。现在 A、B 两板间加上加图(b)所示周期性的 交变电压,在:=0 时恰有一质量为 m、电量为 q 的粒子在板间中央沿水平方向以速度 vo 射人电场,忽略粒子的重力,则下列关于粒子运动状况表述中正确的是

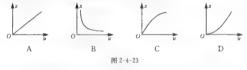




- A. 粒子在垂直干板的方向上分运动可能是往复振动
- B 粒子在垂直干板的方向上分运动是单向运动
- C. 貝要 T 和 U. 的值准是一定条件, 粒子鲜可沿与板平行的方向飞出
- D. 粒子不可能沿与板平行的方向飞出

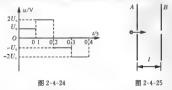


7. 如图 2-4-22 所示, 电子由静止经过加速电压 u 的加速后,水平进入一平行板偏转电压,进入电场时电子速度与极板平行,最后打至荧光屏上的 P 点,若无偏转电压时电子打至 O 点,设 OP=x,则 x N 聚象为图 2-4-23 中的



8. 两平行金属板水平放置,两板间电压随时间变化的关系如图 2-4-24 所示,开始上板带正电,若在 0→0.1s 时间内,质量为 m.带负电量为 q 的粒子在电场中央静止,两板间 距离足够大,0.1s 时刻数子开始运动(不计数子重力)则以下判断压确的县

- A. 粒子先向上运动,后向下运动,t=0.4s时刻在出发点上方
- B. 粒子先向上运动,后向下运动,1=0.4s时刻在出发点下方
- C. 粒子在 t=0, 2s 时刻和 t=0, 3s 时刻在同一位置
- D. 粒子在 t=0, 3s 时刻和 t=0. 4s 时刻速度的大小相等,方向相反



9. 如图 2-4-25 所示,A、B 是一对中间开有小孔的平行金属板,两小孔的连线与金属板面相垂直,两极板的距离为 1. 两极板间加上低频交流电压、A 板电势为零、B 板电势



 $u-U_{\circ}\cos \omega t$ . 现有 ·电子在 t=0 时穿过 A 板上的小孔射人电场, 设初速度和重力的影响 均可忽略不计,则电子在两极板间可能

- A. 首向 B 板运动,最后穿出 B 板,而不论 ω, l 为任何值
- B.U. AB间的基一占为平衡位置来回振动
- C. 时而向 B 板运动,时而向 A 板运动,但最后穿出 B 板
- D. 如果ω小干某个值ωω, l 小干某个值 la, 一直向 B 板运动, 最后穿出 B 板

# 答案与提示

- B(带电球体内场强处处为零,外部场强与产成反比,带电球体是一个等势体,高球体越远,电势越低)
- 2. AC(在 0→x₁ 之间电势不变。说明电势差为零。即不存在沿 x 方向电场;在 x₁→x₂ 之间电势均匀变化。则说明存在着沿 x 方向匀强电场)
- 3.  $AC(由速度-时间图象可知电子做加速度碱小的减速运动,说明电子受到的电场力与运动方向相反,则电场方向就与运动方向相同,<math>\varphi_A>\varphi_B$ ,电子受到的电场力是减小的,说明场强减小, $E_A>E_B$ )
- 4. D(电子在电场中受到的电场力大小不变、方向作周期性的变化、即电子加速度的 大小不变、方向作周期性变化、0→1s 电子向左做匀加速运动、1s→2s,电子向左做被速运动,由运动对称性可知,电子在 2s 末的速度为零,在第 2s 内的位移也是 L,所以,t= 2s 时,电子将处于 A 点左方 2L 处)
- 5. BC(与题图所对应的电子的 v-t 图象如图 2-4-26 所示,由 v-t 图象与时间轴所图 的面积就是位移可知,A 图的位移越来越大,B 图的位移在一个周期内为零,C 图位移也 是越来越大,D 图在一个周期内的位移为零,凡是在一个周期内位移为零的图象,均是做 周期性的运动)









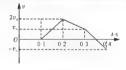
图 2-4-26

6. BC(当 ℓ=0 时,带电粒子飞人电场后,在电场方向上受到电场力做加速运动,若是粒子在 T/2 的时间内没有打在极板上,且没有飞出电场,那么在 T/2→T 的时间内,粒子做匀减速运动,若是粒子在这段时间内还没有打在极板上,同时还没有飞出电场,当 ℓ= T 时,粒子沿电场方向的速度为零. 在第二个周期内又将重复第一个周期的运动,……粒子在垂直于板的方向上分运动不可能是往复振动,只能是单向运动,当粒子在周期 T 的整数倍时 长出电场时,它的速度方向是与板平行的,因为此时粒子沿电场方向的速度例好为零)



7. B(电子打在屏上、x 的大小与电子离开偏转电场的偏转角 $\theta$  有关、 $\tan \theta = \frac{v_t}{v_0} = \frac{eEl}{mv_0^2}$   $= \frac{eEl}{2m} - \frac{El}{2m} \cdot x = L \tan \theta = \frac{El}{2m} \cdot L$ 、式中的 L 是偏转极板中点到屏的距离)

8.  $AD(較子在 0.1s \rightarrow 0.2s 内向上做初速度为零的勾加速运动,设末速度为 <math>2u_0$ ,位移为  $s_1 = \frac{0 + 2u_0}{2}$  •  $\Delta u = u_0 \Delta t$ ,在  $0.2s \rightarrow 0.3s$  的时间内做减速运动,时间相同,加速度只有前面的 - 半,速度减为  $u_0$ ,位移为  $s_2 = \frac{2u_0 + u_0}{2} \Delta t = 1.5s_1$ ,在  $0.3s \rightarrow 0.4s$  的时间内粒子先做减速运动,速度为零后反向加速,整个运动的速度与时间图象如图 2 - 4 - 27 所示,由图可知在 t = 0.3s 时刻和 t = 0.4 时刻速度的大小相等,方向相反,且粒子在同一位置、粒子在 t = 0.3s 时刻的运动类似于吸宜上摊运动)



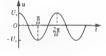


图 2-4-27

图 2-4-28

9. BD(B 板电压  $u-U_0$  cos $\omega t$  可用图 2-4-28 的图象所示,也就是 A、B 两板间的电场 强度随时间的变化图象也是会弦图线,电子所受到的电场力也是余弦图线。 $F_t$  图线与横轴所图的面积是力F 的冲射,也就是电子获得的动量,由图可知,当 $t=\pi/\omega$  时,电子的动量为零,以后将反向向 A 板运动。所以在  $t-\pi/\omega$  的时间内电子在没有穿出 B 板,电子就再也不能穿出 B 板。而只能以 AB 间的某一点为平衡位置来回振动,若要电子穿出 B 板,限能 $E_t = \pi/\omega$  的时间内穿出,这就要求  $\omega$  要小于某个值  $\omega$ 。同时 t 小于某个值  $t_0$ ,电子才能穿出 B 板。

#### 高考思想篇

# \* 考点直击

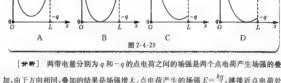
年份	題源及类型	考点
2009	上海卷 T3 选择 4 分、江苏卷 T8 选择 4 分	电场强度、电势、带电体在交变电场中的运动
2008	海南卷 T5 选择 3 分、重庆卷 T21 选择 6 分 山东卷 T25 计算 18 分、广东卷 T19 计算 16 分	
2007	广东卷 T4 选择 4 分、海南卷 T2 选择 6 分	



# \*

### - 考無探究

[閏1]  $(2009 \cdot 上灣)$ 两帶电量分別为 q 和 -q 的点电荷放在 x 轴 L ,相距为 L ,能正确反映两电荷连线上场强大小 E 与 x 关系的是图 2 -4 - 29 中的 E



场强越大,当 产→0 时,E→∞,在连线的中点,两个点电荷产生的场强相等,所以,中点处的场强不为零,由于对称性,在接近两点电荷的对称点,场强相等,只有 A 图符合条件.

[季◆] A

[异香] 本题的选项是利用对称性的极限的观点进行判断,而不是利用表达式进行分析讨论.

[**閏2**]  $(2009 \cdot \text{江苏})$ 空同某一静电场的电势  $\varphi$ 在 x 轴上分布加图 2-4-30 所示, x 轴上 B, C 两点电场 强度在x 方向上的分量分别是  $E_{bc}$ ,  $E_{Cc}$ , 下列说法中正 确的有



- A. En 的大小大于Ec 的大小
- B. E. 的方向沿上 轴正方向
- C. 电荷在 O 点受到的电场力在 x 方向上的分量最大
- 2 2-4
- D. 负电荷沿 x 轴从 B 移到 C 的过程中, 电场力先做正功, 后做负功

[分析] 电场强度是沿电场方向上电势变化快慢的量度,由图可知 B 点电势变化比 C 点快, $E_B$  的大小大于  $E_G$  的大小; $E_A$  的区域,场强 x 分量方向沿 x 轴正方向,在 x <0 的区域,场强 x 分量方向沿 x 轴负方向;O 点的场强为零;负电荷沿 x 轴从 B 移到 C 的过程中,电场力先量正功,后量负功。

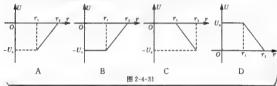




[明3] 质子和中子是由更基本的粒子即所谓"夸克"组成的. 两个强作用荷相反 (奠似于正负电荷)的夸克在距离很近时几乎没有相互作用(称为"渐近自由"),在距离 较远时,它们之间就会出现很强的引力(导致所谓"夸克禁闭"),作为一个简单的模型, 设这样的两夸克之间的相互作用力下与它们之间的距离;的关系为

$$F = \begin{cases} 0, 0 < r < r_1 \\ -F_0, r_1 \leqslant r \leqslant r_2 \\ 0, r > r_2 \end{cases}$$

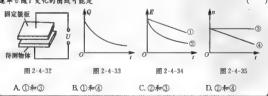
式中 $F_0$ 为大于掌的常数,負号表示引力.用U表示务克间的势能,令 $U_0 = F_0(r_2 - r_1)$ ,取无穷远为势能掌点、图2-4-31 中 $U_T$  图象中正确的是



[分析] 取无穷远为势能零点,当两夸克之间的距离由无穷远逐渐减小时,引力做正功,它们的势能是减小的,势能由零减小为负值,当它们之间的距离小于n,两夸克之间没有相互作用力时,势能不变,所以B图正确。

### [**₩**♠] B

[例4] 图 2-4-32 是某同学设计的电容式速度传感器原理图,其中上极为固定 极极,下极为特别物体,在两极极间电压恒定的条件下,极板上所带电量 Q 将随待测 物体的上下运动而变化,若 Q 随时间 t 的变化关系为 Q = b (c, b 为大于零的常数), 其图象如图 2-4-33 所示,那么图 2-4-34、图 2-4-35 中反映极板间场强大小 E 和物体 速車 > 随(章 化的图数可能另

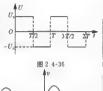


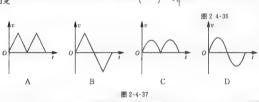


[分析] 平行板电容器的电容  $C=\frac{\varepsilon S}{4\pi k d}$ , 极板带电量  $Q=CU=\frac{\varepsilon SU}{4\pi k} \cdot \frac{1}{d}$ , 此式与  $Q=\frac{b}{t+a}$ 相比较可知,t+a=d, $\frac{\varepsilon SU}{4\pi k}=b$ . 极板间场强  $E=\frac{U}{d}=\frac{U}{t+a}$ , E 随 t 的变化关系与 Q 随时间 t 的变化关系相同,故②表示 E t 图线;由 t+a=d 可知,d E t 的一次函数关系, $v=\frac{cM}{2}$  E 常量,③表示速率 v 随 t 变化的图线.

### [##] C

[四5] 平行板间加加图 2-4-36 所示周期变化 的电压,重力不计的带电粒子静止在平行板中央,从 t=0 时朝开始将某解放,运动过程无理板情况。 图 2-4-37中,能正确定性描述粒子运动的速度图象 的多





- 1. - J. 100 h Lat A Did the Lands etc.

[分傳] 帶电粒子由静止开始做加速运动,经过半个周期,加速度大小不变,方向反向,粒子做减速运动,在 T 时刻速度为零,以后重复以前的运动,带电粒子做加速一减速的周期性运动。

#### [##] A

[內6] 如图 2-4-38(a)所示,在光滑绝線水平面的 AB 区域内存在水平向右的 电场,电场强度 E 随时间的变化如图 2-4-38(b)所示,不带电的绝缘小球 P<sub>2</sub> 静止在 O 点, t=0 时,带正电的小球 P<sub>2</sub> 以速度 T<sub>6</sub>从 A 点进入AB 区域,随后与 P<sub>2</sub>发生正照后反 2

弹,反弹速度大小是碰前的 $\frac{Z}{3}$ 倍, $P_1$ 的质量为 $m_1$ ,带电量为q, $P_2$ 的质量 $m_2 = 5m_1$ . A、

- O 间距为  $L_0$  , O , B 间距  $L = \frac{4}{3}L_0$  , 已知  $\frac{qE_0}{m_1} = \frac{2v_0^2}{3L_0}$  ,  $T = \frac{L_0}{v_0}$  .
  - (1)求碰撞后小球 Pi 向左运动的最大距离及所需时间。
  - (2)讨论两球能否在 OB 区间内再次发生碰撞,



表现

[分析每解] (1)小球  $P_1$ 由 A 点向 O 点运动时无电场力,即磁撞稍瞬间小球  $P_1$ 的速度为  $v_0$  不变,所需要的时间为 T,磁后小球  $P_1$ 的速度由题意可知为  $v_1=\frac{2}{3}v_0$ ,方向向 E,磁撞后小球  $P_1$ 的加速度为  $a=\frac{qE_0}{m_1}=\frac{2v_0^2}{3L_0}$ ,小球  $P_1$ 问左运动的最大距离  $s_{E,max}=\frac{v_1^2}{2a}=\frac{L_0}{2}$ ,所需要的时间为  $t=\frac{v_1}{c_0}=\frac{L_0}{L_0}=T$ .

(2) 两球相碰、动量守恒 ;  $m_1v_0 = 5m_1v_2 - m_1 \cdot \frac{2}{3}v_0$ ,解得小球  $P_2$  磁后的速度  $v_t = \frac{v_0}{3}$ . 小球  $P_2$  做勾速直线运动,两球再次相遇。若以小球  $P_2$  为参考系,小球  $P_1$  做类竖直上 推运动、小球  $P_1$ 的初速度为  $v_0' = v_1 + v_2 = v_0$ ,加速度  $a = \frac{qE_0}{2} = \frac{2v_0^4}{2I}$ .

再次与小球  $P_1$ 相遇,相当于回到撤出点,所需要的时间为  $t' = \frac{2v'_0}{a} = 3\frac{L_0}{v_0} = 3T$ . 这段时间内,小球  $P_1$ 的位移为  $s_1 = v_1 \cdot t' = L_0 < L = \frac{4}{2}L_0$ .

所以,两球能在 OB 区间内再次发生碰撞,

[閏7] 两块足够大的平行金属粗板水平放置,粗板间加有空间分布均匀、大小随时间周期性变化的电场和磁场,变化规律分割加图 2-4-39、图2-4-40所示(规定垂直纸面向置为磁感应强度的正方向). 在 t=0 时刻向負租板释放一个初速度为零的带負电的粒子(不计重力). 若电场强度  $E_0$ 、磁感应强度  $B_0$ 、粒子的比荷  $\frac{G}{m}$  均为已知,且  $t_0 = \frac{2mn}{aR}$ , 两板间距  $h = \frac{10\pi^2 mE_0}{aB^2}$ .

- (1) 求粒子在 0~4时间内的位移大小与板板间距片的比值。
- (2) 求粒子在板间做圆周运动的最大年径(用 h 表示).
- (3)若板间电场强度 E 随时间的变化仍如图 2-4-39 所示, 磁场的变化改为如图 2-4-41 所示, 试品出粒子在图 2-4-42 的板间运动的轨迹图(不必写计算过程)(板间 转虚旋棒干暑为了便干作图).



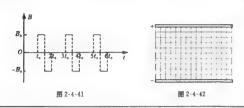
图 2-4-39



图 2-4-40







「分帶每無] (1)设粒子在 0~46时间内运动位移大小为 si,加速度为 a:

$$s_1 = \frac{1}{2} a t_0^2 \tag{D}$$

$$=\frac{qE_0}{m}$$

又已知 
$$t_0 = \frac{2\pi m}{aB_0}$$
, $h = \frac{10\pi^2 mE_0}{aB_0^2}$  联立①②式解得  $\frac{s_1}{h} = \frac{1}{5}$ 

(2)粒子在  $t_0 \sim 2t_0$ 时间内只受洛仑兹力,粒子做匀速圆周运动.设运动速度大小为 $t_0$ ,轨道半径为  $R_1$ ,周期为 T,则

$$v_1 = at_0$$

$$qv_1B_0 = \frac{mv_1^2}{R_c}$$

联立①⑤式得  $R_1 = \frac{h}{5\pi}$  ⑥ 又  $T = \frac{2\pi m}{qB_0}$  ⑦ 即粒子在  $\iota_o \sim 2\iota_o$ 时间内恰好完成一个周期圈周运动。在  $2\iota_o \sim 3\iota_o$ 时间内,粒子做初速度为  $\iota_o$  的勺加速直线运动,设位移大小为  $\iota_2$ ,  $\iota_2 = \iota_0$ ,  $\iota_o + \frac{1}{2}$  at  $\iota_o$  解得  $\iota_z = \frac{3}{2}$   $\iota_o$  ⑧

由于 $s_1+s_2< h$ ,所以粒子在 $3t_6\sim 4t_6$ 时间内继续做勾速圆周运动、设速度大小为 $t_2$ , 半径为 $R_1$ , 则

$$b = v_1 + at_0$$
 9

$$qv_1B = \frac{mv_1^2}{D}$$

解得 
$$R_2 = \frac{2h}{5}$$

由于 $s_1+s_2+R_1 < h$ 、粒子恰好又完成一个周期的圆周运动. 在 $4s_0 \sim 5t_0$ 时间内。粒子运动到正极板(如图 2-4-43 所示). 因此粒子运动的最大半径  $R_1 = \frac{2h}{5.5}$ .

- (3)粒子在板间运动的轨迹如图 2-4-43 所示。
- [專時] 由顧意可知,电磁场的周期为 24c,前半周期粒子受电场作用做勾加速直线运动,加速度大小为;a=q<u>eb</u>,方向向上.





后半周期粒子受磁场作用做匀速圆周运动,周期为  $T, T = \frac{2\pi m}{aB_c} = t_0$ 

由于磁场在360时刻反向,粒子旋转方向也反向,但沿

粒子相当于恰好完成一次匀速圆周运动,至第 n 个周 期末, 粒子位移为。

电场方向上的位移在 to 时间仍为零.

$$s_n = \frac{1}{2} a (nt_0)^2$$
. 又已知  $h = \frac{10\pi^2 mE_0}{aB_0^2}$ ,由以上各式



图 2 4 43

得  $s_n = \frac{n^2}{r}h$ ,

粒子速度大小为  $v_n = nat_0$ , 粒子做圆周运动半径为  $R_n = \frac{mv_n}{aB_0}$ 

解得  $R_n = \frac{n}{5}h$ . 显然  $s_2 + R_2 < h < s_3$ .

- (1)粒子在 0~1a时间内的位移大小与极板间距 h 的比  $\frac{s_1}{z} = \frac{1}{r}$ .
  - (2)粒子在极板间做圆周运动的最大半径  $R_2 = \frac{2}{5}h$ .
    - (3)粒子在极板间运动的轨迹图见图 2-4-44.



图 2-4-44

## 1 思推考试阅试

1. (2010·江苏)空间有一沿 x 轴对称分布的电场,其电 场强度 E 随 x 变化的图象如图 2-4-45 所示, 下列说法正确的 류



图 2-4-45

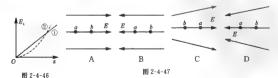
A.O点的电势最低

R. r. 占的由数最高

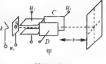
C. x1和一x1两点的电势相等

D. x, 和 x, 两点的电势相等

2. 有一个负点电荷只受电场力的作用,分别从两电场中a点由静止释放,在它沿直 线运动到 6点的过程中,动能 E. 随位移 5 变化关系图象如图 2-4-46 中的①、②图线所 示,则能与图线相对应两个电场的电场线分布图分别是图 2-4-47 中的哪些



3. 如图 2-4-48 甲所示的示波器悬 -种常见 的由学仪器,可以在带来屏上显示出被检测的由 压随时间的变化情况如图 2-4-48 7.. 电子经电压 u. 加速后进入偏转电场, 竖直偏转电压 uo、水平偏 转电压 4. 如图 2 1 48 乙所示的甲、乙电压时、与 荧光屏上所得的图形的对应图 2-4-49 中正确的 县

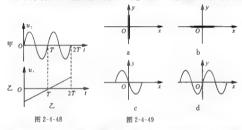


別 2-1-48

A 加果具在 1/2 上加上甲图所示的由压,则在荧光屏上看到的图形加图 a 所示 B. 如果只在 u, 上加上7.图所示的电压, 则在荧光屏上看到的图形如图 b 所示

C. 如果同时在 uo 和 uo 上加上甲、乙所示的电压、则在荧光屏上看到的图形如图 c 所示

D. 如果同时在 us 和 us 上加上甲、乙所示的电压,则在荧光屏上看到的图形如图 d 所示



4. 为研究静电除尘,有人设计了一个盒状容器,容器侧面是绝缘的透明有机玻璃,它 的上下底面是面积  $A=0.04m^2$  的金属板,间距 L=0.05m。当连接到U=2500V的高压电 源正负两板时,能在两金旗板间产生一个匀强电场,如图 2-4-50 所示, 现把一定量均匀 分布的烟尘颗粒密闭在容器内, 每立方米的烟尘颗粒 1013个, 假设这

些颗粒都处于静止状态,每个颗粒带电量为 g=+1.0× 10-17C,质量 m=2,0×10-15 kg,不考虑烟尘颗粒之间的 相互作用和空气阻力,并忽略烟尘颗粒所受重力,求合上 电键后:



- (1)经多长时间烟尘颗粒可以被全部吸附?
- (2)除尘讨程中电场对烟尘颗粒共做了多少功?

图 2-4-50

- (3)经过多长时间容器中烟尘颗粒的总动能达到最大?
- (2010 · 江苏) 制备纳米濂聪装置的工作电极可简化为直空中间距为 d 的两平行 极板,如图 2-4-51 甲所示,加在极板 A、B 间的电压 U 48 作周期性变化,其正向电压为  $U_0$ ,反向电压为  $kU_0(k>1)$ ,电压变化的周期为 2r,如图 2-4-51 乙所示。在 t=0 时,极 板 B 附近的一个电子,质量为 m、电荷量为 e, 受电场作用由静止开始运动, 若整个运动过

观

程中,电子未碰到极板 A,且不考虑重力作用。

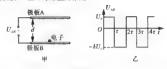


图 2-4-51

- (1)若  $k=\frac{5}{4}$ ,电子在  $0\sim2\tau$  时间内不能到达极板 A,求 d 应满足的条件;
- (2) 若电子在  $0\sim200\tau$  时间未碰到极板 B,求此运动过程中电子速度 v 随时间 t 变化的关系;
  - (3)若电子在第 N 个周期内的位移为零,求 k 的值.

# 答 茶素与提示

- 1. C(由电场强度 E 随 x 变化的图象变化关系,可知这是两个等量正电荷所形成电场在其连线的垂直平分线为 x 轴的上电场变化关系,由等量正电荷所形成电场的特点可  $\eta$  , O 点的电势最高,与 O 点对称的 x ,  $\eta$  ,
- 2. BC(负的点电荷只受电场力,其动能增大,电场力做正功,负电荷由低电势处向高 电势处运动,A 图错误,其动能关系式由动能定理有 E<sub>4</sub> = F<sub>5</sub>,图象①是直线,说明 F 不 变,对应的电场就是勾强电场,B图正确;图象②是曲线,其斜率是越来越大,说明 F 在不 断地增大,即电场强度不断增大,C图正确,D图错误)
- 3.  $ABD(如果只在 <math>u_z$ 上加上甲图所示的电压,而水平方向没有扫描电压,屏幕竖直方向有一条亮线。图压确,如果只在  $u_t$ 上加上乙图所示的电压,在竖直方向上电子没有发生偏转,屏幕在水平方向上有一条亮线;如果同时在  $u_t$ 和 $u_z$ 上加上甲、乙所示的电压,扫描电压的周期是 y 轴输入电压周期的 2 倍,即可出现两个完整的正弦 按图形。d图下确)
- 4. 两金属板间有勾强电场,带电烟尘颗粒在电场力的作用下向负极板做初速度为零的勾加速运动,要使烟尘全部吸附。也就是靠近正极板的烟尘被吸附后所有的烟尘均被吸附到负极板。在除尘过程中,电场力对烟尘颗粒所做的功等于所有的烟尘颗粒吸附到负极板电场力所做的功。由于烟尘均匀分布,可将烟尘等效集中在容器的中心位置,在电场力作用下由容器中心移到板板板做的功。电场力做功每个烟尘颗粒的动能增大,同时,烟尘被吸附,容器中的烟尘在减少,烟尘的总动能是先增大后减小,只有确定容器中烟尘颗粒的点动能的表达式才能确定点动能最大时。
- (1) 当最靠近上表面的烟尘颗粒被吸附到下板时,烟尘就被全部吸附,烟尘颗粒受到的电场力 $F=\frac{qU}{L}$ ,  $L=\frac{1}{2}at^2$ ,所以 $t=\sqrt{\frac{2m}{al}}L=0$ .02s.
  - (2)容器中烟尘的总电量为 Q=NALq,受到的电场力最大为  $F_{max}=\frac{QU}{I}=NAqU$ ,电





(2)

(4)

(5)

(6)

(7)

(8)

9

0

场力随着烟尘被吸附到色极板上,随距离均匀地减小,如图 2.4.52所示,由图象的知识可知,电场力做功等于图象与位移 軸所園面积,即  $W = \frac{1}{2} F_{max} L = \frac{1}{2} NAqUL = 2.5 \times 10^{-4} J.$ 



(3)设烟尘颗粒下落距离为工,容器中没有被吸附颗粒总由 量 Q'=NA(L-x)q,这些颗粒所受到的电场力为  $F_x=Q' \cdot \frac{U}{T}$ 

 $-NAqU \cdot \frac{L-x}{r}$ ,这个电场力恰恰是这些没有被吸附的颗粒所受的电场力,这个电场力 所做的功就是没有被吸附颗粒获得的总动能, $E_{\rm kb}=F_{\rm e}x=NAqU$ , $\frac{L-x}{r}$ ,x,当  $x=\frac{1}{c}L$ 时, $E_{kB}$ 达到最大, $x = \frac{1}{2}at_{min}^2$ , $t_{min} = \sqrt{\frac{m}{c_L}}x = 0.014s$ .

$$5.(1)$$
电子在 $0\sim\tau$ 时间内做匀加速运动,加速度 $a_1=\frac{eU_0}{2}$ 

位移 
$$x_1 = \frac{1}{2} a_1 x^2$$

在 
$$\tau \sim 2\tau$$
 时间内先做勾减速运动,后反向做匀加速运动加速度的大小  $a_2 = \frac{5eU_0}{4md}$  ③

匀减速运动阶段的位移 
$$x_2 = \frac{v_1^2}{2a_2}$$

依据题,
$$d>x_1+x_2$$
,解得 $d>\sqrt{\frac{9eU_0\tau^2}{10m}}$ 

(2)在  $2n\tau \sim (2n+1)\tau$ ,  $(n=0,1,2,\cdots,99)$ 时间内速度增量  $\Delta v_1 = a_1\tau = \frac{eU_0}{-d\tau}$ 

在(2n+1)r~2(n+1)r,(n=0,1,2,...,99)时间内加速度大小

$$a'_2 = \frac{ekU_0}{md}$$
,速度增量  $\Delta v_2 = -a'_2 \tau = -\frac{ekU_0}{md} \tau$ 

(a)当
$$0 \le t - 2nt \le t$$
时,电子的运动速度 $v = n\Delta v_1 + n\Delta v_2 + a_1(t - 2nt)$ 

解得 
$$v=[t-(k+1)n\tau]\frac{eU_0}{-t}, (n=0,1,2,\dots,99)$$

$$ma$$
  
(b)当0 $\leq t-(2n+1)\tau$  r 时,电子源度  $v=(n+1)\Delta v_1+n\Delta v_2-a_2'$   $t-(2n+1)\tau$  ①

解得 
$$v = [(n+1)(k+1)\tau - kt] \frac{eU_0}{dt}, (n=0,1,2,\dots,99)$$

(3)电子在  $2(N-1)_{\tau} \sim (2N-1)_{\tau}$  时间内的位移  $x_{2N-1} = v_{2N-2}\tau + \frac{1}{2}a_1\tau^2$ ,

电子在 $(2N-1)_{\tau}$ ~2 $N_{\tau}$ 时间内的位移 $x_{2N}=v_{2N-1}\tau+\frac{1}{2}a_{2}'\tau^{2}$ ,

曲①式可知  $v_{2N-2} = (N-1)(1-k)\frac{eU_0}{dm}r$ ,由②式可知  $v_{2N-1} = (N-Nk+k)\frac{eU_0}{dm}r$ ,

依題意得 
$$x_{2N-1}+x_{2N}=0$$
,解得: $k=\frac{4N-1}{4N-3}$ 





# 2.5 电磁感应部分图象法

闭合回路的鐵通量发生变化会产生感应电流, 感应电流的产生及其大小和方向的变化与诸多因素有关; 如態应电流是闭合回路一部分导体切割磁感线而产生, 切割磁感线的导体的长度变化、速度变化均可以引起感应电流的变化, 还可能由于回路的几何形状不问而导致回路中感应电流的变化。同样磁通量的变化率发生变化也会导致感应电流的变化. 正由于这些变化的多样性, 感应电流会随时间或距离的变化中暗藏诸多的考查点, 这些正是多年来高考所关注的内容.



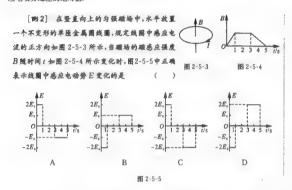
### 解题方法指导

[籌] 由感应电动势  $\epsilon = BLv$  中的 L 是切割磁感线的有效长度,由 cd 进人左侧磁场过程中切割磁感线的有效长度是 l,由 cd 进人右侧磁场的过程中,由于左右两侧的磁场方向相反,cd 和 cb 切割磁感线产生的感应电动势抵消,整个线框中的感应电动势为零,当 fa 进人磁场后,也即 ed 进人右侧磁场后,cb 已离开右侧磁场区域,线框中切割磁感线的有效长度是 3l,当 fa 进人右侧磁场区域时 ed 已离开右侧磁场区域,所以切割磁感线的有效长度是 3l,当 fa 进人右侧磁场区域时 ed 已离开右侧磁场区域,所以切割磁感线的有效长度为 2l,再根据题设中所确定的压、负方向确定其感应电动势的正负值。



[專紙] (1)公式  $\varepsilon = BLv + B$ , L, v 的物理意义; 在 L L , B 和 v 均为常量,且这三个物理量的方向互相垂直,L 县切刺融塘线的有效长序。

(2)在闭合回路中,有两段导体切割磁感线时,在回路中引起的感应电流方向一致 时,两段导体均为电源;若感应电流的方向相反,回路中感应电动势是两段导体产生的感 应由动势之差的绝对值



[#] 由图可知 0→1s 磁感应强度均匀增大, 感应电流的磁场方向与原磁场方向相反, 向下, 由右手螺旋定则可知感应电流是顺时针方向(从上向下看)为正, 感应电动势为正, 且为定值, 感应电流大小不变; 在 1s→3s 时间内, 磁感应强度不变, 线圈中的磁通量不变, 感应电流为零; 在 3s→5s 时间内, 磁感应强度均匀地减小, 磁感应强度对时间的变化率是 0→1s 的一半, 感应电流为负, 感应电流也为开始时的一半.

#### [##] A

[專点] 磁感应强度均匀变化时,感应电动势为定值,感应电流不变;磁感应强度的 变化率为零,感应电动势为零,感应电流也为零.感应电流的方向由楞次定律确定,在本 颗,感应电流的方向与磁感应强度的变化率的正,也有关.



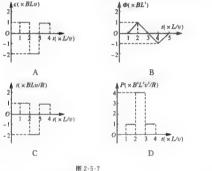
「例3] 如图 2-5-6 所示,一有界勾蕴磁镉。磁感应强 度大小均为 B.方向分别垂直纸面向里和向外磁场官度均 为 L, 在磁场区域的左侧相距为 L 处, 有一边长为 L 的正 方形异体线框,总电阻为 R. 且线框平面与磁镉方向垂直.



图 2-5-6

现使按据以请雇力勾请客讨融编区编 芸以初始位置为计

时起点,规定逆时针方向时的电流和电动势方向为正, B 垂直纸面向里时为正, 则阐 2-5-7 中四个图象中对此过程描述正确的是



正方形线圈勾速进入左侧磁场的过程中感应电流是逆时针方向为正,线圈开 始进人右侧磁场后,线圈左右两边切割磁溅线产生的感应电动势在闭合回路中同向,产 生的感应电流是顺时针方向,为负,同时电流是开始时的二倍,A、C 两图对应此时间段均 为负值,当线圈离开右侧磁场时,感应电流是逆时针方向,为正,A、C 两图正确,线圈开始 进入右侧磁场区域直到全部进入右侧磁场区域所需要的时间是 1 个单位时间, B 图却用 了 2 个单位时间, 错误, 由电功率  $P \rightarrow \varepsilon I$ , 可知 D 图对,

线圈在两侧磁场区域里产生的感应电动势是在一侧磁场区域里的二倍,电阻不变, 功率就为四倍.

#### [₩₩] B

「喜劇」 本願的判断要扣住態应电流的方向,在磁场中运动的时间, 感应电动势的 大小,从这三个角度进行判断最迅速,



[1914] 如图 2-5-8 所示,有一廣量 m=1kg 的正方彩金属框,其总电阻 R=0.50. 金属框放在表面纯罐且光滑的斜面 AA'B'B 頂城(金属框上边与 AA'重合),自静止开始溶斜面下滑,下滑过程中穿过一段边界与斜面底边 B'B 平行,宽度为 d 的方 强磁场后滑至斜面底端(金属框下边与 B'B 重合),设金属框在下滑过程中的速度为 n,与此对应的位移为 s,那么 v<sup>2</sup>-s 图象如图 2-5-9 所示,已如匀侵破场方向垂直斜面 n,与此对应的位移为 s,那么 v<sup>2</sup>-s 图象如图 2-5-9 所示,已如匀侵破场方向垂直斜面 n,与此对应的位移为 s,那么 v<sup>2</sup>-s 图象如图 2-5-9 所示,已如匀侵破场方向垂直斜面 n,上,诚问。





- (1)根据 τ²-s 图象所提供的信息,计算出斜面倾角 θ 和匀强磁场宽度 d;
- (2)勾强磁场的磁感应强度多大? 金属框从斜面顶端滑至底端所需的时间为多

[分析每點] (1)由寸。图象可知,线框有一段匀速运动,说明线框进入磁场到离开磁场都是做匀速直线运动(若是变速运动,则是加速度变化的变速运动,而图象没有曲线),匀速距离为磁场窗度一倍,2d=10m,终框边长为1=d=5m

线框在无磁场区域做匀加速运动,由匀变速运动公式可知

$$v^2 = 2as, a = \frac{v^2}{2s} = \frac{16}{2 \times 16} \text{m/s}^2 = 0.5 \text{m/s}^2, a = g \sin \theta, \theta = \arcsin \frac{a}{g} = \arcsin 0.05$$

(2)线框在磁场中匀速运动时受到的合外力为零,在平行于斜面方向上有

$$F_B = IBI = \frac{B^2 I^2 v}{R} = mg \sin \theta$$
  $B = \frac{1}{l} \sqrt{\frac{mgR \sin \theta}{v}} = 0.05T$ 

金属框从斜面頂端滑至底端所需的时间  $t-\sqrt{\frac{2\times16}{0.5}}+\frac{10}{\sqrt{16}}+\frac{\sqrt{24}-\sqrt{16}}{0.5}=12.3s$ 

[專本] 正确读取图象所提供的信息:线框进人磁场和离开磁场均做匀速直线运动。说明磁场的宽度是它匀速直线运动距离的一半,若是磁场的宽度不符合这个条件,图象就会出现曲线,这是本题的切入点.两段加速运动阶段的斜率相同,说明加速度相同,这只能是在无磁场区域中的运动,即由重力平行于斜面的分量提供加速度.



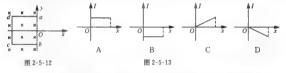
## \*\*\* 张珠训练

1.图 2-5-10 中两条平行虚线之间存在勾强磁场,虚线间的距离为 1.磁场方向垂直纸向里. abcd 是位于纸面内的梯形线圈,ad 与bc 间的距离也为 1. t=0 时刻,bc 边与磁场区域边界重合. 现令线圈以恒定的速度 v 沿垂直于磁场区域边界的方向穿过磁场区域。取沿 a-+b->c-+d-+a 的感应电流为正,则在线圈穿越磁场区域的过程中,感应电流 1 随时间 t 变化的图线可能是图 2-5-11 中的



A B C D

2. 如图 2-5-12 所示。在  $x \le 0$  的区域内存在匀强磁场。磁场的方向垂直于 xOy 平面(纸面)向里。具有一定电阻的矩形线框 abcd 位于 xOy 平面内。线框架的 ab 边与 y 轴重合。令线框从 t=0 的时刻起由静止开始沿 x 轴正方向做匀加速运动,则线框中的感应电流 I(取逆时针方向的电流为正)随时间 <math>t 的变化图线 I-t 图可能是图2-5-13中的())



3. - 矩形线圈位于一随时间 t 变化的勾强磁场内, 磁场方向垂直线圈所在的平面 (纸面)向里, 如图 2-5-14 所示, 磁感应强度 B 随t 的变化规律如图 2-5-15 所示, 以 I 表示线圈中的感应电流, 以图 2-5-14 中线圈上箭头所示方向的电流为正, 则图2-5-16中的 B-t 图象中正确的是





图 2-5-15

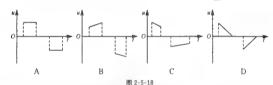




4. 铁路上常使用一种电磁装置向控制中心传输信号以确定火车的位置,如图 2-5-17 所示(掮视图),能产生勾强磁场的磁铁。被安装在火车首节车厢下面,当它经过安放在两铁轨间的线圈时,便会产生一电信号。被控制中心接收,当火车匀减速直线运动通过线圈时,则控制中心接收到的线圈两端的电压信号为图 2-5-18 中



图 2-5-17



5. 如图 2-5-19 所示, 一有界勾强磁场, 其边界构成等腰直角三角形 Oab, Ob=21, 磁场方向垂直纸面向里. 一个电阻为尺, 边长为 1 的正方形导线框, 沿 Ob 的方向以速度 v 做勾速直线运动通过有界勾强磁场, 正方形导线框下边线 5 b 在一条直线 L. 在 1=0 时刻恰好位于图中所示位置的 O 点, 以逆时针方向为导线框中感应电流的下方向, 在图 2-5-20 中的四幅图中能够下确表示感应由光



PH 2 5 19

正方向,在图 2-5-20 中的四幅图中能够正确表示感应电流 时间(I-t)关系的图象是(时间以 I/v 为单位)

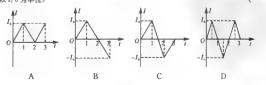


图 2-5-20







 B(由右手定则可知线圈进入磁场时的感应电流为负方向,出磁场时的感应电流为 正方向,所以只有B选项正确)

2. D(线框从t=0 的时刻起由静止开始沿x 轴止方向做匀加速运动、切割磁感线的 边是cd 边、设线框的加速度为a,cd 边长为l,产生的感应电动势 E=Blv=Blat,线框的 电阻为 R,线框中的感应电流  $I=\frac{E}{R}=\frac{BLat}{R}$ ,此式说明线框中的感应电流的大小将随时间t 而增大,由右手定则可知线框中的电流方向是顺时针方向,线框中感应电流的方向与规定的方向相反,取负值)

3. A(由图中磁感应强度在 0-+1 的时间内是均匀增大的, 感应电流是恒定的, 感应电流的磁场方向是垂直于纸面向外, 可知感应电流的方向与图示的方向相反, 所以电流是负值;在 1→2 的时间内磁感应强度是均匀减小,则感应电流是正值, 大小不变, 在 2→3 和 4→5 的时间内, 磁感应强度不变, 感应电流均为零)

4. C(火车减速时线圈中感应电流减小,进入磁场最后瞬间的感应电流大小与开始离 开磁场瞬间感应电流大小相差不大。线圈通过磁场的时间逐渐增长、线圈进入磁场和离 开磁场时感应电流方向相反,由以上四个特点确定 C 图正确)

5. C(正方形线團从 O 点运动到等腰直角 三角形的正中央的过程中切割艦總线的有效长度是均匀增大,所以,感应电动势和感应电流均匀增大,线圈再向右运动时线圈左边进入磁场后,导致切割磁總线的有效长度减小,由于两边均在磁场中,减小率是增大率的 2 倍,此过程感应电流的方向还发生变化,当线圈右侧离开磁场后,线圈中感应电流的方向还是负方向,电流大小变化率与进入磁场时具有对称性)

### 高考思想篇

# SAGN 考点直击

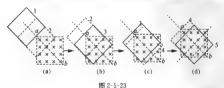
年份	驗御及类型	考点
2009	宁夏理综 T19 选择 6 分、上海卷 T24 计算 14 分	电磁感应、法拉第电磁感应定律、例次定律、闭合回路欧姆定律
2008	全國 I 卷 T21 选择 6 分、全國 I 卷 T20 选择 6 分、 上海卷 T10 选择 4 分、广东卷 T21 计算 17 分	
2007	理综 I 卷 T21 选择 6 分, 上海卷 T23 计算 13 分	



### ●三考题探究

[閏1] 如图 2-5-21 所示,一个边长为 1 的正方形虚线框内有垂直于纸面向里的匀强磁锅;一个边长也为 1 的正方形导线框所在平面与磁场方向垂直;虚线框对角线 ab 与导线框的一条边垂直,ba 的延长线平分导线框 在 1=0 即,使导线框从图示位置开始以恒定速度沿 ab 方向移动,直到整个导线框离开磁场区域,以1 表示字线框中卷应电流的强度,取逆时针方向为正、图 2-5-22 中表示 it 关系的图示中,可能正确的是

[分析] 线圈的 pq 边进人磁场的过程中,由图 2-5-23(a)图中的位置 1(实线)到位置 2(虚线)的过程中,切割磁感线的有效长度在增大,感应电流在增大;由图 2-5-23(b)图中的位置 2(虚线)到位置 3(实线)的过程中,切割磁感线的有效长度不变,感应电流大小不变;由图 2-5-23(c)图中的位置 3(实线)到位置 4(虚线)的过程中,切割磁感线的有效长度在减小,感应电流大小减小,此过程中减小率与(a)图中进入时的增大率大小相等;由图2-5-23(d)图中的位置 4(虚线)到位置 5(实线)的过程中,切割磁感线有效长度在减小30零。感应电流大小减小30零,此过程中减小率是(a)图中由位置 1 到位置 2 的增大率的 2 倍,再以后的运动与前一段运动具有对称性,仅感应电流方向与原来相反.



[##]

[專獻] (1)选择特殊位置(即突变位置,如图中的1、2、3、4、5个位置)之间切割磁 膨线的有效长度关系进行分析,以免漏掉其中的某一过程,这是典型的跟踪分析法,也可



以设是顺藤樵瓜

(2)利用对称性可以事半功倍,就可以省去后半过程的分析。

[**陶2**] 矩形导线框 abcd 固定在匀镂磁场中,概卷线的方向与导线框所在平面垂直,规定磁场的正方向垂直纸面向里,磁卷应强度 B 随时间变化的规律知图 2-5-24 中的(b)所示,若规定顺时针方向为感应电流。i 的正方向,图 2-5-25 各图中正确的是 (a) 图 2-5-24  $U_5$   $I_4$   $I_5$   $I_6$   $I_6$  I

[分析] 由(b)图可知磁感应强度的变化率大小是不变的,仅仅是方向发生变化,即 感应电流的大小不变,也只是方向发生变化,在0→1s和 3s→4s时间内,磁感应强度的变 化率相同,由楞次定律可知感应电流是负值。在1s→3s的时间内,磁感应强度的变化引 起的感应电流方向为正值。

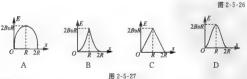
[##] D

[專点] 在线圈面积一定的条件下,感应电流大小只与磁感应强度的变化率有关, 方向与变化率的正,而有差.

[**93**] 如图 2-5-26 所示,平行于 y 轴的导体棒以速度 v 向右 匀速直线运动,经过半径为 R、磁感应强度为 B 的圆形匀强磁场区 域,导体棒中的感应电动势 E 与导体棒位置 x 关系的图象是 图 2-5-27中的



\_ . . .



[分析] 导体棒切割磁感线的有效长度随其进入磁场区域的长度变化而变化,其有效长度为  $L=2\sqrt{R^2-(R-x)^2}$ ,即电动势  $E=BLv=2Bv\sqrt{R^2-(R-x)^2}$ 



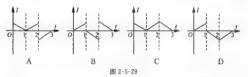


#### [##] A

[對4] 如图 2-5-28 所示,LOO'L'为一折機,它所 形成的两个周/LOO'和/OO'L'均为 45°,折截的右边 有一勾侵磁端,其方向垂直于纸面向里,一边长为 1的 正方形导线棍溶垂直于 OO'的方向以速度 2 做 3 遊直 线运动,在 1=0 的刻恰好位于图中所示位置,以逆时针 方向为导线棍中电流的正方向,在图 2-5-29 四幅图中 能够正确表示电流—时间(It)关系的是(时间以 1/2为 单位)



图 2-5-28



[無] 当线圈向上运动时,由图 2 5-30 中位置 1(实线)到位置 2(虚线)过程中,回路中切割磁滤线的有效长度 由零逐漸增大到 L. 感应电流增大, 感应电流避时针,为正;当线框由位置 2 到位置 3(点画线)过程中,切割磁滤线的有效长度在增大,感应电流增大,感应电流顺时针,为负;由位置 3 继续向上运动,切割磁滤线的有效长度在减小,感应电流凝冰到零.感应电流顺时针方向,为负.





图 2-5-30

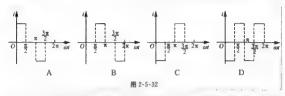
[內5] (2009。宁夏)如图 2-5-31 所示,一导体圆环位于纸而内, O为圆心, 环内两个圆心角为 90°的扁形区域内分别有勾强 磁场, 两磁场磁感应强度的大小相等, 方向相反且均与纸面垂直. 导体杆 OM 可绕 O 转动, M 端通过滑动触点与圆环良好接触, 在圆心和圆环间涂有电阻, 杆 OM 以均角速度。进时针转动。E—



图 2-5-31

时恰好在图示位置. 規定从 a 到 b 流经电阻 R 的电流方向为正, 圆环和导体杆的电阻 忽略不计, 则杆从 t=0 开始转动一周的过程中, 电流随 cut 变化的图象是图 2-5-32 中





[分析] 导体杆在转动的过程中,一个周期内有一半的时间不在磁场中,故无感应 电流,D图排除;t=0时恰好在图示位置转动,第一个 T/4 内有感应电流,B图排除;由右 手定则可知第一个 T/4 内感应电流从b到a 为负值,只有 C图正确.

#### [##] C

[對6] (2009。上灣)如图 2-5-33 所示,光滑的平行金属导轨水平放置,电阻不计,导轨间距为 1. 左侧接一阻值为 R 的电阻,区域 cdef 内存在垂直轨道平面向下的有界勾强磁场,磁场宽度为5. 一质量为 m,电阻为 r 的金属棒 MN 置于导轨上,与导轨垂直且接触良好,受到 F=0.5v+0.4(N)(v 为金属棒运动速度)的水平力作用,从磁场的左边界由静止



图 2-5 33

开始运动。测得电阻两端电压随时间均匀增大、(已知 l=1m, m=1kg, R=0,  $3\Omega$ , r=0,  $2\Omega$ , s=1m)

- (1)分析并说明该金属棒在磁场中做何种运动;
- (2)求磁感应强度 B 的大小:
- (3)若撤去外力后棒的速度 v 随位移x 的变化规律满足  $v = v_t \frac{B^t l^2}{m(R+r)}x$ ,且棒 在运动到 ef 处时恰好静止、则外力 F 作用的时间为多少?
- (4)若在棒未出磁场区域时撤去外力,函出棒在整个运动过程中速度随位移的变化阶对应的各种可能的围线。

[分析傳算] (1)金属棒做匀加速运动。因 R 两端电压  $U \propto I \propto \epsilon \propto v$ ,U 随时间均匀增大,即 v 随时间均匀增大,加速度为恒量。

(2)金属棒受到的安培力为  $F_B = \frac{B^2 \, l^2 \, v}{R+r}$ ,由牛顿第二定律有  $F - \frac{B^2 \, l^2 \, v}{R+r} = ma$ 

将 F=0.5v+0.4 代人得  $\left(0.5 \frac{B^2 l^2}{R+r}\right)v+0.4-a$ 

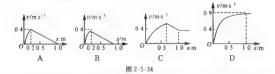
金属棒做匀加速运动、a 与v 无关、所以  $0.5 - \frac{B^2 l^2}{R+r} = 0$ , 得 B=0.5T,  $a=0.4m/s^2$ 

(3)金属棒做匀加速运动的位移为  $x_1 = \frac{1}{2}at^2$ ,做减速运动时有  $v_0 = \frac{B^2\ell^2}{m(R+r)}x_2 = at$ 





 $x_1 + x_2 = s$ , 被有 $\frac{1}{2}at^2 + \frac{m(R+r)}{B^2l^2}at = s$ , 得: 0.  $2t^2 + 0$ . 8t - 1 = 0, 解得: t = 1s. (4) 可能网络如图 2-5-34 所示.



金属棒在 F 作用下做匀加速运动时,其位移与速度关系有  $v_0^6=2ax_1$ . 撤去外力后在 安培力作用下做减速运动,通过金属棒电量  $\Delta q-1 \cdot \Delta t = \frac{E}{R+r} \cdot \Delta t = \frac{\Delta \Phi}{(R+r)\Delta t} \cdot \Delta t = \frac{BLx_1}{R+r}$ 、安培力的冲量  $F_B\Delta t = \bar{1}Bl \cdot \Delta t = BL\Delta t = \frac{B^2l^2}{R+r}x_1$  由动量定理有  $\frac{B^2l^2}{R+r}x_2 = m(v_0-v_0)$ ,得到  $v-v_0 - \frac{B^2l^2}{m(R+r)}x_2 = (v_0-0.5x_2)$  m/s. 因  $a=0.4m/s^2$ ;①若  $x_1=0.2m,v_0=0.4m/s,v_0=0$  时, $x_2=0.8m$ ,A 图图象所描述;②若  $x_1<0.2m,v_0<0.4m/s,v_0=0$  时, $x_2<0.8m$ ,B 图图象所描述;③若要金属棒离开磁场后具有速度,则 v>0,( $v_0=0.5x_2$ ) m/s $v_0=0.5x_2$  m/s

[坪桥] 本题的难点在第四小问,前三小问为第四小问作铺整,第四小问中分析金属棒在外力作用时的勾加速运动和安培力作用时的加速度减小的减速运动两种形式中的变与不变,勾加速运动的加速度不变,位移与速度是"次方的关系;减速运动中的加速度在减小,但速度与位移却是一次函数关系,巧妙地利用这两个特点,再利用二次函数不等减少的解的合理性求出外力作用不同的距离,导出减速运动的不同距离,从而确定外力作用斯察的两个临界值,x=0.2m和x=5m;这是第四小问的核心所在。

## △ 思维考试测试

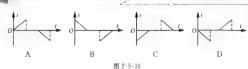
1. 如图 2-5-35 所示,在长为 L, 宽为 d 的长方形区域内 有垂直纸向里的勾强磁场,一直角三角形的闭合导线框 ABC 匀速通过磁场区域: 已知导线框 AC 边小于 L, BC 边小于 d. 运动中 AC 边平行磁场区域边界 cd. 设导线框 BC 边进人磁 场开始计时,图中箭头为电流正方向,则导线框中感应电流; 随时间;的令从图象,应是图 2-5-36 中的



图 2-5-35



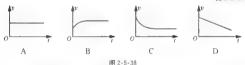




2. 如图 2-5-37 所示, -矩形闭合金属框 abcd 从高处自由下落, 进入 -个水平方向的匀强磁场, 在金属框穿过磁场的边界 MN 的过程中,其运动速度与时间的关系图象可能是图 2-5-38 中的 ( )

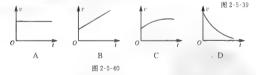


图 2 5-37



3. 如图 2-5-39 所示。两根平行光滑导轨竖直放置,处于垂直导 轨平面的匀强磁场中. 金属杆 ab 接在两导轨间,在开关 S 断开时,让 ab 自由下落,ab 下落过程中始终保持与两轨垂直并与之接触良好. 设导轨足够长且电阻不计,当开关 S 闭合后开始计时,ab 下落速度 v 随时间 t 的变化图象可能是图 2-5-40 中的





4. 如图 2-5-41(a)所示,水平放置的两根平行金属导轨,间距 L=0.30m. 导轨左端连接 R=0.60Ω 的电阻,区域 abcd 内存在垂直于导轨平面 B=0.60T 的匀强磁场,磁场区域宽 D=0.20m. 细金属棒 A1和 A3用长为 2D=0.4m 的轻质绝缘杆连接,放置在导轨平面 E1,并与导轨垂直、每根金属棒在导轨间的电阻均为 P=0.30Ω,导轨电阻不计,使金属棒以恒定速度 P=0.20M,沿导轨向右穿越磁场,计算从金属棒 P=0.20M,从金属棒 P=0.20M,从金属 P=0.20M,从金属 P=0.20M,从金属 P=0.20M,从金属 P=0.20M,从金属 P=0.20M,从金属 P=0.20M,从金属 P=0.20M,从金属 P=0.20M,和金属 P=0.20M,和金



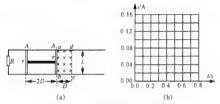


图 2-5-41

5. (2010·江苏) 如图 2-5-42 所示的电路中, 电源的电动 势为 E, 内阳为 r, 电感 L 的电阳不计, 电阳 R 的阳值大于灯泡 D的阻值,在t=0 时刻闭合开关 S,经过一段时间后,在 $t=t_1$ 时 刻断开 S.图 2-5-43 中表示 A.B 两点间电压 U.a.随时间 t 变化 的图象中,正确的是



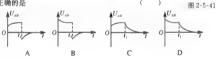


图 2-5-43

6. 如图 2 5 44 所示, -对平行的光滑轨道放置在水平面上, 两轨道间距 l=0, 20m, 电阻  $R=1.0\Omega$ ; 有一导体杆静止地放在轨道上,与两轨道垂直,杆及轨道的电阻皆可忽略 不计,整个装置处于磁感应强度 B=0.50T 的匀强磁场中,磁场方向垂直轨道面向下,现 用 -外力F沿轨道方向拉杆,使之做匀加速运动,测得力F与时间t的关系如图 2-5-45 所示,求杆的质量 m 和加速度 a.



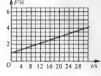


图 2-5-45



## 茶 茶素与提示

1. C(三角形线框切割磁感线的有效长度在进入磁场的过程中是逐漸减小,即感应电动势在减小,感应电流在减小,线框全部进入匀强磁场后的磁通量不变,感应电流为零,出磁场的过程中切割磁感线的有效长度也是逐漸减小,感应电流在减小,由右手定则可知进人磁场的过程中的感应电流方向与图示的方向相反,为负值,离开磁场时感应电流方向与图示的方向一查,为正值)

2. ABC(金属框的下边进入磁物区域后、金属框中就有感应电流、同时金属框的 cd 边将受到向上的安培力 $F_B$ . 若  $F_B = mg(m_B)$  金属框的重力)、金属框在穿过磁场的边界 MN 的过程中是做匀速运动,若  $m_B > F_B$ . 金属框的加速度  $a^-g - F_B$  m. 金属框的速度 v 增大,回路中的感应电流 I 在增大,金属框的严爱的安培力  $F_B$  增大,加速度 a 碳小、金属框 做加速度碳小的加速运动,当加速度碳小为零时,金属框就做匀速 直线运动;若  $m_B < F_B$ , 金属框的安培力  $F_B$   $f_B$ 

3. AC(开关 S闭合后, ab 已经具有一定的速度, 闭合电路中有感应电流, ab 受到了向上的安培力作用, 这就有三种可能性; 安培力等于重力, ab 做匀速运动, 安培力大于重力, ab 做减速运动, 安培力在减小, 是一个加速度减小的减速运动, 当安培力减小到与重力平衡时, ab 做匀速直线运动, 其速度不可能接近零. 安培力小于重力, ab 做加速运动, 安培力在增大, 是一个加速度减小的加速运动)

4.0 0.2s:A1产生的感应电动势:E=BLv=0.6×0.3×1.0V=0.18V

电阻 
$$R 与 A_2$$
并联阻值: $R_{+} = \frac{R \cdot r}{R + r} = 0.2\Omega$ 

R 两端电形 
$$U = \frac{R_H}{R_H + r} E = \frac{0.2}{0.2 + 0.3} \times 0.18V$$

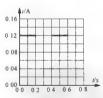
=0.072V

通过电阻 R 的电流: 
$$I_1 = \frac{U}{R} = \frac{0.072}{0.6} A = 0.12 A$$

 $0, 2-0, 4s, E=0, I_2=0$ 

0.4-0.6s.同理: I3=0.12A

图象见图 2-5-46.



限 2-5-46

5. B(开关闭合时,线圈由于自感对电流的阻碍

作用,可看作电阻。线圈电阻逐渐减小。并联电路电阻逐渐减小。电压 U<sub>A</sub>。逐渐减小; 开关 闭合后再断开时。线圈的感应电流与原电流方向相同。形成回路。灯泡的电流与原电流方 向相反。并逐渐减小到 0。所以正确选项 B)

6. 导体杆在轨道上做匀加速直线运动,用v表示其速度,t表示时间,导体杆运动的速度为v=at

#### 第二讲 图 象 法



杆切割磁感线产生感应电动势,E=Blv=Blat

在轨道回路中产生的感应电流  $I = \frac{E}{R} = \frac{Blat}{R}$ 

杆受到的安培力 Fn=IBI

根据牛顿运动定律有 $F-F_B-ma$  即  $F=F_B+ma$ 

由以上各式可得  $F=ma+\frac{B^2l^2at}{R}$ 

由图象可知在F轴上截距为

ma = 1N

斜率为

$$\frac{B^2 l^2 a}{R} = 0.1 \text{N/s}$$

由①、②式可得 a=10m/s² m=0.1kg

(1)

2



# 第三讲 整体法与隔离法

整体法:在研究物理问题时,当所研究的对象不是一个物体,而是两个或两个以上的 物体时, 若不求物体之间的相互作用力, 可将整个系统作为一个整体来研究, 若一个物体 运动是由多个运动形式所组成,若将这多个的运动形式以整体的运动情况进行求解,同 群各个运动阶段的情况 这两种情况所采取的方法均叫整体法

隔离法,将所研究的系统中的某个物体与其他物体隔离开,研究这个物体受其他物 体对它的作用力;当物体运动是由多个运动过程组合而成,逐个研究其运动过程,这两种 情况所采取的方法叫做隔离法。

应用整体法有时不能完整地解答一道物理题,但应用隔离法总能解答问题,应用整 体法往往能使求解过程简捷,有时需要将隔离法和整体法一起联合使用,进行求解,以期 达到最佳的解题涂衫.

整体法与隔离法主要甚针对动力学而采用的分析方法,所以,本书主要品从动力学 的角度来剖析问题。

# 3.1平衡态中的整体法与隔离法



#### 解释方法指导

[四1] 如图 3-1-1 所示,两根细线挂着两个盾量相同的小球 A、B。 上、下两根细线中的拉力分别是 Ta. Ta. 现在传 A. B. 带同号电荷。此时。

上、下细线受到的拉力分别为  $T_A'$ 、 $T_B'$ ,则



图 3-1-1

A.  $T_A' = T_A \cdot T_B' > T_B$ 

B.  $T_A' = T_A$ ,  $T_B' < T_B$ 

C.  $T_A' < T_A$ ,  $T_B' > T_B$ 

D.  $T_A' > T_A$ ,  $T_B' < T_B$ 

[分析] 将小球 A、B 作为一个整体,它们带电后,两球之间的作用力是内力,它们 处于平衡时,所受的重力与上前细线的拉力是一对平衡力,上前细线拉力不变,即 T。'一  $T_A$ .

以小球 B 为研究对象,没有带申时,下线拉力与 B 球的重力是一对平衡力,带申后, B球的重力和两球之间电荷的斥力之和与下线的拉力是一对平衡力,所以, $T_n'>T_n$ ,

- **事**会 A
- [專点] ]. 平衡条件是合外力为零. 利用整体法,判断上面细线的拉力不变.
- 利用隔离法,判断下面细线的拉力变化,利用B球的平衡条件来确定。





3. 判断物体平衡时,从受力个数最少的开始分析,本题中将小球 A、B 作为一个整体时,它们受力个数不变. 当判断下面线的拉力时, B 球受力的个数少于 A 球受力个数. 若以 A 球为研究对象,也能判断下面线拉力的变化,但没有以 B 球为研究对象 自测.

[**四2**] 如图 3-1-2 所示, 质量为 m=5kg 的物体, 置于一粗糙的斜面体上, 用一平行于斜面的大小为 30N 的力 F 推物体, 使物体活射面向上匀速运动, 斜面体质量 M=10kg, 且始終静止, 取 g=10m/s², 求地面对斜面体的摩擦力大小及支 kh 力去 N



[分析馬爾] (1)隔离法;将物体作受力分析,如图 3-1-3(a)所示,由图可知,在垂直 干虧而方向上,N=moros30°

在平行于斜面方向上, $F = mg \sin 30^{\circ} + f$ 所以  $f = F - mg \sin 30^{\circ}$ 

再对斜面体作受力分析,如图 3-1-3(b)所示,在竖直方向上有

N<sub>m</sub> = Mg + Ncos30° - fsin30° 将①.②两式代入③式得

 $N_{\rm m} = (M+m)g - F\sin 30^{\circ} = 135N$ 

mg (a) (b) Mg N

在水平方向上有、N,  $=N\sin 30 = mg\cos 30^{\circ}\sin 30^{\circ}$ , f,  $=f\cos 30^{\circ}=F\cos 30^{\circ}$   $mg\sin 30^{\circ}\cos 30^{\circ}$ , 显然, f, 和 N, 方向均向右,斜面体有向右运动趋势,受到地面对它向左摩擦力  $f_*$ :

 $f_{\text{NL}} = f_x + N_x = F\cos 30^\circ = 15\sqrt{3}\,\text{N}$ 

(2) 整体法:由 J 小要求求出物体和斜面体之间的相互 作用力,而目两个物体均处于平衡态,故可以将物体和斜面 体当作一个整体来研究,其受力图如图 3 1 1 所示,由图可知

30 f<sub>a</sub> F

在水平方向上,有 fm=Fcos30°=15√3N

在竖直方向上, 有 N= -(M · m)g Fsin36'-13'N

图314

野鄉 比较以上两种解法,可以说整体法是事平功倍,而隔离法是事情功率,但并 不是你有的情况都可以应用整体法,等需要求出租互接触物体之间的作用力时,则必须 用领表法,未平物体 订的租互作用力,而整体法,不能,求出它则之间的租互作用力,因为在 设和结果下,至4.2年间租互作用力,提取力,物体的率衡条件基合外力为需。

1833 "根不可伸长的相同的軽绳,一端系在单径为户的环】 上、旋此间距相等,總等过半径为户的團环。另一所用同样方式系在 半径为分的關环。上、如園、「「此不、八」對定在水平而上。整今系 地处于千中、試水第二个團环中公与第一个團环中公之间距离。」三个 問环都是用同种金屬丝制作、摩擦不計)







[分析每解] 三个國环都是用同种金属丝制作,若设环 3 的质量为 m,由于國环 2 与圆环 3 是相同的金属丝制作,环 2 的半径是环 3 半径的 2 倍,所以,环 2 的质量为环 3 的 2 倍,环 2 的质量为 2m,由于环 1 是固定在水平面上,以 2、3 两环为研究对象,由于对称性,每根绳 子所 承受的拉力为环 2、环 3 总重力的三分之 ,即 mg. 再以环 3 中的 1/3 为研究对象,在竖直平面内,1/3 圆环受力图如图 3 1-6 所示,由图可知



图 3-1-6

在竖直方向上有 $\frac{1}{3}$  $mg+mg\cos\alpha=mg$ ,解得: $\cos\alpha=\frac{2}{3}$ , $\cot\alpha=\frac{2\sqrt{5}}{5}$ 

2、3 两环之间的距离 h 为:

$$h = r_0 \cot \alpha = \frac{2\sqrt{5}}{5}r_0$$

[興壽] 对于有几个物体的相关力学问题,首先应用整体法确定某些物理量,若是 不能达到求解目的时,再根据题设条件,应用隔离法,选取与所求物理量相关的物体为研究对象进行研究或分析,进而达到求解的目的.

## 跟除训练

1. 图 3-1-7 所示,质量为 m 的物体在沿斜面向上拉力 F 的 作用下勺速下滑,而斜面与水平面始终保持相对静止,则下列判 断正确的是 ())



刚 3-1-7

A. 水平面对斜面无摩擦力

B.水平面对斜面有向左的摩擦力

C. 水平面所受的压力大小等于物体和斜面体的总重力

D. 水平面所受的压力大小小于物体和斜面体的总重力

2.有一直角支架 AOB、AO 水平放置表面粗糙、OB 竖直向下、表面光滑、AO 上套有小环 P、OB 上套有小环Q、两环质量均为 m、两环间由一根质量可忽略、不可伸长的细绳相连、并在某一位置平衡。如图 3 1 8 所示、现将 P 环向左移一小段距离,两环再次达到平衡,那么将移动后的平衡状态和原来的平衡状态比较,AO 杆对 P 环的支持力和细绳上的拉力 T 的变化情况是



原3-1-8

A.N不变,T变大

B.N不变,T变小

C. N 查大, T 变大 D. N 查大, T 变小

3. 如图 3-1-9 所示,有一根水平的粗糙的直横梁上,套有两个质量均为 m 的铁环,两铁环系有等长的细绳,共同拴着质量为 M 的小球,两铁环与小球均保持静止,现使两铁环间距离增大少许,系统仍保持静止,则水平横梁对铁球的专持力 N 和塵椒力 / 将



B.N增大。f增大

C. N 不变, f 不变

D, N 不变, f 增大



图 3 1-9





4. 如图 3-1·10 所示,用轻质细线把两个质量未知的 a、b 球悬挂起来,今对 a 球持续 施加一个向左偏下 30°的恒力,并对 b 球持续施加一个向右偏上 30°同样大小的恒力,最 后达到平衡,在图 3-1·11 中表示平衡状态的图可能是

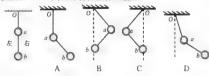


图 3-1-11

图 3-1-10

## **家最与提示**

1. BD(隔离法:质量为 m 的物体沿斜面匀速下 清·它受到的合外力为零、物体的宏观受力图如图 3-1-12所示,设斜面倾角为 g,物体受四个力的作用,其中三个力是互相垂直,故将重力作正交分解,由图 可知,N=mgcos0, f=mgsin0-F. 斜面受力图如图 3-1-13 所示,其中 N 和 f 分别与 N 和 f 是一对相互 作用力,由正空分解。即得





图 3 1-12 图 3-1 13

 $N_{\text{th}} = M_{\text{g}} + N' \cos\theta + f' \sin\theta = M_{\text{g}} + m_{\text{g}} \cos^2\theta + m_{\text{g}} \sin^2\theta$   $F \sin\theta = (M + m)_{\text{g}} - F \sin\theta$ 

 $f_{ik} = N' \sin\theta - f' \cos\theta = mg \cos\theta \sin\theta - mg \sin\theta \cos\theta + F \cos\theta = F \cos\theta$ 由表达式①可知 D 选项正确,由表达式②可知 B 选项正确。

整体法:物体和斜面均处于平衡态。作为一个整体.拉力F在 竖直方向上有向上的分量使得物系对水平面的压力减小,在水平 方向上有向右的分量使物系有向右运动趋势。因而物系受到向左 的静摩擦力. 物系的受力图如图 3-1-14 所示,由图可知物系受到 四个力的作用,在二个互相垂直,故取正交分解。由物系合力为零。 有 Nu=(M+m)g-Fsinf, fu=Fcosf.)

2. B(整体法:以 P, Q 两环为整体研究时, 两环在竖直方向上受到的重力, OA 杆的弹力 N, OB 杆光滑且竖直, 它不可能对 R Q产生竖直方向的作用力, 两环重力不变, OA 杆产生向上的 弹力 N 与两环的重力平衡, AO 杆对 P 环的支持力 N 不变; 隔 商法:以 Q 环为研究对象, 受力如图 3-1-15 所示, 绳子拉力在竖直方向上的分量 T, 与其重力是一对平衡力, 绳子拉力在竖直方向上分量 T, 不变, 而 P 环向方移一小段距离后, 角。减小, cose



(2)

PK 3-1-14



图 3-1-15





## 增大,T=<u>T</u>,减小)

3. D(整体法,将两环和小球作为一个整体来分析,两环受到横梁的支持力等于系统 的总重力,系统总重力不变,两环受到的支持力N不变,两环的间距增大,即两绳的夹角 增大,合力大小(为 $M_8$ )不变,这就意味着每根绳的张力要增大,夹角的增大,导致绳的拉 力在水平方向的分量增大,对每一个环来讲,绳的拉力在水平方向上的分量与环受到的 废据力相平衡,故废據力,广增大,D选项正确)

4. A(整体法:将a、b两球作为一个整体、对a、b两球分别施加的恒力的合力为零,两球所受到的重力与上段绳的拉力是平衡力,重力是整直方向,上段绳应为整直方向)

### 高考思想篇

# ·MG· 考点直击

年份	題源及类型	考点
2009	海南卷 T3 选择 3 分	
2008	全国 T 卷 T 21 选择 6 分、海南卷 T 2 选择 3 分	受力分析、物体平衡条件
2007	理综 I 卷 T21 选择 6 分、广东卷 T5 选择 4 分	

### ◎三考题探究

[91] 如图 3·1 16 所示, 质量为 M 的楔形物块静置在 水平地面上, 其新面的领角为 B 斜面上有一质量为 m 的小物 块, 小物块与斜面之间存在摩擦, 用恒力 F 沿斜面向上拉小物 块, 使之勾造上常, 在小物块运动的过程中, 楔形物块始终保持, 静止, 地面对楔形物块的支持力为



 $A_{n}(M+m)g$ 

B. (M+m)g-F

 $C_*(M + m)_b = F_{S,n\theta} = D_*(M - m)_B = F_{S,n\theta}$ 

**分析**,整体法:系统处于平离态,在竖直方向上合外方为零,地面对楔形物块的支持 $\pm N = (M+m) = -F \sin \theta$ 

香素] D

两2 知图、1·17 無示,在網角方方的圖定光滑斜面上,质量为 m 的物体受介力ト和 F 的作用,下 方向水平向右,下 方向竖直向上 苦坊以

静止在斜面上,则下列关系正确的是

A.  $F \sin\theta = F \cos\theta - mg\sin\theta$ .  $F \le mg$ 

D.  $F \cdot \cos\theta = F \cdot \sin\theta - mg\sin\theta$ ,  $F \le mg$ 



[2] 3 1 17



[分析] 隔离法,以物体为研究对象。将 $F_1$ 和 $F_2$ 沿平行于斜面方向和垂直于斜面方向分解,在平行于斜面方向上 定有; $F_1\cos\theta+F_2\sin\theta=mg\sin\theta$ ,若要物体静止在斜面上,必须垂直方向上有 $F_1 \leq mg$ 

#### [##] B

[**93**] (2009·灣南] 两刚性球 a 和 b 的质量分别为  $m_a$  和  $m_b$ 、直径分别为  $d_a$  和  $d_b$  ( $d_a$   $> d_b$  ), 将 a , b 依 k 放 k 入一整直放置、内径为 d ( $d_a$  < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d < d

A.  $F = (m_a + m_b)g$ ,  $f_1 = f_2$ B.  $F = (m_a + m_b)g$ ,  $f_1 \neq f_2$ 

C.  $m_a g < F < (m_a + m_b) g, f_1 = f_{\xi}$ 

D,  $m_n g < F < (m_n + m_h)g$ ,  $f_1 \neq f_2$ 

图 3-1-18

[分析] 将 a 和 b 两球作为一个整体分析, 竖直方向上简底的支持力等于两球的重

力,由牛顿第三定律可知,简底受到压力的大小等于两球重力的大小。 两球受到圆筒两侧 壁的作用力合外力为零,即两侧壁所受压力大小相等。

#### [##] A

## 八三 思维考试测试

A. 紅内气体压强增大

B. 紅内气体压强减小

C. 紅内气体压强不变

D. 气体体积减小

2. 如图 3-1-20 所示,在粗糙的水平面上放着一个三角形的木块,在它的两个粗糙斜面上分别放有质量为  $m_1$  和  $m_2$ 的两个物体,且  $m_1 > m_2$ ,若三个物体均处于静止,则粗糙的水平面对三角形木块



图 3-1-20

- A. 有摩擦力的作用,摩擦力的方向水平向右
- B. 有摩擦力的作用,摩擦力的方向水平向左
- C. 有摩擦力的作用,摩擦力的方向不能确定,因为 $m_1$ 、 $m_2$ 、 $\theta_1$ 、 $\theta_2$ 的数值均为未知量
- D. 以上结论均不对





3. 有三根长度皆为 l=1,00m 不可伸长的绝缘轻线。其中 两根的一端固定在天花板上的 ()点,另一端分别栓有质量皆 为 m=1,00×10-2 kg 的带电小球 A 和 B,它们的电量分别为 -a 和+a,a=1,00×10 7C,A,B之间用第三根线连接起来。 空间中存在大小为  $E=1.00\times10^6$  N/C 的勾强电场。场强方向 沿水平向右,平衡时,A、B 球的位置如图 3-1-21 所示, 现格 O、B之间的线烧断,由于有空气阻力,A.B球最后会达到新的



図 3-1-91

平衡位置,求最后两球的机械能与电势能的总和与停斯前相比较改变了多少。(不计两带 电小戏间相互作用的静电力)

1. AD(以两活塞为整体研究, GAB表示两活塞重力, GHz表示 水银重力, p 表示紅内气体压强, p。表示大气压, 受力如图3-1-22 所示,由两活塞平衡有  $G_{Ha}+G_{AB}+p(S_B-S_A)=p_0(S_B-S_A)$ ,解  $\frac{G_{Ha}}{S_n - S_t} - \frac{G_{AB}}{S_n - S_t}$ .  $G_{Ha}$ 减小,由封闭气体压强 p 的表 达式可知缸内气体压强 p 增大, 紅壁导热性能良好, 可认为缸内 气体是等温变化,在压强增大时,气体体积减小)



图 3-1-22

2. D(三物体静止,在水平方向没有外力作用,不存在向那个方向运动趋势,水平面对 三角形木块没有雕模力)

3. A、B 球所受重力均为 mg=1, 00×10-1 N。电场 力均为  $qE=1.00\times10^{-1}$  N,说明 mg=qE. 当 O,B 之间 的线烧断,将 A、B 球作为一个整体处理, 两球所带电 量之和为零,在水平方向上受到的电场力合力为零,在 竖首方向上,A、B 球受到的重力与线 OA 的拉力是一 对平衡力,所以线 OA 竖直,B 球受到的重力、电场力 的合力与线 AB 拉力平衡, 如图 3-1-23 所示, 由图可 知  $\tan \beta = \frac{qE}{mg} = 1, \beta = 45^{\circ}$ . 系统由图中虚线所示位置变 化到实线所示位置时,重力做功为 $W_G = mgl\sin 45^\circ +$ 2mgl(1-sin60°),电场力做功为W<sub>E</sub> = -aElcos60°+ aEl(sin45°-cos60°),系统所受外力煽动之和为W=

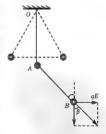


图 3-1-23

 $W_E+W_G$ ,  $W=2mgl(\sin 45^\circ+1-\sin 60^\circ-\cos 60^\circ)=6$ ,  $82\times 10^{-2}$  I. 重力和电场力做功之和 等于系统两种势能的减少,也就系统机械能与电势能的总和减少了6.82×10°1.





# 牛顿运动定律中的整体法与隔离法



### **再报方法指导**

[**图1**] 如图 3-2-1 所示, 质量为 M 的框架放在水平地面上, 一轻盾弹簧上地图 定在框架上,下端拴一个盾量为 m 的小球, 当小球上下振动时, 杠架始终没有跳起. 框 契对她而压力为重的瞬间,小球加速度大小为

A.g

 $R \frac{M-m}{M}g$ 

C. 0

D.  $\frac{M+m}{M}g$ 

图 3-2-1

解法一:(隔离法)以箱为研究对象,弹簧对箱的作用力大小为 F,方向向上,由平衡 条件有  $F=M_P$ : 以小球为研究对象, 弹簧对球的作用大小也为 F。方向向下, 由牛顿运动 定律有 mg+F=ma,由以上两式解得  $a=\frac{M+m}{M}g$ ,D选项正确.

解法二。(整体法)以箱和小球为整体进行分析,只受重力作用,由牛顿第二定律可知 (M+m)g=ma,解得  $a=\frac{M+m}{M}g$ ,D 选项正确.

[##] D

[图2] 如图 3-2-2 所示,在一小方盒内装一个盾量为 nn 的小球,小方盒与球一 起沿领角为 8 的斜面下滑,若不计一切摩擦,当 8 角增大时,在下滑过程中小球对小方 金前壁的压力 N.和财金底的压力 N.将

A. N. 变大, N. 变小 B. N. 为意、No 意小

C. N. 重大, N. 重大

D. N. 麦小。N. 麦小



图 3-2-2

「分析」 小球与小方盒一起沿光滑斜面下滑,以小球和小方盒为研究对象(整体法)。 它们重力沿斜面的分量提供加速运动所需要的力,由牛顿第二定律可知

Mgsind=Ma, ML a=gsind.

以小球为研究对象,小球的重力在平行于斜面方向的分量和小方盒对球的弹力 N', 的合力提供加速运动所需要力。 $m_0 \sin \theta - N'$ ,  $= m_0$ , N', = 0.

小球在垂直于斜面方向上的分量与盒底的支持力  $N'_2$  平衡,  $N'_2 = mg\cos\theta$ .

小球对盒前壁压力  $N_1$  与  $N_1$ , 小球对盒底部的压力  $N_2$  与  $N_2$  均是一对作用力与反 作用力,由牛顿第三定律可知它们大小相等,显然, $N_1=0$ , $N_2$ 将随 $\theta$ 角增大而减小.





[购3] 一个总质量为 M 的程空气 碰, 以加速度 a 警盲下降, 含它气浮力恒定, 垂。 传气玻以加速度 1 上升。则必循从吊箧中扔掉压敷抽多少?(空气阻力不计)

解法一:设扔掉压舱物的质量为 m,作出气球下降过程和 上升过程的受力图如图 3 2-3 所示, 由生顿第二定律可知, (1)图有  $Mg - F = Ma_*(2)$ 图有F (M m)g = (M m)a

由以上两式解得 m= 2a M

图 3 2 3

解法二:在未扔掉压舱物时的合外力为 Ma,方向向下,设扔

掉压舱物的质量为 m 后,它们的合外力的大小为 mg-(M-m)a,方向向下,将扔掉的压舱 物和探空气球一起来考虑,合外力不变,有 Ma=mg-(M-m)a 解得, $m=\frac{2a}{M}$ 

「評析」 本例采取整体法比较简捷,是源于系统的合外力不变,只是系统的合外力 的效果不同而已,第一次是合外力使系统产生加速度;第二次是合外力使系统的两部分 产生各自的加速度,合外力不变是联系两次合力作用效果的桥梁.

[四4] 如图 3-2-4 所示。故置在水平地面上的斜面体 M 上有质量为 20 的物位、物体混斜而无摩擦地滑下。而斜面体仍 保持静止,斜面倾角为 8. 诚求斜面体对地面的有什么作用力, 各为多大? 方向如何?



解法一,(隔离法)物体在斜面上受到的力如图 3-2-5 所示,物体在斜面上受到重力 mg 和支持力 N, 的作用,由于物体在垂直下斜面方向加速度为零,该方向上合外力为零, 所以有  $N_1 = mg\cos\theta$ .







图 3-2-5

图 3-2-6

图 3-2-7

对斜面体作受力分析: 重力 Mg、地面的支持力  $N_2$ 、物体的压力  $N_1$  (与  $N_1$ 是 -对作 用力与反作用力)、由于 N, 在水平方向有分量, 使斜面体有向右运动的趋势, 斜面体受 到地面对它向左的静塵擦力 f.,如图 3-2-6 所示,斜面处于静止,在竖直方向和水平方向 合外力均为零,有  $N_2 = Mg + N'_1 \cos\theta = (M + m\cos^2\theta)g$ ,  $f_1 = N'_1 \sin\theta = mg\cos\theta\sin\theta$ .

由牛顿第三定律可知。斜面体对地面有压力作用。大小为 $(M+m\cos^2\theta)g$ ,方向竖直 向下,斜面体对地面的静摩擦力大小为 mgcos θ sin θ, 方向水平向右,

解法二:(整体法)物体 m 在盲角劈上无摩擦地下滑,其下滑的加速度为 a,由物体的 受力图 3-2 5 和牛顿第二定律可知, $mgsin\theta - ma$ , $a = gsin\theta$ .

由于物体有沿斜面向下的加速度 a. 该加速度在水平方向上有分量 a. 和努育方向上



的分量 $a_*$ ,如图 3-2-7 所示, $a_*=a\cos\theta=g\sin\theta\cos\theta$ , $a_*=a\sin\theta=g\sin^2\theta$ .

对于斜面体和物体所组成的系统,受力图如图 3-2-7 所示,在竖直方向上,物体 m 有向下的加速度。

故竖直方向上有: $(M+m)g-N=ma_*$ ,所以  $N=(M+m\cos^2\theta)g$ 

在水平方向上,物体m 有水平向左的加速度,故在水平方向,地面有向左的静摩擦力提供物体m 向左加速所需的力;  $f_1 = ma_s = mg\cos\theta \sin\theta$ 

由牛顿第三定律可知。斜面体对地面有压力作用,大小为 $(M + m\cos^2\theta)g$ ,方向竖直向下,斜面体对地面的静態擦力大小为 $mg\cos\theta\sin\theta$ ,水平向右。

[釋新] 隔离法: 将物体与斜面体分别研究其受力情况, 求出物体与斜面体间的相互作用的弹力, 再求出地面对斜面体的作用力, 最后由牛顿第三定律确定斜面体对地面的作用力, 自接求斜面体对地面的作用力是不可能求出的.

整体法,建立在深刻理解牛顿第二定律的基础上,将物体为研究对象求出物体运动的加速度、将加速度沿竖直和水平两个方向分解,将物体和斜面体为一个整体为研究对象,应用牛顿第二定律求解,此过程中F=ma中质量m是具有加速度物体的质量,由于斜面体没有加速度,m是物体的质量,而不是系统的质量。

隔离法中没有求物体运动的加速度。整体法没有物体与斜面体之间的弹力,两种方 法各有优点,但是本题若是物体沿斜面体下滑时有摩擦力的情况,那么应用整体法就比 应用隔离法要简捷得多。

[明5] 如图 3-2-8 所示,水平桌面上放有 A, B 两个物体, A, B 阆 用一棵胶杆 (\* 相逢。已知物体 A 的质量是 m; 一0.5 kg, B 的质量是 m; — u, 2 kg, A C 的质量是 m; — u, 2 kg, A D 与桌面的动座擦图数是 u, 2 D 与桌面间的动



图 3 2-8

摩擦图数是μ = 0.5. 使它们以一定的初速度开始沿平面向右运动。在运动过程中杆(\*
対 AB 两物体鉴直向下的压力大小相等,那么杆(\*在水平方向受到 Λ、B 两物体的作用力是拉力还是压力?力的太小各基多少?(取 μ= 10m «\*)

分析。 C 物体对 1. B的压力相等。A. B 对 C 的支持力相等

在竖直方向上有 2N=m3g 解得: N=1N

滑动摩擦力  $f_1 = \mu_1 N = \mu_1 (m_1 g + N) = 1.2N$ 

滑动摩擦力  $f_B = \mu_2, N_2 = \mu_2 (m_2 g + N) = 2N$ 

系统檢加速度によっ十十顿运动定律有 $a = \frac{f_A + f_B}{m_B + m_B} = 3.2 \text{ m/s}^2$  (整体法)

Classical and the second of th

THE CALL BUT OF THE STATE OF THE

辞析 ちょう ディス ショップ 大学作りたりでもで 「夏」「コート | 本体表現す 「スキップ・マー」 「明め去い是 人日 中半支封(こくご行り火で作り」



力,最后用牛辆第三定律确定 C 在水平方向受到 A、B 两物体的作用力是拉力还是压力。

## 超触训练

1. 如图 3-2-9 所示。质量为 m=50kg 的人通过光滑的定滑轮拉质量为 M=20kg 的 物体。当物体以加速度  $a=5m/s^2$  上升时,人对她面的压力为 $(g=10m/s^2)$ A. 200N



B. 300N

C. 400N

D. 500N







第3-2-9

图 3-2-10

9月3-2-11

2. 如图 3-2-10 所示, 人和车的质量分别为 m, 和 m, 置于光滑水平面上, 人用水平力 F 拉绳, 图中两段编子都处于水平方向, 不计滑轮、编子的质量及雕樓, 人与车保持相对 静止,则车的加速度为 )

A n

$$B_i \frac{F}{m}$$

 $C_1 = \frac{F}{m_1 + m_2}$   $D_2 = \frac{2F}{m_2 + m_2}$ 

D. 
$$\frac{2F}{m_1+m}$$

3. 如图 3-2-11 所示, 质量都为 m 的两物体 A 和 B, 中间用一个劲度系数 为 k 的轻弹 簧连接着,将它们置于光滑的水平面上,水平恒力 Fi 和 Fi 分别作用在 A 和 B 上,方向如 图所示, 月 F: >F2, 则弹管的压缩量为

A. 
$$\frac{F_1+F_2}{\cdot}$$

$$F_1 - F_2$$

B. 
$$\frac{F_1 - F_2}{t}$$
 C.  $\frac{F_1 + F_2}{2t}$  D.  $\frac{F_1 - F_2}{2t}$ 

$$p_1 = F_1 - I$$

4. 如图 3-2-12 所示, 一质量为 M 的楔形木块放在水平桌 面上,它的顶角为90°,两底角为a和8;a,b为两个位于斜面上 质量均为m的小木块,已知所有接触面都是光滑的,现发现a、 6沿斜面下滑,而楔形木块静止不动,这时楔形木块对水平桌



图 3-2-12

面的压力等于

B. Mg+2mg

A. Mg + mg

 $C, Mg + mg(\sin^2 a + \sin^2 \beta)$ 

D,  $Mg + mg(\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta)$ 

5. 如图 3-2-13 所示,位于光滑固定斜面上的小物块 P 受到 一水平向右的推力 F 的作用, 已知物块 P 沿斜面加速下滑, 现保 特 F 的方向不变, 使其减小, 则加速度



A. 一定变小

B. 一定变大

C. 一定不变

D. 可能变小,可能变大,也可能不变



 如图 3-2-14 所示,在倾角为α的固定光滑斜面上,有 ·用绳子拎着的长木板,木板上站着 · 只猫, 已知木板的质 量是猫的质量的 2 倍, 当绳子突然断开时, 猫立即沿着板向 上鞠,以保持其相对斜面的位置不变,则此太板沿斜面下滑 的加速度为



 $A, \frac{1}{n} g \sin a$  B,  $g \sin a$ 

 $C_{r} = \frac{3}{2} g \sin \alpha$ 

D. 2gsina

7. 木块与 金属块用细绳连在 -起悬浮在水中,当细绳突然断开后,木块上升到 其上表面剛与水面相平时上升的距离为人。已知水的密度、木块的密度、金属块的密度二 者之比为1:0.8:5,则此时,金属块下降的距离为多少?

- 解得 T=300N,对于人,受:个力作用而平衡,他面的支持力 N,编的拉力 T 和重力 mg, 目有 T+N=mg, N=mg-T=200N, 由牛顿第三定律可知人对地面的压力等于 200N)
  - 2. D(整体法,系统受两根绳子的水平拉力 2F,由牛顿第二定律可知 a= 2F )
- 3. C(整体法确定系统加速度:系统受到合外力为 $F_1-F_2$ ,加速度 $a=\frac{F_1-F_2}{2}$ ,由隔 离法确定弹簧弹力, 对 A 有 F,  $F=ma=\frac{F_1-F_2}{2}$ ,  $F=\frac{F_1+F_2}{2}=k\Delta x$ ,  $\Delta x=\frac{F}{t}=\frac{F_1+F_2}{2}=\frac{$  $\frac{F_1+F_2}{2L}$
- 4. A(a,b 沿斜面下滑,a,b 两物沿两斜面无摩擦下滑的加速度分别为;a,= gsing,  $a_b = g \sin \beta$ , 两物的加速度在竖直方向上的分量分别为,  $a_m = g \sin^2 \alpha$ ,  $a_b = g \sin^2 \beta$ ,  $a_b b$  两物 质量相等,在竖盲方向上失重部分分别为 mgsin²a、mgsin²β,即水平桌面对楔形木块的支 持力为  $N=(M+2m)g \cdot mgsin^2\alpha - mgsin^2\beta$ . 楔形木块的顶角为 90°, 两底角之和  $\alpha+\beta=$  $90^{\circ}$ ,  $\sin^2 \alpha + \sin^2 \beta = 1$ , N = Mg + mg. 由牛顿第三定律可知, 楔形木块对水平桌的压力为 Mg+mg)
- 5. B(解法-:设斜面倾角为 θ,物块加速度为: $a = \frac{mg\sin\theta F\cos\theta}{m} = g\sin\theta \frac{F\cos\theta}{m}$ , 由上式可以判断,当下减小,4增大:解法二:斜面光滑,物块能加速下滑说明力下沿斜面 的分量小干重力沿斜面的分量,当下的减小,加速度一定增大)
- 6. C(隔离法:设猫的质量为 m,板的质量为 2m. 因猫相对斜面位置不变,在平行于斜 面方向上猫受到板的滑动摩擦力 f 与猫的重力平行于斜面的分量是一对平衡力,f=  $mg\sin a$ ,板受到沿斜面向下合力使板向下加速,有  $2mg\sin a + f = 2ma$ ,由以上两式得 $a = mg\sin a$ 3gsin a;整体法:以板和猫为研究对象,它们沿斜面向下,合力提供板加速运动所需要的

# 力,3mgsin a=2ma, $a=\frac{3}{2}$ gsin a)

7. 木块与金属块作为一系统,合外力为零,设木块、金属块体积分别为 $V_1$ 和 $V_2$ ,它们 密度分别为  $\rho_1$  和  $\rho_2$ , 水的密度为  $\rho_1$  由合外力为零有  $\rho_1 V_1 g + \rho_2 V_2 g = \rho(V_1 + V_2) g$ , 即  $\rho_1 V_1$ 





 $+ \rho_t V_2 = \rho(V_1 + V_2)$ ,由此式可得体积关系 $\frac{V_1}{V_2} = \frac{\rho_t - \rho_t}{\rho - \rho_t} - \frac{4}{0.2} = 20$ ,当绳断后,木块的加速 度为 $a_1$ ,金属块的加速为 $a_2$ ,系统的合外力不变(整体法),金属块与木块合外力为零,应 有  $\rho_1 V_1 a_1 - \rho_2 V_2 a_2 = 0$ ,所以  $\frac{a_1}{a_2} = \frac{\rho_1 V_2}{\rho_1 V_2} = \frac{5}{16}$ ,绳子断后木块和金属块均做初速度为零的 匀加速直线运动,金属块下降距离为s, h = a,  $-\frac{5}{16}$ , s = 3, 2h.

### 高考思想篇

# J \* 5 5 4

年份	题源及类型	考点
2009	北京理線 T22 计算 14 分	受力分析、牛顿运动定律、 勾变速运动规律
2008	灾区卷 T24 计算 18 分、灾区卷 T14 计算 6 分、 海南卷 T9 选择 4 分、海南卷 T15 计算 8 分、 江苏卷 T3 选择 3 分、山东卷 T19 选择 4 分、 理線 II T6 选择 6 分	
2007	江苏卷 T6 选择 3 分、江苏卷 T19 计算 16 分	

### ●二者發探索

[图1] 如图 3 2 15 所示,光滑水平面上放置 质量分别为 m和 2m的四个木块,其中两个盾量为 2m 大静摩擦力是uma、现用水平拉力F拉其中一个

质量为2m的木块。使四个木块以同一加速度运动,则轻绳对加的最大拉力为

A. 3 mg B.  $\frac{3\mu mg}{}$ C. 3 mg D. 3u me

分析。 有侧上木块与下面木块之间的最大静摩擦力 mag 提供质量为 4m 的 . 个 物体运动的加速度,绳左侧木块的总质量为3m,绳的最大拉力为<sup>3gmg</sup>

#### 番● B

图2 如图,公内所示,水平地面上有一根形物体力,为的斜面上有一小物块 ··· 与6之间、6与此面之间介存在摩擦,已知些形物体 0 粒生时。1 静止在 6 的斜面上 现给4和6一个共同的向左的初速度,与a和6都静止 时相比,此时可能

A. a. 与 b. 之间的压力减少。且 a. 相对 b. 向下滑动

B.a与b之间的压力增大。且 u 相对b 向上滑 · C. a 与 b 之间的压力增大,且 a 相对 b 静止不动

D. b与地面之间的压力不变。且 a 相对 b 向上滑动





[分析] 由于b与她面之间存在鹰橹,b做减速运 动,其加速度方向向右,作出a的静止时受力图如图 3-2 17 所示,由图可知, N与 f 的合力与mg 是一对平衡 力, 若给 a 与 b 一个共同的向左的初速度之后 a 相对 b 静止, a 受到的合力沿水平方向向右, 而 a 只受 : 力作 用,重力不变。将N与f的沿水平方向和竖直方向作正



交分解,水平方向合力向右,竖直方向合力为零,当 N 增大时, f 减小;当 N 增大到竖直 方向的分量大于 $\alpha$  受到的重力时, f 反向, 则有可能  $\alpha$  相对 b 向上滑动, 由于  $\alpha$  可能且有 向上的加速度,对于系统而言,处于超重状态,则 6与她而之间的压力会发生变化。

#### [##] BC

[BI3] 如用 3-2-18 所示。一盾量为 M 的模仿年建在匀读下 降, 芸年琥所鲁淳力下始终保持不变, 年速在运动过程中所参阻力 仅与速率有关,重力加速度为 8. 现欲使该气珠以同样速率匀速上 升,则索从气球器中减少的盾量为



A, 
$$2(M-\frac{r}{g})$$

$$R_{i}M - \frac{2F}{g}$$

A, 
$$2(M - \frac{F}{g})$$
 B,  $M - \frac{2F}{g}$  C,  $2M - \frac{F}{g}$  D, 0

[分析] 整体法:系统合外力为零,速率不变,上升和下降时受到的阻力大小 f 不 变,仅方向发生变化,两次的阳力大小为

$$f=Mg-F=F-(M-\Delta m)g$$
, ##4:  $\Delta m=2(M-\frac{F}{g})$ 

#### [ \* \* ] A

[四4] 如图 3-2-19 所示,两光滑斜面的倾角分别为 30°和 45°, 质量分别为 2r 和加 的两个滑块用不可伸长的轻绳通过滑轮连接(不 计滑轮的盾量和摩擦),分别置于两个斜面上并由静 止释放;若交换两滑块位置,再由静止释放,则在上 述两种情形中正确的有

A. 盾量为 2m 的滑块受到重力、绳的张力、沿斜 30° 面的下滑力和斜面支持力的作用 图 3-2-19

- B. 盾量为 m 的滑块沿斜面向上运动
- C. 绳对盾量为 m 的滑块的拉力均大于盆滑块对绳的拉力

### D. 系统在运动中机械能均守恒

[分析] 质量为 2m 的潜块无论在哪个斜面上,重力平行于斜面的分量都比质量为 m 的滑块平行于斜面的分量大,所以,质量为 2m 的滑块沿斜面加速向下, 质量为 m 的滑 块沿斜面加速度向上, 绳子对两滑块的拉力大小相等, 系统只有重力做功, 机械能守恒。



[例 5] 直升机悬停在空中向地面投放装有截突物管的箱子。

如图 3-2-20 所示, 设授被初速度为需,箱子所受的空气阻力与箱 干下蕉漆磨的平方成正比,且运动过程中箱干给终保持图 3-2-20 所示姿态 在箱子下莲过程中。下到说法正确的是

A 箱内勒值对箱子底部始终没有压力

- B. 箱子刚从飞机上投下时,箱内物体受到的支持力量大
- C. 箱子接近地面时,箱内物体受到的支持力比刚投下时大
- 图 3-2-20 D. 芸下莲距真足鸲长, 籍内编体有可能不参启都专持力而"黧起来"



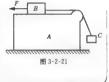
「分析」 以類子和額內物体为研究对象(整体法),類子受到的阻力为 f=kd 由牛顿运动定律有(m+M)g-f=(m+M)a

对新内物体(隔离法)由牛顿运动定律有 mg-N=ma

开始时,速度为零, f=0, 对应的 N=0, 当速度 v 增大, 加速度 a 减小, N 增大

### [##] C

[四6] 水平面上有带圆弧形凸起的长方形木 埃 A. 水块 A 上的物体 B 用绕过凸起的轻额与物体 C相连, B与马起之间的镊是水平的, 用一水平向左 的拉力F作用在物体B上,恰使物体A、B、C保持 相对静止,如图 3-2-21 所示,已知物体 A、B、C 的盾 景均为m。重力加速度为 g。不计所有的摩擦。则拉 力 F 应为多大?



「分析 ] 设编中张力为 T,A,B,C 共同的加速度为 a,与 C 相连部分的编与竖直线 夹角为a,如图 3-2-22,由牛顿运动定律,对 A、B、C 组成的整体有

F=3ma

①(整体法)

F-T=ma(2)(隔离法) 对B有

Tcos α=mg (3)(隔离法) 对C有  $T \sin a = ma$ (4)

由①、②解得 T=2ma (5)

由③、④解得  $T^2 = m^2(a^2 + g^2)$  ⑥



再由⑤、⑥两式解得  $a = \frac{\sqrt{3}}{3}g$ ,进而得到  $F = 3ma = \sqrt{3}mg$ .

「閏7」科研人员乘气玻进行科学者塞,气速、库舱、压舱物和科研人员的总盾量。 为 990kg 气球在空中停留一段时间后,发现气球漏气而下降,及时堵住, 堵住时气球 下降速度为 1m/s,且做匀加速运动,4s 內下降了 12m, 为使气球安全着陆,向舷外缓 慢抛出一定的压舱物, 此后发现气球做勾减速运动,下降速度在5分钟内减少了 3m/s. 苦穷气阻力和泄漏气体的质量均可忽略, 重力加速度 y=9,89m/s², 求概掉的 压舱物的盾量。





[分析] 由题意可知加速运动时有  $h=v_0t_1+\frac{1}{2}a_1t_1^2$ ,  $a_1=\frac{2h}{t_1^2}-\frac{2v_0}{t_1}-1$ , 0 m/s<sup>2</sup>

廣速运动时的加速度  $a_t = \frac{\Delta v}{t^2} = 0.01 \text{ m/s}^2$ ,将气球、座舱、压舱物和科研人员作为个整体研究,受到的合外力不变。在,

$$ma_1 = \Delta mg$$
  $(m \ \Delta m)a_2$ , ##4;  $\Delta m = \frac{a_1 + a_2}{g + a_2} m = 101 \text{kg}$ .



- (1)运动员竖直向下拉绳的力;
- (2)运动员对吊椅的压力。

图 3-2-23

[分析] (1)设运动员整直向下拉绳的力大小为F,运动员和吊椅作为一个整体(整体法),由牛顿第二定律有 ${}_{1}2F-(m_1+m_2)g=(m_1+m_2)a$ ,所以 ${}_{2}$ 

$$F = \frac{(m_1 + m_2)(g+a)}{2} = 440 \text{N}.$$

(2)以运动员为研究对象(隔离法),由牛顿第二定律有, $F+N-m_1g=m_1a$ 解得, $N=m_1(g+a)-F=275N$ .

# 思维考试测试

1. 如图 3-2-24 所示,置于水平地面上的相同材料做成、质量分别为 m 和 M 的两物体用细绳连接,在 M 上施加一水平恒力 F,使两物体做匀加速直线运动,对两物体间细绳上的拉力,正确的说法是

A. 地面光滑时,绳子拉力大小等于 $\frac{mF}{M+m}$ 



C. 她面不光滑时,绳子拉力大于等于 $\frac{mF}{M+m}$ 

D. 她面不光滑时,绳子拉力小于等于 $\frac{mF}{M+m}$ 

2. 在场强为 E 的勾强电场中。固定放置两个带电小球 1 和 2,它们的质量相等。电荷分别为  $q_1$  和  $-q_2$   $(q_1 \neq -q_2)$ . 球 1 和球 2 连线平行于电场线。如图 3-2-25 所示,现同时放





开1球和2球,于是它们开始在电场力的作用下运动.如果球1和 球2之间的距离可以取任意有限值,则两球刚被放开时,它们的加 该度可能是

2 **0** 1

A. 大小不等, 方向相同

B. 大小不等,方向相反

C. 大小相等, 方向相同

D. 大小相等,方向相反

3. 一质量为 M=10kg 的木楔 ABC 静止在粗糙水平地 面上,它与地面间的动摩擦因数 µ=0.02. 在木楔的倾角 θ= 30°的斜面上,有一质量 m=1.0kg 的物块由静止开始沿斜

30°的斜面上,有一质量 m=1.0kg 的物块由静止开始沿斜 面下滑,如图 3-2-26 所示.当滑行的距离 s=1.4m时,其速 度 n=1.4m/s 在这个过程中,未模型有动,或地面对未模的



图 3-2-26

度  $v=1.4 \mathrm{m/s}$ . 在这个过程中,木楔没有动,求她面对木楔的摩擦力的大小和方向(重力加速度  $g=10 \mathrm{m/s^2}$ ).

4. 两个质量不計的弹簧将—金屬块支在箱子的上顶板与下底板之间,箱只能沿竖直方向运动,如图 3-2-27 所示,两弹簧原长均为  $0.8 \mathrm{m}$ , 劲度紧 数相同。当箱以  $a=2.0 \mathrm{m/s}^2$  的加速度匀减速上升时,上弹簧的长度为  $0.7 \mathrm{0m}$ ,下弹簧的长度为  $0.5 \mathrm{0m}$  取  $g=10 \mathrm{m/s}^2$ ,若上顶板受到的压力是下底板受到的压力的 1/4 时, 试判断箱的运动情况.



图 3-2-27

5. 如图 3-2-28 所示,质量为 M 的斜面体置于水平上,其上有质量 为 m 的小物块,各接触面均无摩擦, 第一次将水平力 F, 加在 m 上, 第二 次将水平力 F, 加 L, 两次都要求





图 3 2-28

m与M之间不发生相对滑动,求 $F_1:F_2=?$ 

### \*\* 答案与提示

1.  $AB(整体法: 对 m 和 M, 应用牛顿第二定律可知加速度 <math>a = \frac{F - \int_{m} - \int_{M}}{M + m}$ ,隔离法:

对 m 物体应用牛顿第二定律有, $T-f_m=ma$ ,可得  $T=ma+f_m=\frac{mF+Mf_m-mf_M}{M+m}$ ,将

 $f_m = \mu mg$  和  $f_M = \mu Mg$  代人后得  $T = \frac{mF}{M+m}$ ,可见本题中的 T 与 $\mu$  无关,但必须注意到本题中的两个物体与地面的动摩擦因数相同,若是不同,则结果不同)

2. ABC(隔离法;两小球受到外电场力大小不相等时,两球间的库仑力大小相等,方向相反,且均与受到的电场力方向相反.由于两球之间的距离不能确定,库仑力的大小 F 有很多可能性,设 $_{q_i}>_{q_i}$ , $_{F}$  小于球  $_{1}$  受到的电场力而大于球  $_{2}$  受到的电场力,则两球的 台外力方向相同,合力大小 $_{q_i}E$   $_{F}$  与 $_{F}$   $_{q_i}E$  更可能相等也可能不等,导致加速度的方向相同而大小可能相等也可能不等, $_{F}$  大 于球  $_{1}$  受到的电场力,合力大  $_{F}$   $_{q_i}E$   $_{F}$  大  $_{F}$   $_{F}$ 



mecosa.



 $NF-q_1E$  与 $q_2E-F$  肯定不等,方向相反,加速度的大小不等方向相反。整体法,两球受到的电场力的合力不为零,即 $ma_1+ma_2\neq 0$ ,两球的 $a_1+a_2$ 

3. 隔离法:物块沿斜面下滑时做初速度为零的匀加速

运动,有  $v^2 - 2as$ ,所以  $a - \frac{v^2}{2s} = \frac{1.4^{\circ}}{2 \times 1.4} \text{m/s}^2 = 0.7 \text{m/s}^2$ .

对物块和木楔分别作受力分析如图 3-2-29 所示.

对物块有  $mg\sin\theta - f = ma$ ,  $f = m(g\sin\theta - a)$ , N =

Mg

图 3-2-2

対木楔在水平方向上有  $f_x = f\cos\theta - N\sin\theta = -ma\cos\theta = -1.0 \times 0.7 \times \cos 30^{\circ}N = -0.61N$ .

6 3-2-30

说明地面对木楔的静摩擦力大小为 0.61N,方向与图中假定的方向相反,水平向左。

整体法,求出物块下滑加速度  $a=0.7 \text{m/s}^2$ ,该加速度沿水平方向有 向左的分量、如图 3 2 30 所示,此水平分量大小为  $a_s$ — $a\cos\theta$ . 将木锲和物块作为一个整体来研究,在水平方向上有加速度,就有外力提供做加速运动需要的力,这个力就是水平面对木楔的静摩擦力,由牛顿第一定律可得

 $f_x = ma\cos\theta = 1.0 \times 0.7 \times \cos 30^{\circ} N = 0.61 N$ ,方向与 $a_x$ 方向相同,水平向左.

 $5.F_1$ 作用在m时,对于系统(整体法)有 $F_1$ = $(M+m)a_1$ ,对于m(隔离法)受力如图 3-2-31(1)所示,M 对m 的弹力  $N_1$ 在竖直方向的分量与m 的重力平衡,水平方向分量为  $N_{1z}$ = $mgtana_1$ ,m 对M 的压力在水平方向上分量提供M 加速运动所需外力,即  $N_{1z}$ =mgtana= $Ma_1$ , $a_1$ = $\frac{m}{1.62}$ tan,即

$$F_1 = (M+m)a_1 = \frac{m}{M}(M+m)g\tan\alpha$$

 $F_2$ 作用在 M 时,对于系统(整体法)有  $F_2$  =  $(M+m)a_2$ ,对于m(屬离法),其受力图如图 3-2-31(2)所示,重力mg 和支持力 $N_2$ 的合力提供m 在水平方向做加速运动所需的外力,有 $mgtang=ma_2$ , $a_2$  = gtang.

$$F_2 = (M+m)g \tan \alpha$$



图 3-2-31

2





## 由①、②两式相比得 $\frac{F_1}{F_2} = \frac{m}{M}$ .

# 3.3 能量与动量中的整体法与隔离法

机械能守恒定律、能量守恒定律及动量守恒定律主要是针对系统,当系统有受力条件与守恒定律的条件符合时,就应用守恒定律求解,应用守恒定律求解省去过程中的一些变化,只考虑初态和未态的状态量,这样处理问题使过程大为简捷。

动量定理可以应用于系统,但在高中阶段动能定理最好不要应用于系统,对单个物体的多个运动阶段,应用动能定理求解是很好的选择。

由于电场力做功的特点与重力做功的特点极为相似,所以,带电体的运动过程中应 用能量守恒定律也是很常见的。

掌握高中阶段每个力做功的特点是应用能量守恒定律的先决条件,



### 解题方法指导

[閏1] 一个质量为 2kg 的物体,以 4m/s 的速度在光滑水平面上向左滑行,从某时刻起,作用在物体上一个向右的水平力,经过一段时间,物体的速度方向变为向右, 大小仍为 4m/s,在这段时间内,水平力做功为

A, 0 B, 8J C, 16J

D. 32J

[分析] 物体在这段时间内,物体先做勾践速运动,后做勾加速运动,全过程中初速度和未速度的大小相等,动能不变,即动能的增量为零,外力的功为零.

### [書金] A

[坪新] 物体在减速过程,水平力做负功,在加速过程,水平力做正功,尽管物体运动过程中位移和受力的大小均不可求,应用动能定理间接可知全过程水平力的功为零,这就是动能定理解题的优势,也是整体法的优势,本颗是过程整体法.

[**92**] 物体 A 和 B 用 羟 规相 连 挂 在 轻 弹 簧 下 静 止 不 动, 加 图 3 · 3 · 1(a) 所 示 · A 的 质 量 为 m · B 的 质 量 为 M · 当 连 接 A · B 的 晚 实 然 所 F 后 · 物 体 A 上 升 经 某 一 位 置 时 的 速 度 大 小 为 v · 这 时 物 体 B 的 下 落 速 度 大 小 为 u · 加 图 3 · 3 · 1(b) 所 示 . 这 段 时 间 里 · 换 普 的 弹 力 对 物 k A 的 冲 量 为

A. mv

B. mv-Mu

A m B w

a) (b) 图 3-3-1

[分析] A、B 两物体在绳子断后、B 做自由落体运动、A 做加速度减小的加速运动、 当物体 B 的 下落速度 大小为。时,在相等的时间内,A 的上升速度大小为 v. 说明在这段 时间内,两物体动量的改变量已知,即受到合外力的冲量已知、物体 B 只受重力作用、物 体 A 受重力和弹力的作用、对物体 B 应用动量定理可来出这段时间,再对物体 A 应用动





#### 量定理就可求出弹力的冲量(隔离法)

以 B 为研究对象,应用动量定理有 Mgt=Mu, $t=\frac{u}{g}$ 

以 A 为研究对象,应用动量定理有  $I_k$   $-mgt=I_k$  -mu=mv

可得弹力冲量 L=mv+mu

[##] D

[弊奇] 对 B 物应用动量定理求运动的时间,对 A 应用动量定理求弹力冲量,本题 若将 A、B 作为一个整体是无法求得弹力的冲量,所以,整体法与隔离法之间有时是无法 替代的.

[內 3] 一皮帶运輸机按图 3-3-2 所示的方向以恒定的速率 v 运动,  $\leq A$  端約漏斗不断地向皮带上漏下煤粉时,皮带上的煤粉增加的速率为  $k=\frac{\Delta m}{r}$ , 而

皮带运输机由干煤粉蒸在皮带上所需要增加的功率为多少?

对于这个问题,两个学生应用不同的方法得出不同的结果, 请分析这两个学生解答结果不相同的原因.并说明他们解答过 程中存在什么问题



学生甲;煤粉落到上受到皮带对它在水平方向上的作用力为F,由动量定理可知, $F\Delta u = \Delta m \circ v$ ,煤粉对皮带在水平方向上的作用力大小增量也为F. 皮带保持匀造运动,说明皮带运输机需要增加功率为 $P = Fv = \frac{\Delta m v}{\Delta t} \circ v = kv^2$ .

乙同学认为煤粉落在皮带上能与皮带一起运动。单位时间内煤粉增加的动能就

是皮带运输机所需要增加的功率  $P = \frac{\frac{1}{2}\Delta mv^2}{\Delta t} = \frac{1}{2}\frac{\Delta m}{\Delta t} \cdot v^2 = \frac{1}{2}kv^2$ .

甲. 乙两学生求解过程是哪个对,或是两个都错呢?

[分析] 煤粉落到皮带没有水平方向速度,与皮带在水平方向上有相对运动,它们 之间产生滑动摩擦力,是滑动摩擦力便煤粉加速,当煤粉的速度与皮带相同时,它们之间 没有相对运动,滑动摩擦力消失,而皮带要保持匀速运动,在运动方向上增加的力等于煤 粉对它的潜动摩擦力

煤粉加速运动的时间内,煤粉的位移为 $s_1 - \frac{v}{2}t$ ,皮带的位移为 $s_2 - ut - 2s_1$ ,滑动摩擦力对煤粉所做的功等于煤粉动能的增量,皮带上增大的力所做的功是滑动摩擦力与 $s_2$ 的乘积,是滑动摩擦力对煤粉做功的。倍、功率就是二倍、乙同学将滑动摩擦力对煤粉所做的功当作皮带所增加的力对皮带所多做的功,是研究对象的错误。

综上所述,甲正确而乙错误,

[ 應 會] 本例说明动能定理只能适用于单个物体,而不能适用于系统,动量定理既适用于单个物体,也适用于系统,在高中阶段,这是两个定理在应用中最重要的区别,

例1对物体的整个运动过程应用动能定理,是将分段的运动过程作为整体处理,例3中将皮带与煤粉作为一个整体来处理,是对研究对象的整体处理,尽管都是整体法,但一个是单个物体多个运动过程,将过程整体处理,一个是多个物体作整体处理。





[四4] 盾量为 M 的木块在光滑的水平面上以速度 zu 向右运动。盾量为 zu 的子 弹以速度 20水平向左迎面射击木块。并嵌在其中,要使木块停下来,必须发射的干弹 县目楼

A.  $\frac{(M+m)v_2}{mv_2}$ 

 $B_i \frac{Mv_1}{(M+m)v_0}$ 

C.  $\frac{Mv_1}{mv_2}$ 

D,  $\frac{mv_1}{M_{re}}$ 

木块要停下来,必须是子強射人伸木块减速为零,从动量守恒的角度来看, 即子弹的总动量与木块的动量大小相等,方向相反。设子弹数为 $n,nmv_1=Mv_1,n=\frac{Mv_1}{mv_1}$ 

#### [##] C

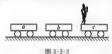
[四5] 如图 3-3-3 所示,三辆相同的平板小车 a,b,c 成一直线排列,静止在光滑 水平地面上, c 车上一个小硅酰到 b 车, 接着又立即从 b 车只到 a 车上, 小硅酰氯 c 车 和b 车时相对地水平速度相同。他跳到 a 车上没有走动使相对 a 车静止,此后 ( )

A.a.c 两车的法奉相等

Ba.b两车的途率相等

C. 三辆车速率关系为 v.>v.>v.

D. a.c 两车的运动方向一定相反



「分析」 设小孩的质量为m,小车的质量为M,向左为正方向,小孩由c车跳到b

 $(M+m)_{U_a}$ ,  $U_a = \frac{m}{M+m}v$ 

#### [##] CD

[四6] 如图 3-3-4 所示。一固定的排形太块,其斜面 的倾角 β=30°,另一边与地面垂直,顶上有一定滑轮,一基 款的细维跨过定滑轮,两端分别与物块 A 和 B 连接, A 的 盾量为 4m, B 的盾量为 m, 开时将 B 按在地面上不动, 然后 放开车,让A沿斜面下滑而B上升,物块A与斜面间无摩 擦,设当 A 沿斜面下滑 s 距离后,细线突然断了, 求物块 B 上升的最大高度 H.

開 3-3-4

「分析」 两物块组成的系统在一起运动的过程中,只有重力做功,机械能守恒,细绳 断的睡间, B 物块具有向上的赚时速度, 相当于竖直上抛运动, 两个过程中上升的总高度 即为所求的高度,细绳断的瞬间,两物块速度大小为 v,A、B 组成系统 -起运动过程中, 只有重力做功,机械能守恒有 $\frac{1}{2}(4m+m)\vartheta=4mgssin 30^\circ-mgs$ 解得: $\vartheta=\frac{2}{5}gs$ 





细绳断后,B 做竖直上抛运动,上升的最大高度为  $h=\frac{v^2}{2g}=\frac{s}{5}$ 

在整个运动过程中,B上升的最大高度为H=h+s=1,2s

[坪桥] 先整体,后个体.

[两7] 一辆带着拖车的卡车总质量为 M, 沼平直公路匀造前进, 在途中质量为 m 的拖车既钩, 当司机发觉时, 卡车已被过既钩点 51, 于是立即关闭油门, 若阻力与车重成正比, 且关闭油门前卡车的牵引力不变, 试求卡车与拖车都静止时, 两车之间的 距离。

[分析] 设阻力系数为 k, 脱钩后的拖车的位移为 s, 卡车的总位移为 s'.

解法一(隔离法):对拖车应用动能定理有:kmgs=1mm6

对卡车全过程(过程整体法)应用动能定理有: $kMgs_1 = k(M-m)gs' = 0 - \frac{1}{2}(M-m)gs'$ 

两式相比后化简得 $(M-m)(s'-s)=Ms_1$ . 两车位移之差为  $\Delta s=s'-s=\frac{M}{M-m}s_1$ .

解法二(图象法):脱钩后拖车与关闭油门后卡车的加速度均由阻力提供,由牛顿第二定律可知它们具有相同的阻力加速度a=kg,当拖车脱钩后,卡车关闭油门前,这个系统的合外力为零,设拖车质量为m,卡车质量为m,系统合外力为零(系统整体法),有(M-m)a'=ma, $a'=\frac{m}{M-m}$ .

两车的速度—时间图象如图 3-3-5 所示,由图象可知两车之间 的距离就是两车图象与时间轴所围的面积之差,即图中  $v_0$  ABrO 所围 的面积,由勾变速运动规律可知:

$$\Delta s = \frac{v_A^2 \quad v_0^2}{2a'} + \frac{v_A^2 \quad v_0^2}{2a} = s_1 + \frac{a'}{a} s_1 = \frac{M}{M - m} s_1.$$

解法三:(牛顿运动定律与匀变速运动):卡车加速阶段的末速度 为 va.则有

图 3-3-5

 $v_A^a = v_0^b + 2a's_1$  ①,将①式两边同除以 2a 后,可得到卡车喊達的位移  $s_B$  和拖车减速的位移  $s_B$  与  $s_1$  的关系式为  $s_k = s_B + \frac{a'}{a'}s_1$  ,  $s_k - s_B = \frac{a'}{a'}s_1$ 

$$\Delta s = (s_{+} + s_{1}) - s_{+} = (1 + \frac{a'}{a}) s_{1} = \frac{M}{M - m} s_{1}$$

解法四、(系统和过程均用整体法);如果拖车脱钩后卡车也无牵引力的作用,则卡车与拖车滑行的距离相同,均为s,由此可见卡车比拖车多前进的距离也就是由于牵引力F=kMg 在位移 $s_1$ 上多做的功。卡车最终是静止的,则牵引力所做的功等于克服阻力所做的功,有 $kMgs_1=k(M-m)g\Delta s$ , $\Delta s=M$ — $s_1$ .

[釋帶] 本題应用动能定理求解。应用牛顿运动定律和勾变速运动求解。应用图象 法求解。应用能量的关系求解。解答过程中应用这四种解法、请体会其中"韵味"。



[四8] 质量为 m 的木块沿水平方向以建 度 vo 滑上静止在水平面上质量为 M 薄木板上 身面。如图 3-3-6 所示 P 如木垛与木板间的动 *m* → *v*,

图 3-3-6

摩擦因数为 $\mu_1$ ,未板与地面间的动摩擦因数为 $\mu_2$ ,未板足够长,诚求未块从滑上木板 到最后停下泉所需要的时间. 已知 $\mu_2(M+m)g<\mu_1mg$ .

[分析] 因为 $\mu$ (M+m)g( $\mu$ ) $\mu$ (M+m)g( $\mu$ ) $\mu$ ( $\mu$ )

研究对象隔离法:对木块由牛顿运动定律有 µmg=mam,am=µ,g.

同理,对木板有 
$$Ma_M = \mu_1 mg$$
  $\mu_2 (m+M)g$ ,  $a_M = \frac{\mu_1 mg \cdot \mu_2 (m+M)g}{M}$ .

当木块 与木板的速度相等为 v 时, 对木块有 v= vc は1gt).

对木板有 
$$v=a_{M}l_{1}=\frac{m}{M}(\mu_{1}-\mu_{2})gl_{1}-\mu_{2}gl_{1}$$
.

由以上两式解得 
$$t_1 = \frac{v_0}{\mu_1 g + a_M}, v = a_M t_1 = \frac{a_M}{\mu_1 g + a_M} v_0$$
.

两物一块做减速时加速度为 
$$a, a = \mu_2 g$$
,由  $v = a l_2$ , $l_2 = \frac{v}{\mu_2 g} = \frac{a_M v_0}{\mu_2 g (\mu_1 g + a_M)}$ .

$$t = t_1 + t_2 = \frac{v_0}{\mu_1 g + a_M} + \frac{a_M v_0}{\mu_2 g (\mu_1 g + a_M)}$$
,将  $a_M$ 代人后化简后得  $t = \frac{m v_0}{\mu_2 (m + M)g}$ .

研究对象和运动过程整体法:若把木块和长木板作为一系统来处理,该系统的动量 的减少是由于地面摩擦力的冲量作用的结果,由动量定理可得;

$$\mu_2(M+m)gt=mv_0, t=\frac{mv_0}{\mu_2(M+m)g}$$

[興新] 在应用整体法解答问题时,首先要求对问题有透彻的了解,实际上就是能详尽地、正确地对问题进行分析,然后再纵观全过程。看其运动过程中的特点,利用最有效的解题途径,用较通俗的话来说就是分析问题钻进去,解决问题要跳出来.

从本例的两种解法来看:隔离法的优势在于培养分析能力,其实就是跟踪分析法;整体法的优势在于事半功倍。

[两9] 一帶有光滑的豎直孤形軌道的平板车 其水平部分不光滑,一物块从离平板车的水平面高 为 h 处的孤形轨道由静止开始下滑,最后停在平板 车的 B 点处,如图3-3-7所示。已知物块的质量为 m, 平板车的质量为 M,且它们之间在水平处的功摩擦

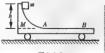


图 3-3-7

因数为μ,求物块在水平部分滑动的距离 AB 的长度L(车与地面间的摩擦不计)。





[分析]物块在圆弧部分处运动时,系统内只有重力做功,机械能守恒,系统在水平 方向上不受外力,系统在水平方向上动量守恒,这样可求出物体到达,A点处的速度 va和 此时平板年对应的水平速度 v. 当物块在平板车的 AB 段运动时,只有物块与车之间的摩 极力在使它们分别做破速运动,直到它们相对静止。

此题若是从物块由静止下滑直到它静止在平板车上的全过程(研究对象和运动过程 的整体法)来考虑。由于系统在水平方向上不受外力,水平方向上动量守恒,开始时的总 动量为零,后来的总动量也应为零,而物块相对平板车静止,故只有平板车的动量为零, 才能使后来的总动量为零,由能量守恒可知,系统的重力势能的减少转化为内能。

[舞舞] 本题是对研究对象和运动过程均采取整体法,一般来讲,应用动量守恒和能量守恒解答物理问题时,应用整体法是最常见的一种解题途径,本题若是对物块的运动过程分段进行收解,将是一个十分烦躁的过程。

[獨 10] 人和冰车的总质量为 M,另有一木珠,质量为 m,M: m=31:2,人坐在 静止于水平冰面的冰车上,以造度 v(相对于地面)将原来静止的木球沿冰面推向前方 的固定括核, 球与冰面、车与冰面同的厚糠均可忽略不计, 飞气阻力也忽略不计, 术球 与挡板碰撞后, 球被反向弹回, 速率与碰撞前相等,人接球后再以同样的速度 v(相对 干缺面)排玻沿冰面向正前方推向挡板,问人推拔多少次后才不再推到玻

[分析] 人在推摩和接球的过程中,由于水平方向不受外力,水平方向上动量守恒、随着人推球次数的增多,人后退的速度 u 越来越大. 当木球与挡板碰撞后反向弹回的速度大小√√ u b l , 从就不再能接到球了.

以人、冰车和球所组成系统为研究对象,整个过程中系统在水平方向上仅受固定挡板的冲量,而固定挡板每次给球的冲量为 J,以 J 为正方向,由动量定理可得,

I = mv - m(-v) = 2mv

人推球 n 次, 挡板对球的总冲量为  $I_0 = nI = 2nmv$ .

对研究的系统的全过程(整体法)应用动量定理  $I_{s}=Mu_{n}+mv-0=Mu_{n}+mv$ .

所以有:Mu,+mv=2nmv,Mu,=(2n-1)mv.

考虑到 
$$v \leqslant u_n$$
,即  $Mv \leqslant Mu_n$ ,所以  $Mv \leqslant (2n-1)mv$ , $n \geqslant \frac{1}{2} \left(\frac{M}{m}+1\right)$ .

将 M: m=31:2 代人上式后得 n≥8.25,由 F n 不可能为小数,必须为正整数 n=9,即人推球 9 次后才不再接到球。

[ ] 本题采用的方法是极限思维法,没有对每一次推球和接球的过程应用动量守恒,求人和冰车每次推球和接球后所获得的速度,而是直接考虑终态时的人不再接球的条件,同时对人、车和球作为一个整体应用动量定理,使得求解过程大为简捷,这是极限思维法和整体法的一个综合应用的非常完美的例子.



[ 11] 如图 3-3-8 所示,质量为 M=1kg 的平板车左端放有质量为m=2kg 的。 小铅块,铅块与车面间的动摩擦系数  $\mu=0.5$ ,开始时车和铅块同以  $\nu_0=6\text{m/s}$  的速度

向右在光滑水平面上运动,车与塘岩生正磁,设 群播时间超频, 目群后车的请求不变, 车身足够 长、传铅块不会与墙相群。求、



(1) 铅块相对车的总位移:

(2)小车所受墙壁的总冲量,

[分析] 车与墙相碰时间很短, 铅块与车面间的滑动摩擦力 / 的冲量很小, 可以认 为铅块不参与它们之间的相互作用, 铅块还是向右运动的, 当车与墙相互作用后谏度反 向,车与铅块在它们之间滑动魔搬力于的作用下均做匀减速运动,车的质量比铅块的质 量小,车的速度减为零后又反向加速,当车与铅块的速度相同时,滑动废墟力消失,它们 以相同的速度向右运动。直至车与墙发生第二次碰撞、以后将重复以前的运动过程、具不 讨铅块的速度比初速 2.小面已, 在车不断颇与墙碰撞的过程中, 铅块始终县向右运动的, 具要铅块与车之间有相对运动, 铅块相对车始终县向右运动的 由于车辆与墙碰撞一次 后,由于车与铅块间的滑动摩擦力了的作用,使得它们的速度越来越小,直至它们的速度 为零

若是从每次碰撞后的相对运动及碰撞的次数来分析,这个求解过程肯定是很烦琐 的,但是从整个运动过程来看,当它们的速度均为零时,整个系统的动能是通过克服滑动 應擦力做功而转化为热,而这个热量的大小就等于滑动废墟力 / 与铅块在车上滑动的位 移的乘积,同时,以铅块和车为整体来看,它们的总动量变为零,由动量定理可知完全是 由于墙对车的冲量的作用(整体法)

[#] (1)由能量守恒有 
$$\mu mgs = \frac{1}{2} (M + m) v_0^2$$
,

$$s = \frac{(M+m)\tau_0^2}{2\mu mg} = \frac{(1+2)\times 6^2}{2\times 0.5\times 2\times 10} = 5.4 \text{m},$$

(2)由动量定理可知 车受到墙 的 总 冲量 为, I = (m+M) v<sub>0</sub> = (2+1) × 6N · s = 18N · s.

「碎粉」 本题应用整体法是建立在对物理过程有着清醒的、正确的了解的基础上, 本题既对研究对象应用整体法,又对运动过程应用了整体法。

[B12] 一质量为 m、带电量为-q 的小物体, 可在水平轨道 (7) 上运动。() 端有一与轨道垂直的

E.方向沿 Or 正方向,如图 3-3-9 所示,小物体以该

固定的墙,轨道处于匀强电场中,其电场强度大小为0

度 26从 70 点器 ()下轨道运动,运动时参到大小不变

理 3-3-0

的摩擦力 f 的作用,且设小物体与墙壁碰撞时不损失机械能,且电量保持不变,求小 物体在停止运动前所通过的总路程 s. (f<oE)





[弁新] 小物体以速度 v<sub>6</sub>从 x<sub>6</sub>点沿 Ox 轨道运动时,受到的电场力和摩擦力均与运动方向相反,小物体做减速运动,当其速度为零时,由于 f<qE,小物体将反向做加速运动,运动到O点时与固定墙壁发生碰撞,速度反向,又沿 Ox 轨道做减速运动,由于 f<qE,小物体不可能停在除 O点以外处,因为小物体在 O点可以受到固定墙壁对它向右的弹力与向左的电场力平衡,所以小物体一直在 Ox 轨道往复运动,但其运动时离 O点的 战大距离是越来越小。最后停在 O点,此过程中小物体所具有的电势能和动能的减少均通过摩擦力做功转化为换。(对运动过程应用整体法)由能量空柱可知。

$$\frac{1}{2}mv_0^2 + qEx_0 = fs, \text{ MU } s = \frac{\frac{1}{2}mv_0^2 + qEx_0}{f}.$$

[**坪**佈] 从能量的角度来看,例 11 与例 12 有异曲同工之妙,均为系统能量的减少 通过克服應繳力做功转化为热的角度,采取了整体法来求解。

[四13] 图 3-3-10 是某种静电分逸器的原理示意图, 两个坚直放置的平行金属 核常有等量异号电荷形成分强电场,分逸器漏斗出口与两板上端处于同一高度,到两; 核的距离相等,混合在一起的 a,b 两种颗粒从漏斗出口下落时,a 种颗粒带上正电,b 种颗粒带上角电,经分选电局后,a,b 两种颗粒分别落别水平传送者A,B上,

已知两板间距 d=0. lm,板的长度 l=0.5m,电场仅局 限于平行板之间;各颗粒所带电量大小与其质量之比均为 1×10<sup>×1</sup>C/kg.设颗粒进入电场时的初速度为乘,分选过程中 颗粒间的相互作用力不計,要求两种颗粒离开电场区域时, 不益輪到超越42a需去/低轴量,重力加速度。取 10m/d<sup>2</sup>

- 不接触到极板但有最大偏转量,重力加速度 g 取 10m/s². (1)左右两板各带何种电荷?两极板间电压多大?
- (2)若两帶电平行板的下端距传送帶 A、B 的高度 H= 0.3m、颗粒落至传送带計速度大小是多少?
- (3)设颗粒每次与传送带碰撞反弹时,沿竖起方向的造 度大小为碰撞前竖直方向造度大小的一半,写出颗粒第 n 次碰撞反弹高度表达式,并求出经过多少次碰撞颗粒反弹 的高度小于 0,01m.



[分析] 带电颗粒从分选器漏斗出口受到水平方向上的电场力和竖直向下的重力, 在两个力的方向上均做初速度为零的匀加速运动,离开电场后,水平方向是匀速运动,竖 百方向是匀加速运动,

颗粒与传送带碰撞后反弹的速度为碰前的一半,即反弹后上升的高度为碰前的 1/4,以此可求出颗粒反弹的高度小于 0.01m 需要碰撞的次数.

解法 · :(1)a 颗粒带正电向左偏,左极板带负电,右极板带正电、两种颗粒离开电场区域时,不接触到极板但有最大偏转量,颗粒在水平方向和竖直方向均做初速度为零的匀加速运动,有  $l=\frac{1}{2}gt^2$ , $\frac{1}{2}d=\frac{1}{2}gt^2$ . 由这两式解得  $U=\frac{mgd^2}{2d}=1\times 10^4$  V.

(2) 带电颗粒落到 A,B 传送带时,可认为在竖直方向上是从漏斗开始做自由落运动,故落到传送带时竖直速度  $v_* - \sqrt{2g(l+H)} - \sqrt{2\times10\times(0.5+0.3)}$  m/s -4m/s





颗粒在水平方向上的速度为  $v_x = \sqrt{\frac{qU}{m}} = \sqrt{1 \times 10^{-5} \times 10^4} \text{ m/s} = \sqrt{0.1} \text{ m/s}.$ 

颗粒落到传送带时速度大小为  $v = \sqrt{v_s^2 + v_s^2} = \sqrt{4^2 + 0.1} \text{ m/s} \approx 4 \text{ m/s}$ .

(3)设颗粒每次与传送带碰撞反弹时,沿竖直方向的速度大小为碰撞前竖直方向速度大小的--半,颗粒第 n 次碰撞反弹的速度为 v<sub>w</sub>,反弹的高度为 h<sub>w</sub>,

$$v_{ny} = \left(\frac{1}{2}\right)^n v_y$$
,  $h_n = \frac{v_{ny}^2}{2g} = \left(\frac{1}{2}\right)^{2m+1} \cdot \frac{v_y^2}{g} = \left(\frac{1}{2}\right)^{2m+1} \cdot 1.6m$ .

当 
$$h_n$$
<0.01m,即 $\left(\frac{1}{2}\right)^{2n+1}$  • 1.6m<0.01m,解得  $n$ =3.16,即  $n$ =4 次.

解法二(整体法):(1)a 颗粒带正电向左偏,说明左极板带负电,则右极板带正电.两种颗粒离开电场区域时,不接触到极板但有最大偏转量,由于运动的同时性。颗粒在两个方向上的位移之比等于加速度之比即 $\frac{d/2}{2} - \frac{eU/dm}{g}$ , 故有  $U = \frac{mgd^4}{2a^4} = 1 \times 10^4 \text{V}$ .

(2)由动能定理可知带电颗粒落传送带时动能  $\frac{1}{2}mv^2 = mg(l+H) + q \cdot \frac{U}{2}$ .

解得 
$$v = \sqrt{2g(l+H) + \frac{qU}{m}} = \sqrt{2 \times 10 \times (0.5 + 0.3) + 10^{-5} \times 10^{5}} \text{ m/s} = 4\text{m/s}.$$

(3) 颗粒每次与传送带碰撞反弹时,沿竖直方向速度大小为碰撞前竖直方向速度大小的一半,则第一次跳起高度  $h_1 = \frac{v'^2}{2_R} = \frac{(v/2)^2}{2_R} = \frac{1}{4} * \frac{2g(l+H)}{2_R} = \frac{1}{4} * (l+H).$ 

第二次跳起高度 
$$h_2=\frac{1}{4} \cdot h_1-\left(\frac{1}{4}\right)^2 \cdot (l+H)$$
 …所以  $h_n=\left(\frac{1}{4}\right)^n \cdot (l+H)$ .

由題意可知 
$$h_n = \left(\frac{1}{4}\right)^n \cdot (l+H) < h_n, \left(\frac{1}{4}\right)^n < \frac{h_n}{l+H} = \frac{1}{80} - \left(\frac{1}{4}\right)^3 \cdot \frac{4}{5} = 0.$$

要使不等式①成立,n至少为4,即颗粒碰撞4次后跳起高度小于0,01m,

[興新] 解法 基本上是整体思考问题,解题角度比解法,中站得高些,用解法:水解,说明对高中物理知识网络结构清楚,分析物理过程进得去,出得来,

### 跟踪训练

1. 如图 3-3-11 所示,物体以 100J 的初动能从斜面底端向上运动,当它通过斜面某点 M 时,其动能减少 80J, 机械能减少 32J,如果物体能从斜面上返回底端,则物体到达斜面底端时的动能为



限 3-3-11

A. 20J

B. 481

C. 60J

D. 68J

2. 如图 3-3-12 所示, 大小相等、质量不一定相等的 A、 B、C 三只小球排列在光滑水平面上, 未碰撞前 A, B、C 三只 小球的动量分别是 8kg · m/s、 - 13kg · m/s、 - 5kg · m/s、 在二只小玻滑 · 直线发生了 · 次相互碰撞的过程中, A, B



图 3-3-12



一致受到的冲量分别为一9N⋅s, 1N⋅s, 刷 C 建对 B 確的冲量及磁后动量的大小分别为

A. -1N . s. 3kg . m/s

B -- 8N . s. 3kg . m/s

C. 10N . s. 4kg . m/s

D. -10N • s. 4kg • m/s

3. 质量相等的甲、乙两人各乘一相同小车静止在光滑水平冰面上,甲手中另持一小 斌, 某时刻, 甲向正东方向将球沿着冰面推给7., 7. 接住球后又向正两方向将球间推给 即,如此推接数次后,用又将碰推出,碰在冰面上的东运动,但已经无法追上7.此时用的 速率 v, Z,的速率 v, 及球的速率 v 三者之间的关系为

A  $\tau_h = \tau_h \ge \tau_1$  B  $\tau_h < \tau_h < \tau_h$  C  $\tau_h < \tau_h < \tau_h$  D  $\tau_h < \tau_h < \tau_h$ 

4. 在高速公路上发生了一起交通事故, -辆质量为 1500kg 向南行驶的长途客车迎 面槽上了一辆质量为 3000kg 向北行驶的卡车,碰后两辆车接在一起,并向南滑行了一小 段距离停止,根据测速仪的测定,长途客车碰前以 20m/s 的速度行驶,由此可判断卡车碰 前的行驶谏率为 ( )

A. 小于 10m/s

B 大于 10m/s 小于 20m/s

C. 大 F 20m/s 小 F 30m/s D. 大 F 30m/s 小 F 40m/s

5. 如图 3-3-13 所示, A, B 为平行金属板, 两板相距为 d, 分别与电源两极相连,两板中央各有 · 小孔 M 和 N. 今有 · 带电质点。位于A板上方相距为d的P点由静止自由下落 (P, M, N 在同一条直线上),空气阻力忽略不计,到达 N 孔时 谏度恰好为零,然后沿原路返回,若保持两极板间的由压不 变,则



图 3-3-13

A. 把 A 板向上平移一小段距离, 质占自 P 占自由下落后仍能返回

B. 把 A 板向下平移一小段距离, 质点处 P 点自由下落后将穿过 N 孔 继续下蒸

C. 把 B 板向上平移 - 小段距离, 质点自 P 点下蒸后仍能返问

D. 把 B 板向下平移 · 小段距离, 质点自 P 点自由下落后将穿过 N 孔 继续下燕

6. 物体从高出地面 月高处由静止自由下落,不考虑空气阻力,落至地 面进入沙坑 h 深处静止,如图 3-3-14 所示,求物体在沙坑中受到的平均阻 力是其重力的多少倍?

7. 一轻编两端各系一小物体 A 和 B, E m, >m, 轻编和物 体验放在一个光滑的半圆柱体上, 半圆柱体的半径为 R, A, B 刚 好贴在圆柱体截面水平直径的两端,如图 3-3-15 所示,今让两 球中静止释放,当月到法圆柱体最高点时,刚好脱离圆柱体,试 求:(1)B 到达最高点的速度:(2)mA与mB的比值是多少?







- 8. 一列火车沿水平轨道匀速前进,火车的总质量为 M,在车尾。有一节质量为 m 的车厢脱钩,当列车司机发现时,列车已行驶了离脱钩的时间 t,司机立即关闭发动机,如果列车所受到的阻力与其重力成正比,且关闭发动机前,机车的牵引力恒定,求当列车两部分都停止运动时,机车比去节车脚套运动了多长时间?
- 9. 木块和铁块的质量分别为 m 和 M,用线连接起来放在水中,木块的密度小于水的密度,放于后一起以加速度 a 加速下降,经时间 t,后线断了,再经时间 t<sub>2</sub>,木块速度为零、 当木块速度为零时,铁块速度为零少?

10. 如图 3-3-16 所示,在光滑地面上有一个质量为 M 的盒子A,盒子中央有一个质量为 m 的小物体 B,B 与盒子 之间动摩擦因數为μ,开始时两者都处于静止状态,现在给 物体 B 以初速度 v<sub>0</sub>向右运动与盒子两壁发生若干次碰撞。



碰撞时能量损失不计,碰击时间略去不计,最后物体 B 停在盒内某一位置, 若盒子宽度是



L, 则物体 B 与食壁碰撞次數县名少?

- 1. A(物体上升过程中的动能减少80J, 机械能减少32J, 机械能的减少占动能减少百分比为  $\eta = \frac{32}{80} = 0.4 40\%$ , 这个比例对物体沿斜面向上运动时不变, 当动能减少100J 时, 机械能减少40J, 当物体动能为零时, 其机械能只有60J, 此值为重力势能. 物体在斜面上向上和向下运动相同的距离时, 克服摩擦力做功是相同的, 它滑到斜面底端时, 它的机械能的减少应等于沿斜面向上过程中机械能的损失40J, 所以回到斜面底端时的动能为20I)
- 2.B( | | |球总动量为-10kg。m/s,磁后 A, B | | 定學到冲量分別为-9N。s, 1N。s, 由动量定理可知 A 球动量为-1kg。m/s, B 球动量为-12kg。m/s, C 球动量为3kg。m/s, C 球动量为8N。s, C 球对B 球的冲量与B 球对C 球的冲量大小相等,f问相反,为-8N。s)
- 3. D(系统总动量为零,系统动量守恒有  $mv+Mv_t-Mv_t=0$ , 当球追不上乙时有  $v < v_t$ ,由动量守恒表达式可知  $v_t < v_t$ )
- 4. A(两车作为一个整体,它们的碰撞是完全弹性碰撞,总动量是向南,说明卡车的动量,小于客车的动量,而卡车的质量是客车质量的2倍,那么卡车的速率一定小于客车速率的一半)
- 5.  $ACD(质点由 P 点释放后,到达 N 孔时速度恰好为零,其中经过加速和减速过程。但只有电场力和重力做功,由动能定理有 <math>2mgd \cdot qU = 0$  ①,由①式可知。A 板向上平移或向下平移一小段距离,质点自 P点自由下落运动到 N 孔的过程中,重力的功和电场力的功不变,不影响它到达 N 孔时速度为零;而当 B 板向上平移 ·小段距离,质点自 P点下落后,由①式可知。重力的功减小,而电场力的功不变,小球将在未达到 N 孔时速度



为零,提前返回;当 B 板向下平移一小段距离,质点自 P 点自由下落后,在①式中,重力 的功将增大,而电场力的功不变,质点将穿过 N 孔继续下落,这是运动过程应用整体法。 由动能定理解答)

6. 物体全过程中只有重力和阻力做功,初动能和未动能均为零,由动能定理有mg(H+h)-fh=0,解得 $\frac{f}{f}=\frac{H+h}{h}$ ,

7. B 到达最高点时,系统的位置如图 3-3-17 所示,A、B 之间由轻绳相连,它们的速度大小相等,该系统在运动过程中,只有重力做功,机械能守恒, $\frac{1}{2}(m_A+m_B) \cdot \vec{v} = m_{AB} \cdot \frac{\pi R}{2} - m_{B} R$ ,



解得,
$$\vec{v} = \frac{\overline{m}_{N_A} - 2m_B}{m_A + m_B} gR$$
, B 达最高点重力提供向心力有 $\frac{m_B v^2}{R} = m_B g$ ,  $\vec{v} = gR$ ,  $gR = \frac{\overline{m}_{N_A}}{m_A + m_B} gR$ , 由此式解得 $\frac{m_A}{m_B} = \frac{3}{\pi - 1}$ 

图 3-3-17

8. 列车匀速运动时。航车牵引力为 F=kMg, 对列车脱钩后的两部分分别应用动量定理(隔离法)有:kMgt  $k(M-m)g(t_n+\Delta t)=0$  (M-m)v ①,

 $-kmgt_m = 0 - mv$  ②,

①、②两式相比化简得 $\frac{Mt-(M-m)(t_n+\Delta t)}{t_n}=-(M-m)$ 、解得;  $\Delta t=\frac{M}{M-m}t$ . 整体法: 列车多运动时间  $\Delta t$ ,是由于脱钩后牵引力冲量kMgt 作用的原因, 致使阻力的冲量增大, 这两部分冲量大小相等, 方向相反, 由动量定理有:

$$kMgt-k(M-m)g\Delta t=0$$
,解得; $\Delta t=\frac{M}{M-m}t$ .

9. 木块和铁块一起以加速度 a 下降,当线断后,木块做匀减速运动,而铁块做匀加速运动,木块的加速度为  $a_1$ ,方向向上;铁块的加速度为  $a_2$ ,方向向下,利用木块分段运动中的速度特点可求得 a 与 $a_1$ 的关系,再利用铁块和木块一起运动和已求出的  $a_1$ 与 a 的关系,求出  $a_2$ 与 a 的关系,若把木块和铁块作为一个整体来看,它们所受的合外力为(M+m)a,在这个力的作用下,运动的总时间为( $t_1+t_2$ ),在这段时间内的木块的末速度为零、也就是说这个力在这段时间内的冲量就等于铁块的动量。即(整体法),(M+m)a( $t_1+t_2$ ) =Mv,  $v=\frac{(M+m)a(t_1+t_2)}{M}$ .

10. 已知初始时刻物体和盒子这一系统(整体法)的总动量为  $mv_0$ ,当物体在盒内相对静止时具有共同的速度 v,由动量守恒定律得  $mv_0 = (M+m)v$  ①、物体在盒子中滑动的过程中,物体相对盒子滑行的路程为 s,由能量守恒定律可得  $\frac{1}{2} mv_0^2 - \frac{1}{2} (M+m) v^2 = Mv_0^2$ 

 $\mu mgs$  ②. 由①式和②式解得  $s=\frac{M_{V_0^2}}{2(M+m)\mu g}$ , 物体 B 与盒壁碰撞的总次数是n=

$$\frac{s-L/2}{L}+1=\left[\frac{Mv_0^2}{2(M+m)\mu gL}+\frac{1}{2}\right].$$



### 高考思想篇

# 心,考点直去

年份	壓源及类型	考点
2009	宁夏卷 T24 计算 14 分、广 东卷 T19 计算 16 分	受力分析、机械能守恒、动 量守恒、动脉定理、动能定 理、牛顿运动定律、匀变速 运动规律
2008	全同 [[卷 T18 选择 6 分、全同 [[卷 T24 计算 18 分、 ] " 东卷 T20 计算 17 分、天津卷 T24 计算 18 分、 全国 [[卷 T23 计算 15 分	
2007	理综 [[ T23 计算 15 分、天津卷 T23 计算 16 分、 广东卷 T17 计算 16 分、广东卷 T19 计算 17 分	

### ●三考题探究

[**四**1] 如图 3-3-18 所示,一很长的,不可伸长的柔软轻绳 跨过光滑定滑轮,绳两端各系一小球 a 和 b, a 球质量为 m, 静置于 地面;b 球质量为 3m, 用手托往, 高度为 h, 此时轻绳刚好拉紧, 从 静止开始釋放 b 球后, a 球可能达到的最大高度为



图 3-3-18

[分析] 整体法;以地面为零势面,a可能达到的最大高度时的速度零。b 球落地时的速度b  $v_b$ ,有 $mgh_{max}$  +  $\frac{1}{2}$  • 3mgh = 3mgh . 当 b 落地时,由机械能守恒有 $\frac{1}{2}$  • 4mui = 3mgh - mgh = 2mgh,由以上两式得  $h_{max}$  = 1. 5h.

[內2] 图 3-3-19 中滑块和小球的质量均为 m.滑块可在水 滑块 中故里的光滑固定导轨上自由滑动,小球与滑块上的悬点 O 由 一不可伸长的轻脆相选,轻绳长为 l. 开始时,轻绳处于水平拉直 校志,小球和滑块均静止,现将小球由静止舞放,当小球到达量低 点时,滑块刷好被一,是面涂膏黏性物质的固定挡板粘住,在板短的时间内速度减为零,小球罐续向左摆动,当轻绳与豎直方向的 失角 6=60时小球达到最高点表;

图 3-3-19

固定挡板

- (1)从滑块与挡板接触到速度刚好变为掌的过程中,挡板阻力对滑块的冲量;
- (2)小球从释放到第一次到达最低点的过程中,绳的拉力对小球做功的大小.

[分析] (1)设小球第一次到达最低点时, 青块和小球速度的大小分别为  $v_1, v_2$ , 根据系统机械能守恒定律,  $\frac{1}{2}$   $mv_1^2 + \frac{1}{2}$   $mv_2^2 - mgt$ 



小球由最低点向左摆到最高点时,由机械能守恒有:

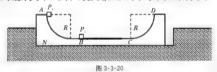
 $\frac{1}{2}mv_2^2 = mgl(1 \cos 60^\circ)$ ,由以上两式得 $v_1 - v_2 = \sqrt{gl}$ .

设所求挡板的冲量为 I,规定动量向右为正方向,有  $I=0-mv_1$ ,得  $I=-m\sqrt{\varrho l}$ .

(2)小球从开始释放到第一次达到最低点的过程中,设绳对小球做功为W,由动能定理有 $mgl+W=\frac{1}{2}mvii$ ,解得, $W=-\frac{1}{2}mgl$ .

[明3] 如图 3-3-20 所示,固定的四槽水平表面光滑,其内放置 U 形滑板 N,滑板 两端为半径 R=0.45m 的 1/4 圆弧,而 R=0.45m 的 R=0.45m 的

- (1)Po在BC段向右滑动时,滑板的加速度为多大?
- (2)BC长度为多少? N、P、和 P2最终静止后,P,与 P2间的距离为多少?



「分析 ] P. 滑到水平面时的速度为 vo. ,由机械能守恒有:

 $\frac{1}{2}mv_{61} = \frac{1}{2}mv_{6} + mgR$ ,解得: $v_{61} = 5$ m/s.

P. 与 P. 发生弹性碰撞后,系统动量守恒有 mun = mu + mus.

系统机械能守恒有 $\frac{1}{2}mv_0^2 = \frac{1}{2}mv_1^2 + \frac{1}{2}mv_2^2$ ,解得: $v_2 = v_{01} = 5$ m/s,  $v_1 = 0$ .

当  $P_2$  滑到 C 点时,滑板恰好与槽的右端碰撞并与槽牢固粘连, $P_2$  继续滑动,到达 D 点 时速度为零, $P_2$  到达 C 点速度为  $v'_2$ ,由机械能守恒有 $\frac{1}{2}mv'_2 = mgR$ ,解得, $v'_2 = 3$ m/s.

 $P_2$ 在 BC 面上滑行时,其加速度为  $a_2 = \mu_2 g = 4 \text{ m/s}^2$ .

 $P_1$  与 N 的加速度  $a_{N1} = \frac{\mu_2 m_S}{(4m+m)} = 0.8 \text{ m/s}^2 < \mu_B = 1 \text{ m/s}^2$ ,说明  $P_1$  与 N 一起加速 当  $P_2$  特到 C 点时,滑析与  $P_2$  的速度为  $y_{N1}$  由动量守恒有;

 $mv_2 = (4m+m)v_{N1} + mv_2$  解得:  $v_{N1} = 0.4 \text{ m/s}$ ,

由系统能量守恒有 $\frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}(4m+m)v_{v1}^2 - \frac{1}{2}mv_2^2 = \mu_2 mgs_{K}$ ,解得: $s_{K} = 1$ , 9m.



滑板恰好与槽的右端碰撞并与槽牢固粘连后, $P_1$ 的加速度为  $a_1 - \mu_1 g - 1 \text{m/s}^2$ ,所以, $P_1$ 最终停在离 B 点为  $s_B = \frac{\pi^2}{2}, = 0.08 \text{m}$ .

当  $P_2$ 由 D返回到 C 点时,速度大小不变,但以后在 BC 间做减速运动,  $P_2$  最终停在 离 C 点为  $s_{C2}$   $\frac{{V_2}^2}{2a}$  = 1, 125m,  $P_1$  与  $P_2$ 间的距离为  $s_x$  —  $s_{B1}$  —  $s_{B1}$  —  $s_{C2}$  = 0, 695m.

[934] 光滑水平面上放着质量  $m_A$  -1 kg 的物块 A 与质量  $m_B$  =2 kg 的物块 B , A 与 B 均可视为质点,A 靠在堅直墙壁上,A , B 间夹一个被压缩的轻弹簧 (弹簧 与 A , B 均不拴接),用手挡住 B 不动,此时弹簧弹性势能  $E_p$  -4 9]. 在 A , B 间系一轻质细绳,细绳长度大于弹簧的自然长度,如图 3 -3 -21 所示,故手后 B 向右运动,绳在短暂时间内被拉断,之后 B 冲上与水平面相切的整直率圆光清轨道,某

半径 R=0.5m, B 恰能到达最高点 C. 取 g=10m/s², 求:

- (1)绳拉斯后瞬间 B 的速度 vB 的大小;
- (2)绳拉斯过程绳对B的冲量I的大小;
- (3)绳拉斯过程绳对 A 所做的功 W.



,分析] (1)设B 在绳被拉断后瞬间的速度为 $v_B$ ,到达C 点时的速度为 $v_C$ ,由牛顿第二定律和題意有 $m_{BE}=m_B \frac{v_D^2}{12}$ ,

由机械能守恒有:  $\frac{1}{2}m_Bv_B^2 = \frac{1}{2}m_Bv_c^2 + 2m_BgR$ . 代人数据得  $v_B = 5$ m/s.

- (2)设弹簧恢复到自然长度时 B 的速度为 v1, 取水平向右为正方向, 有:
- $E_p = \frac{1}{2} m_B v_1^2 \cdot I = m_B v_B \quad m_B v_1 \cdot \text{代人数据得 } I = 4N \cdot \text{s}$ ,即其大小为4N · s.
- (3) 設總斷后 A 的速度为 $v_A$ ,取水平向右为正方向,系统(A 与B)由动量守恒有: $m_bv_1=m_bv_B=m_hv_A$  解得: $v_A=4m/s$ . 绳拉斷过程绳对 A 做功  $W=\frac{1}{2}m_hv_A^2=8J$ .

[內 5] 如图 3-3-22 所示,一轻绳吊着粗细均匀的棒,棒下端离地面高月,上端套着一个细环,棒车环的质量均为 m,相互间量大静摩擦力等于滑动摩擦力 kmg(k>1). 斯开轻绳,棒和环自由下落. 假设棒足够长,与地面发生碰撞时,触地时间极短,无劲能损失,棒在整个运动过程中始终保持整量,空气阻力不計,求;

- (1)棒第一次与地面碰撞弹起上升过程中,环的加速度;
- (2)从断开轻绳到棒与地面第二次碰撞的瞬间,棒运动的路程 5;
- (3)从断开轻绳到棒和环都静止,摩擦力对环及棒做的总功W.







[分析] (1)没棒第一次上升过程中,环的加速度为 $a_8$ ,由牛顿第二定律得: $kmg-mg=ma_8$  解得: $a_8$ =(k-1)g,方向竖直向上.

(2)设棒第 · 次落地的速度大小为  $v_1$ ,由机械能守恒有 $\frac{1}{2}$ 2 $mv_1^i = 2mgH$ ,解得 ;  $v_1 = \sqrt{2gH}$ ,设棒弹起后的加速度为  $a_0$ ,由牛顿第 · 定律得 ;  $a_0 = -(k+1)g$ ,棒第 · 次弹起最大高度为, $H_1 = \frac{v_1^i}{2a_0}$ ,解得, $H_1 = \frac{H}{k+1}$ ,棒运动的路程为;  $s = H + 2H_1 = \frac{k+3}{k+1}H$ .

(3)隔离法·棒第一次弹起经过五时间。与环达到相同速度 v/

环的速度: $v_1 = -v_1 + a_0 t_1$ ,榛的速度: $v_1 = v_1 + a_0 t_1$ ,

环的位移: $h_{\text{FI}_1} = -v_1t_1 + \frac{1}{2}a_{\text{FI}_1}t_1^2$ ,棒的位移: $h_{\text{FI}_1} = v_1t_1 + \frac{1}{2}a_{\text{FI}_1}t_1^2$ .

环第一次相对棒的位移为: $x_1 = h_{F1} - h_{001} = -\frac{2H}{L}$ .

棒环 -起下落至地; $v_1^2 - v_1^{-2} = 2gh_{\#1}$ ,解得; $v_2 = \sqrt{\frac{2gH}{h}}$ .

同理,环第二次相对棒的位移为: $x_2 = h_{H2}$   $h_{H2} = -\frac{2H}{12}$ ,

.....  $x_n = -\frac{2H}{x_n}$ . 环相对棒的总位移为:  $x = x_1 + x_2 + \cdots + x_n$ .

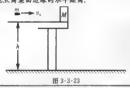
摩擦力对棒及环做的总功为: $W = kmgx = -\frac{2kmgH}{l}$ .

整体法:设环相对棒滑动距离为 l. 根据能量守恒:mgH+mg(H+l)=kmgl.

摩擦力对棒及环做的总功为:W = -kmgl,解得: $W = -\frac{2kmgH}{l}$ 

[**1916**] 如图 3-3-23,一质量为 M的物块静止在桌面边缘,桌面离水平地面的高度为 h. 一质量为 m 的于弹以水平速度 v<sub>0</sub> 射入物块后,以水平速度 v<sub>0</sub>/2 射出, 重力加速度为 e. 求。

- (1)此过程中系统指失的机械能:
- (2)此后物块落地点离桌面边缘的水平距离。



[分析] (1)设子弹穿过物块后物块的速度为 v.系统动量守恒得

 $mv_0 = m \frac{v_0}{2} + Mv$ ,解得:  $v = \frac{m}{2M} v_0$ 

系统损失机械能  $\Delta E = \frac{1}{2} m v_0^2 - \left[ \frac{1}{2} m \left( \frac{v_0}{2} \right)^2 + \frac{1}{2} M v^2 \right]$ ,由以上两式得  $\Delta E =$ 



# $\frac{1}{8}\left(3-\frac{m}{M}\right)mv_0^2$

- (2) 设物块下落到地面所用时间为t,落地点距桌面边缘的水平距离为s,由平地运动的规律可知竖直方向 $h=\frac{1}{2}gt^2$ ,水平方向 $s=vt=\frac{mv_0}{2M}v_0t$ ,解得 $ts=\frac{mv_0}{M}\sqrt{\frac{h}{2\sigma}}$ .
  - [四7] 如图 3-3-24 所示,水平光滑地面上停放着一辆小车,左侧靠在豎直墙壁上,小车的四分之一圆弧轨道 AB 光滑, 在最低点 B 与水平轨道 BC 相切, BC 的长度是圆弧半径的 10 倍,整个轨道处于同一整直平面内,可视为质点的物块从 A 点正上方案处无初速下落,恰好落入小车圆弧轨道滑动,然后溶水平轨道滑行至轨道束端 C 处恰好没有滑出,已知物块剪力的 9 倍,小车的质置是物块的 3 倍,不考虑空气阻力和物块落入圆量。
  - (1)物块开始下落的位置距水平轨道 BC 的 努力高度多圆弧半径的几倍:
    - (2)物块与水平轨道 BC 间的动摩擦因数 u.

E. p. 图 3-3-24
BC 的竖直高度为 h. 圆弧轨道半径为 R.

[分析] (1)设物块开始下落处的位置距 BC 的竖直高度为h,圆弧轨道半径为 R. 由机械能守恒定律得 $;mgh=\frac{1}{2}mv^2$ ,

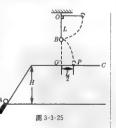
在 B 点根据牛顿第二定律得: $9mg-mg=m\frac{v^2}{R}$ .

解得:h=4R.

(2)物块滑到 C点时与小车的共同速度为 $v_1$ ,系统动量守恒; $mv = (m+3m)v_1$ . 对系统功能原理有; $\mu mg * 10R = \frac{1}{2}(mv^2 - \frac{1}{2}(m+3m)v_1^2,$ 解得; $\mu = 0$ . 3.

- (1)球 B在两球碰撞后一瞬间的速度大小;
- (2)球 A 在两球碰槽前一瞬间的速度大小:
- (3)弹簧的弹性力对球 A 所做的功.

加速度为 g, 不计空气阻力, 求,





[分析] (1)碰撞后,B球运动过程中机械能守恒定律, $mgL = \frac{1}{2}mv_b$ .

解得 B 球碰后瞬间速度大小为:  $v_B = \sqrt{2gL}$ .

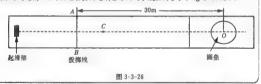
(2) 两球弹性碰撞,有  $2mv_b = 2mv_A + mv_B$ ,  $\frac{1}{2} \cdot 2mv_b^2 = \frac{1}{2} \cdot 2mv_A^2 + \frac{1}{2} \cdot mv_B^2$ .

解得:
$$v_A = \frac{1}{4}\sqrt{2gL}$$
, $v_0 = \frac{3}{4}\sqrt{2gL}$ .

(3)碰后 A 球做平塊运动,有:  $\frac{L}{2} = v_A t$ ,  $y = \frac{1}{2} g t^2$ ,解得: y = L.

弹簧所储存的弹性势能全部对 A 球做功,便 A 球机械能增加,也就是弹簧的弹性力 对球 A 所做的功  $W_P=2mg(y+2L)+\frac{1}{2}$   $\star$   $2mcl=\frac{57}{9}mgL$ .

[购 9] 冰查比赛是在水平冰面上进行的体育項目,比赛场地示意图如图 3-3-26 所示,比赛时,运动员从起滑架处推着冰查出发,在投鄉級 AB 处放手让冰壶以一定的 速度滑出,使冰壶的停止位置尽量靠近圆心 O. 为使冰壶滑行得更远,运动员可以用毛刷擦冰壶运行前方的冰面,使冰壶与冰面间的动摩擦因数减小,设冰壶与冰面间的动摩擦图数减少至 pt=0,004,在某次比赛中,运动员使冰壶 C 在模鄉級中点处以 2m/s 的速度沿崖级滑出,为使冰壶 C 能够沿 應級恰好到这篇心 O. 点,运动员用毛刷擦水面的长度应为多少? (σ取 10m/s²)



[分析] 在冰壶的运动全过程中,均因克服滑动摩擦力做功,导致冰壶动能减小,而冰壶两段距离上动摩擦因数不同,导致运动时受到的滑动摩擦力不相同,由动能定理有:  $\frac{1}{2}mv^2 = \mu_0 mgs + \mu_1 mg(L-s)$ .

解得:
$$s = \frac{2\mu_1 g L - v^2}{2(\mu_1 - \mu_2)g} = 10 \text{m}.$$

[理新] 将冰壶两段匀减速运动作为一个整体处理,这是动能定理处理分段运动最为有效的途径,与采取隔离法求解相比较,无疑是事件功率.



[跨 10]  $\{2009 \cdot fr_{\hat{x}}\}$  如图 3-3-27 所示,水平地面上静止放置着物块 B 和 C,相距 I=1. 0m,物快 A 以速度  $v_0$ =10m/s 洛水平方向与 B 正礎, 避 權后 A 和 B 审图 格 A 一起向右运动,并再与 C 发生正礎, 避后瞬间 C 的速度 v=2. 0m/s, C 知 B 的 质量均为 m, C 的质量为 A 质量的 k 信,物块与地面的动摩擦因数  $\mu$ =0. 45 (设 碰 撞 时 间根柢, R 取 10m/s²)

- (1)计算与 C 碰撞前瞬间 AB 的速度;
- (2)根据 AB 与 C 的碰撞过程分析 k 的取值范围,并讨论与 C 碰撞后 AB 的可能 运动方向。



[分析考集] (1)A、B 相碰,系统动量守恒有  $mv_0 = 2mv_{AB}$ ,解得  $v_{AB} = \frac{v_0}{2} = 5$ m/s.

设与 C 碰撞前瞬间 AB 速度为 u ,运动过程中克服滑动摩擦力做功,由动能定理有  $\frac{1}{2} \cdot 2mv^2_{AB} - \mu \cdot 2mgl = \frac{1}{2} \cdot 2mu^2$ ,解得  $u = \sqrt{v^2_{AB} - 2\mu gl} = 4$ m/s.

(2) AB 与 C 碰撞, 动量守恒有 2mu=2mv'+kmv, 解得  $v'=u-\frac{kv}{2}=(4-k)m/s$ .

由上式可知 v'>0, 说明磁后 A, B 速度方向不变的条件是 k-4<0, k<4; 若 v'<0, 则说明磁后 A, B 速度反向的条件是 k>4.

两物块碰撞过程中的速度在完全非弹性碰撞和完全弹性碰撞之间,所以有

若是完全非弹性碰撞, $v'=u-\frac{kv}{2}=v$ ,

将 v=2.0 m/s 和 u=40 m/s 代入可得 k=2.AB 与 C 速度同向。

若是完全弹性碰撞,有 2mu=2mv'+kmv,  $\frac{1}{2} \cdot 2mu^2 = \frac{1}{2} \cdot 2mv'^2 + \frac{1}{2} \cdot kmv'$ ,

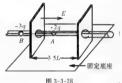
解得  $v = \frac{4}{2+h}u = \frac{16}{2+h}m/s - 2m/s$ ,由此式解得 k = 6.

由以上分析可知: $2 \le k < 4$  时,AB 与C 的运动方向相同;k = 4 时,AB 的速度为零; $4 < k \le 6$ ,AB 与C 的运动方向相反.

[坪桥] 两物碰撞系统的动量守恒。动能也遵循一定的规律,即动能损失最大(完全 非弹性碰撞),动能没有损失(完全弹性碰撞),即碰撞后,两物体的速度由这两种情况所 制约,本题就是由这制约条件来讨论 AB 的速度与 k 值的对应关系.



- [閏11] 如图 3-3-28 所示, 洛水平方向故置一条平直光滑槽, 它垂直穿过开有, 小孔的两平行薄板, 板相距 3.5L. 槽内有两个质量均为加的小球 A 和 B, 球 A 带电量, 为 + 2q, 球 B 带电量为 3q, 两球由长为 2L 的轻杆相连, 组成一带电系统. 最初 A 和 B 分别静止于左板的两侧, 离板的距离均为 L. 若视小球为盾点, 不计轻杆的质量, 在 两板间加上与槽平行向右的勾强电场 E 后(设槽和轻杆由特殊绝缘材料制成, 不影响 电场的分布), 皮。
- (1)球 B 刚进入电场时,带电系统的速度大小;
- (2)帶电系統从开始运动到速度第一次为零 所需的时间及球 A 相对右板的位置。



[分析] 对带电系统进行分析。假设球 A 能达到右极板。电场力对系统做功为  $W_1$ 。 有: $W_1 = 2qE \times 2$ 。 $5L + (-3qE \times 1.5L) > 0$ 。此式说明球 A 还能穿过小孔。离开右极板,假设 球 B 能达到右极板。电场力对系统做功为  $W_2$ ,有: $W_2 = 2qE \times 2$ 。 $5L + (-3qE \times 3.5L) < 0$ .

综上所述,带电系统速度第一次为零时,球A、B 应分别在右极板两侧.

隔离法(分段求解);(1)带电系统开始运动时,设加速度为 $a_1$ ,由牛顿第二定律 $:a_1=\frac{2qE}{2m}-\frac{qE}{m}$ . 录 B 刚进人电场时,带电系统的速度为 $v_1$ ,有 $:v_1'=2a_1L$ ,解得 $:v_2=\sqrt{\frac{2qEL}{m}}$ .

(2) 设球 B 从静止到刚进入电场的时间为  $t_1$ ,则 ;  $t_1=\frac{v_1}{a_1}$ ,解得 ;  $t_1=\sqrt{\frac{2mL}{qE}}$ . 球 B 进

人电场后,带电系统加速度为  $a_2$ , $a_2=\frac{-3qE+2qE}{2m}=-\frac{qE}{2m}$ 

显然,带电系统做匀减速运动. 设球 A 刚达到右极板时的速度为  $v_z$ 、减速所需时间为  $t_z$ ,则有  $v_t^2 - v_t^2 = 2a_z \times 1$ , 5L,  $t_z = \frac{v_z - v_t}{a_z}$ , 解得  $v_z = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{2qEL}{m}}$ ,  $t_z = \sqrt{\frac{2mL}{aE}} = t_1$ .

球 A 萬开电场后,带电系统继续做减速运动,设加速度为  $a_1,a_2=\frac{-3qE}{2m}$ 

设球 A 从离开电场到静止所需的时间为 t3,运动的位移为 x,则有:

$$t_1 = \frac{0 - v_2}{a_3}$$
,  $v_2^2 = 2a_3x$ ,解得 ;  $t_3 = \frac{1}{3}\sqrt{\frac{2mL}{gE}}$ . 球 A 相对右板的位置  $x - \frac{L}{6}$ 

可知。带电系统从静止到速度第一次为零所需时间为  $t=t_1+t_2+t_3=\frac{7}{3}\sqrt{\frac{2mL}{aE}}$ .

整体法(系统和过程整体分析):(1)带电系统开始运动时,到球 B 刚进入电场的过程



中,由动能定理有  $2qEL=\frac{1}{2}$  •  $2mv_1$ ,由动量定理有  $2qEt_1=2mv_1$ ,由以上两式解得:

$$v_1 = \sqrt{\frac{2qEL}{m}}, t_1 = \sqrt{\frac{2mL}{qE}}.$$

(2) 带电系统开始运动到 A 球刚离开电场过程中, $2qEL-qE \cdot 1,5L = \frac{1}{2} \cdot 2mv_c^2$ ,由

动量定理有;
$$2qEt_1-qE \cdot t_2-2mv_2$$
,解得; $t_2-t_1-\sqrt{\frac{2mL}{qE}}$ .

带电系统开始运动到第一次速度为零,电场力做功的代数和为零有;

$$2qEL-qE \cdot 1.5L-3qEx=0$$
,解得; $x=\frac{L}{6}$ (球 A 相对右板的位置).

由动量定理有:
$$2qEt_1 - qEt_2 - 3qEt_3 = 0$$
 解得: $t_3 = \frac{1}{3}\sqrt{\frac{2mL}{qE}}$ 

带电系统从静止到速度第一次为零所需时间为 $t-t_1+t_2+t_3-\frac{7}{3}\sqrt{\frac{2mL}{qE}}$ .

### 、 1 思维考试测试

1. 如图 3 3·29 所示,位于光滑水平桌面上的小滑块 P和 Q 都可视作质点,质量相等,Q 与轻质弹簧相连,设 Q 静止,P 以某一初速度向Q运动时与弹簧发生碰撞,在整个碰撞过程 中,碰簧具有的最大磁性垫能等于

399MeV, E<sub>u</sub>=1, 412MeV, 则可能发射的特征 X 射线的能量为



图 3 3 - 29

A. P 的初动能 C. P 的初动能 1/3

A. P 的初动能 B. P 的初动能 1/2

D. P 的初动能 1/4

2. 若原子的某内层电子被电离形成空位,其他层的电子跃迁到该空位上时,会将多余的能量以电磁辐射的形式释放出来,此电磁辐射就是原子的特征 X 射线,内层空位的产生有多种机制。其中的一种称为内转换,即原子中处于激发态的核跃迁回基态时,将跃迁时释放的能量交给某一内层电子。使此内层电子电离而形成空位(被电离的电子称为内转换电子)。  $^{24}$  Po 的原子核从某一激发态回到基态时,可将能量  $E_a$  = 1. 416 MeV 交给内层电子(如 K、L、M 层电子,K、L、M 标记原子中最靠近核的三个电子层)使其电离。实验测得从 $^{24}$  Po 原子的 K、L、M 层电离出的电子的动能分别为  $E_K$  = 1. 323 MeV、 $E_L$  =

A. 0. 013MeV

B. 0. 017MeV

C. 0. 076MeV

D, 0, 093MeV

3. 如图 3-3-30 所示, 一绝缘细杆的两端各固定着一个小球, 两小球带有等量异号的 电荷,处于勾强电场中, 电场方向如图3-3-30所示, 开始时, 细杆与电场方向垂直, 即图中





Ⅰ 所示的位置:接着使细杆绕中心轴转过 90°,到达图中 □ 所示的位置:最后,使细杆移到 图中III所示的位置,以 W,表示细杆由位置 I 到位置 II 过程中电场力对两小球所做的功、 以W。表示细杆由位置用到位置用过程中电场力对两小球所做的功。则有

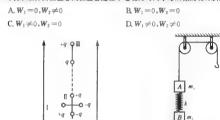


图 3-3-30

图 3-3-31

4. 如图 3-3-31 所示, 质量为 m. 的物体 A 经一轻质弹簧与下方地面上的质量为 m2 的物体 B 相连, 弹簧的劲度系数为 k, A, B 都外干静止状态。 条不可伸长的轻绳绕计轻 滑轮,一端连物体 A,另一端连一挂钩, 开始时各段绳都处于伸直状态, A 上端的一段绳 沿竖直方向, 现在挂钩上挂一质量为 m, 的物体 C 并从静止状态释放, 已知它恰好能使 B 离开地面但不继续上升, 若将 C 换成另一个质量为(m: + m;)的物体 D, 仍从上述初始位 胃由静止状态释放,则这次 B 刚好离地时 D 的读度大小是多少? 已知重力加速度为 σ

5. 如图 3-3-32 所示, 坡道顶端距水平面嘉度为h, 质量为 m, 的小物块 A 从坡道顶端 由静止滑下,进入水平面上的滑道时无机械能损失,为使 A 制动,将轻弹簧的一端固定在 水平滑道水平延长线 M 处的墙上,另一端与质量为 m。的挡板 B 相连,弹簧处于原长时, B恰位于滑道的末端 O 点. A 与 B 碰撞时间极短,碰撞后结合在一起共同压缩弹簧,已知 在 OM 段 A、B 与水平面间的动廊擦因数为 u、其余各处的魔擦不计,重力加速度为 g, 求:

- (1)物块 A 在与挡板 B 碰撞前瞬间速度 υ 的大小:
- (2)弹簧最大压缩量为 d 时弹性势能 E。(设弹簧处于原长时弹性势能为零).



图 3 3-32

6. 如图 3-3-33 所示,半径为 R 的光滑圆形轨道固定在竖直面内,小球 A、B 的质量



分别为m、 $\beta m$ ( $\beta$ ) 为待定系数). A 球从左边与圆心等高自由静止 开始沿轨道下滑,与静止于轨道最低点的 B 球相撞。碰撞后 A、B 球能达到的最大高度均为  $\frac{R}{4}$ 、碰撞中无机械能损失。重力加速度 为g. 试水,



- (1)试求待定系数β;
- (2)第 -次碰撞刚结束时小球 A、B 各自的速度和 B 球对轨 道的压力;

图 3 3 33

(3)小球A、B在轨道最低处第二次碰撞刚结束时各自的速率,并讨论小球A、B在轨道最低处第n次碰撞刚结束时各自的速度。

7. 如图 3-3-34 所示。质量  $m_{\kappa}=4$ . 0kg 的木板 A 放在水平面 C 上,木板 与水平面间的动摩擦因数  $\mu=0$ . 24,木板右端放着质量  $m_{\rm H}=1$ . 0kg 的小物块 B(视为质点)。它们均处于静止状态. 木板突然受到水平向右的  $12{\rm N} \cdot {\rm s}$  的瞬时冲量 I 作用开始运动,当小物块 滑离木板时,木板的动能  $E_{\rm kf}=8$ . 0J,小物块的动能  $E_{\rm kf}=0$ . 50J,電力加速度  $g=10{\rm m/s}^2$ ,求:

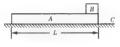


图 3-3-34

- (1)瞬时冲量作用结束时木板的速度 τω;
- (2)木板的长度 L.

8. 如图 3-3-35 所示。两个完全相同的质量为m的木板 A B 置于水平地面 E , 它们的间距 s=2 . 88m,质量为 2m、大小可忽略的物块 C 置于A 板的左端。C 与A 之间的动摩擦因数为 $\mu=0$  . 22 , A 、B 与水平地面之间的动摩擦因数  $\mu=0$  . 10,最大静摩擦力可认为等于滑动摩擦力,开始时,三个物体处于静止状态。现给 C 施加一个水平向右、大小为  $\frac{2}{5}m$ g的恒力 F,假定木板 A 、B 碰撞时间极短且碰撞后粘连在一起,要使 C 最终不脱离木板,每块木板的长度至少应为多少?



图 3 3 35

9. 如图 3 3 36 所示,在光滑水平面上,停放着 -块长 l=10m,质量 M=1kg 的木板,





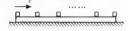


图 3-3-36

# 茶素与提示

- 1. B( 弹簧具有的最大弹性势能是两物块的速度相同。相当于完全非弹性碰撞系统损失的动能最大。即转化为弹簧的弹性势能最大。由动量守恒 可知它们的速度为 P 的初速度的  $\frac{1}{2}$ 。两物块的总动能为 P 的初动能的  $\frac{1}{2}$ ),弹簧的弹性势能也为 P 的初动能的  $\frac{1}{2}$ )
- 2. AC(由能量守恒可知 K, L, M 所处能级的能量分别为  $E_K = -(1,416-1,323) = -0.093 MeV$ ,  $E_L = -(1,416-1,399) = -0.017 MeV$ ,  $E_M = -(1,416-1,412) = 0.004 MeV$ , M 层向 K 层跃迁时能发出光子的能量为  $E_1 = E_M E_K = 0.089 MeV$ , M 层向 K 层跃迁时能发出光子的能量为  $E_2 = E_L E_K = 0.076 MeV$ , M 层向 L 层跃迁时能发出光子的能量为  $E_2 = E_M E_C = 0.013 MeV$
- 3. C(由图可知由位置Ⅱ到位置Ⅲ的过程中两电荷受力的方向相反,移动的距离相同,电场力的合力为零,此过程不做功,即,W₂-0;而由位置Ⅰ到位置Ⅱ过程中,两电荷受到的电场力与移动的方向均相同,两电场力均做功,W(≠0)
- 4. 开始弹簧压缩量为  $x_1$ ,此时储藏的弹性势能为  $W_1$ ,有  $kx_1=m_1g$ ,当恰好能使 B 离开地面而无速度时弹簧的伸长量为  $x_2$ ,有  $kx_2-m_2g$ ,对应储藏的弹性势能为  $W_2$ .当挂钩上挂一质量为  $m_1$ 的物体 C 并从静止状态释放,已知它恰好能使 B 离开地面但不继续上升说明此时系统的速度为零,机械能守恒有  $(m_1-m_1)g(x_1+x_2)=W_2-W_1$ , 若将 C 换成另一个质量为  $(m_1+m_2)$ 的物体 D,这次 B 刚好离地时 D 的速度大小为 v,同理,由机械能守恒有  $(m_1+m_1-m_1)g(x_1+x_2)=W_2-W_1+\frac{1}{2}(m_1+m_1+m_1)v^2$ ,由两次机械能

守恒的表达式可得 
$$v = \sqrt{\frac{2m_1g(x_1 + x_2)}{m_3 + 2m_1}} = \sqrt{\frac{2m_1(m_1 + m_2)g^2}{k(m_3 + 2m_1)}}$$

- 5. (1)物块 A 在与挡板 B 碰撞前运动过程中机械能守恒,  $\frac{1}{2}mv^t=mgh$ ,解得  $v=\sqrt{2gh}$ .
  - (2) A 与 B 碰撞时间极短,碰撞后结合在一起共同压缩弹簧,碰撞时动量守恒有





 $m_1v = (m_1 + m_2)v_1$ ,  $v_1 = \frac{m_1v}{m_1 + m_2} = \frac{m_1}{m_1 + m_2} \circ \sqrt{2gh}$ , A = B 结合在一起共同压缩弹簧,由能量守恒有;  $\frac{1}{2}(m_1 + m_2)v_1^i = E_p + \mu(m_1 + m_2)gd$ , 可得  $E_p = \frac{m_1^2}{m_1 + m_2} \circ gh - \mu(m_1 + m_2) \circ gd$ .

- 6.(1)A、B球碰撞后能达到的最大高度均为 $\frac{R}{4}$ ,碰撞中无机械能损失。由能量守恒 $f: mgR=mg\,\frac{R}{4}+eta mg\,\frac{R}{4}$ ,由此式可得 eta=3.
- (2)第一次碰撞刚结束时小球 A, B 各自的速度大小由小球能上升的最大高度可知分别为  $\frac{1}{2}mv_{A1}^{i}=m_{g} \circ \frac{R}{4}$ ,  $v_{A1}=\sqrt{\frac{gR}{2}}$ ,  $\frac{1}{2}$   $\beta mv_{B1}^{i}=\beta m_{g} \circ \frac{R}{4}$ ,  $v_{B1}=\sqrt{\frac{gR}{2}}$ , A 球碰前速度  $v_{A0}$ , 由机械能守恒有  $\frac{1}{2}mv_{A0}^{i}=m_{g}R$ ,  $v_{A0}=\sqrt{2gR}$ ; 两球碰撞时动量守恒有  $mv_{A0}=-m_{V_{A1}}+3mv_{B1}$ , A, B 各自的速度大小均为 $\sqrt{\frac{gR}{2}}$ , f 向相反, A 球向左, B 球向右, B 球对轨道的压力大小为  $N=\beta m_{g}+\beta m \cdot \frac{v_{B1}^{i}}{R}=4$ .  $5m_{g}$ , f 向竖直向下.
- (3)小球 A, B 在轨道最低处第二次碰撞前的速率就是第一次碰撞结束时的速率,两球速度方向相反,由动量守恒有  $3mv_m-mv_{A1}=3mv_{B2}+mv_{A2}$ ,碰撞中无机械能损失,由动能守恒有  $\frac{1}{2}$   $*3mv_{b1}^b+\frac{1}{2}mv_{A1}=\frac{1}{2}$   $*3mv_{b1}^b+\frac{1}{2}mv_{A2}$ ,由以上两式解得刚结束时各自的速率均 $v_{b2}=0$ , $v_{b2}=\sqrt{2gR}$ ,说明 B 球酸后静止,A 球以第一次碰前速率反向回到最初与圆心等高处,再以下滑到最低点与 B 球发生第三次碰撞,以后是周期性的碰撞,n 为奇数时,两球碰撞结束时的速度大小相等,均为 $\sqrt{\frac{gR}{2}}$ ,方向相反,A 左B 右;n 为偶数时,两球碰撞结束时 B 球袋
- 7. (1)木板突然受到水平向右的  $12N \cdot s$  的瞬时冲量 I 作用开始运动。由动量定理可知  $v_0 = \frac{I}{m_s} = \frac{12}{4.0} m/s = 3m/s$ .
- (2) 木板获得速度后,小物块相对木板有相对滑动,小物块向右做初速度为零的匀加速运动,木板向右做减速运动,当小物块滑离木板时,由它们的动能可知它们的速度分别为 $v_A = \sqrt{\frac{2E_{bb}}{m_A}} = 2 \text{m/s}, v_B = \sqrt{\frac{2E_{bb}}{m_B}} = 1 \text{m/s}.$  木板与小物块均做直线运动,在相等的时间内速度的变化量大小相同,说明两者加速度的大小相等,由牛顿运动定律可知  $a_B = \frac{\int_{BB}}{m_B}$



 $=\frac{f_{K}+f_{AB}}{m_{A}}=a_{A}$ ,有  $f_{AB}=\frac{m_{B}f_{AC}}{m_{A}-m_{B}}=\frac{f_{AC}}{3}=4$ N, $a_{B}=\frac{f_{AB}}{m_{A}}=4$  m/s²= $a_{A}$ . 以小物块为参考

系,木板的初速度为 $v_0$ ;末速度为 $v_i=v_A-v_B=1$ m/s. 位移为L,其加速度为 $z_{AB}=a_A+1$  $a_B = 8 \text{m/s}^2$ ,由匀变速运动的规律可知;  $L = \frac{v_0^2 - v_1^2}{2a} = \frac{3^2 - 1^2}{2 \times 8} = 0.5 \text{m}$ . 另解(2)设 C 对 A

的滑动摩擦力为 $F_{Ca}$ ,B在A上滑行的时间为t,B离开A 时A 和B的速度分别为v,和

 $v_B$ ,以 $v_0$ 为正方向,A、B系统由动量定理有 $-F_{CA}t = m_A v_A - m_A v_0 + m_B v_B$ ,而 $F_{CA} = \mu (m_A$  $+m_B$ )g,A对B的滑动摩擦力为 $F_{AB}$ ,对B由动量定理有 $F_{AB}t=m_Bv_B$ ,由以上三式得

 $\frac{\mu(m_A+m_B)g}{F_{AB}} = \frac{m_A(v_0-v_A)-m_Bv_B}{m_Bv_B}$ , 当 B 清高木板时, 可知它们速度分别为  $v_A =$ 

 $\sqrt{\frac{2E_{hA}}{m_{h}}} = 2\text{m/s}, v_{B} = \sqrt{\frac{2E_{hB}}{m_{B}}} = 1\text{m/s}$ , 从而求得 $F_{AB} = \frac{\mu(m_{A} + m_{B})g}{3}$ , 此过程 A 在 C 上滑 行的距离为5,由动能定理有

 $\frac{1}{2}m_{A}v_{0}^{2}-E_{kA}=\left[\mu(m_{A}+m_{B})g+\frac{1}{2}\mu(m_{A}+m_{B})g\right]s$ 

由功能原理可知 $\frac{1}{2}m_A v_0^2 = E_{kA} + E_{kB} + \frac{1}{2}\mu(m_A + m_B)gL + \mu(m_A + m_B)gs$ 

由这两式解得  $L = \frac{3 \times \frac{1}{2} m_A v_0^2 - 3E_{bA} - 12E_{bB}}{4 \mu (m_A + m_B)_E}$  $=\frac{3\times0.5\times4\times3^2-3\times8-12\times0.5}{4\times0.24\times5\times10}$ m=0.5m

8. 若 A.C 一起在力 F 的作用下做加速运动时, 其加速度为 a, 由牛顿第二定律有  $a_1 = \frac{F - \mu_2 (2m + m)g}{2m + m} = \left(\frac{2}{15} - \frac{1}{10}\right)g = \frac{1}{3} \text{ m/s}^2$ . A. C 之间的最大静摩擦力能支持 A 产生 的最大加速度为 $a_0$ , $a_0 = \frac{f_{K^*} - f}{m} = \frac{\mu_1 \cdot 2mg - \mu_2 \cdot 3mg}{m} = (2\mu_1 - 3\mu_2)g = 1.4 \text{ m/s}^2 > a_1.$ 

说明 A.C. 一起在力F 的作用下做加速运动时,当它们运动到与 B 相碰前的瞬间速 度为 $v_0$ ,由勾变速运动的规律有 $v_0^2=2a_1s=1$ , 92  $(m/s)^2$ , A、B 碰撞时间极短日碰撞后點 连在一起,获得共同的速度v,由动量守恒有 $mv_0=2mv_1v=\frac{1}{2}v_0$ ,此后,C相对 $A\setminus B$ 运 动,A、B 的运动状态相同,对 C 有  $a_C = \frac{F - 2\mu_1 mg}{2m} = \left(\frac{1}{5} - \frac{2.2}{10}\right)g = -0.2 \text{ m/s}^2$ ,说明 C做减速运动,对  $A \setminus B$  有  $a_{AB} = \frac{f_{AC} - f}{2m} = \frac{\mu_1 \cdot 2mg - \mu_2 \cdot 4mg}{2m} = (\mu_1 - 2\mu_2)g = 0.2 \text{ m/s}^2$ ,

A、B 一起做加速运动. 以 A、B 为参考系。C 的初速度为 $v_0^\prime$   $-v_0$   $-v=\frac{1}{2}v_0$ ,未速度为 0,加





速度  $a' = a_C - a_{AB} = -0.4 \text{m/s}^2$ , C 在木板 A 、B 上的最大位移为  $s_{max}$ , 则  $s_{max} = -\frac{v_0^2}{2a'} =$  $-\frac{v_0^2}{8a^2} = \frac{1.92}{8 \times 0.4}$ m=0.6m,要使 C 最终不脱离木板、每块木板长度至少应为  $l = \frac{1}{2} s_{max} =$  $\frac{1}{2}$  × 0, 6m=0, 3m,

9. 系统由动量守恒有 mv = (M + 11m)u, 解得 u = 0, 5m/s, 系统由能量守恒有  $\mu mgs_1 = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}(11m+M)u^2$ , 解得  $s_1 = 8$ . 25m. 被碰撞的铁块为  $n = \left\lceil \frac{s_1}{s} \right\rceil + 1 = 9$ 个,再加上第一块木块,一共有10块木块发生碰撞。



## 第四讲 临界条件

· 临界条件,在物理学中,经常遇到一个物理过程或物理状态转变为另一个物理过程或物理状态时,存在着分界线的现象,还有些物理量在变化过程中遵循不同的变化规律, 处在不同规律交点处的取值称之为临界值,临界现象是量变到原变的规律在物理学中的 生动表现,这种分界线,通常以临界状态或临界值的形式表现出来,通过分析,找出这利 临界状态或临界值问题就会即引而继

解答临界问题。一般有两种基本方法;第一是以定理、定律为依据的表达式,并对表达式中的某一物理触连续变化所导致的其他物理量的变化。当某个物理量变为零或存在着突变的情况下就是临界状态。对应的是临界条件;还可以从解的角度进行讨论,寻找特殊情况和特殊解;第二是直接分析、讨论临界状态和相应的临界值。求出物体的运动规律。

# 4.1 牛顿运动定律和运动学中的临界条件



## 解题方法指导

[閏1] 如图 4-1-1 所示,童 80 N 的物体 A 放置在倾角为 30°的粗糙舒面上,有一根原长为 10 cm,劲度系数为 10<sup>3</sup> N/m 的弹簧,其一端固定在舒面底端,放另一端置在滑块 A 后,弹 骨长度缩短为 8 cm,现用一弹簧秤沿舒面上拉滑块,若滑块与 舒面间最大势摩擦力为 25 N,当弹簧的长度仍为 8 cm 时,弹 簧秤的示数可能为



A. 10N

B. 20N

C. 40N

D. 60N

[分析] 滑块在平行于斜面可能受四个力的作用,其中有两个恒力,重力平行于斜面向下分量 G<sub>1</sub> = Gsin30° = G/2 = 40N,下面弹簧对滑块平行于斜面向上的支持力 F, = kAx = 20N,这两个力不变,合力大小为 20N,方向沿斜面向下,而弹簧秤对滑块只能产生



沿斜面向上的拉力

当斜面对滑块的静廠擦力向上为 20 N 时, 弹簧秤的示数为零, 当弹簧秤产生拉力, 斜面对滑块向上的静度擦力就会减小

当斜面对滑块的静摩擦力向下为最大静摩擦力 25 N 时, 碰篷秤的示数为 45 N, 当斜 面对滑块的静廠擦力由最大值而逐渐减小时,弹簧秤的示数也会减小,

综上所述,強管秤的示数 F,的范围为,0<F。<45 N.

#### [ \* \* ] ABC

「彈新」 本题判断的依据有两占、磁簧秤对滑块只能施加沿斜面向上的拉力: 斜面 对滑块的最大静摩擦力是 25 N, 可沿斜面向上, 也可沿斜面向下, 基于这两点就可以讲 行判断, 本题的临界条件就是静魔塘的方向和静魔塘力的最大值。

[图2] 在盾量为 M 的圆柱表面上, 固定着一个盾量为 m 的小重物,把这个圆柱被在铺角为。的斜面上,设斜面与圆柱间 的动摩擦因数等于最大静摩擦因数 (1),在保持圆柱静止的条件 下,使倾角,最大,如图 4-1-2 所示, 试求,此时 m和圆柱体中心 线的连线与整直方向的要角 8 必须符合什么样的关系式?

[分析] 如图 4-1-3 所示可知, 当圆柱体的重力与小重物的



图 4-1-2

重力的合力作用线过圆柱体与斜面的接触占 8 时,圆柱体才能保 持平衡,由同向平行力合成可知:  $\frac{Mg}{mg} = \frac{R\sin\theta_{max} - R\sin\alpha}{R\sin\alpha}$ ,

 $\sin \theta_{\max} = \frac{(M+m)}{m} \sin \alpha$  ,  $\theta_{\max} = \arcsin \frac{(M+m) \sin \alpha}{m}$  .



图 4 1 3

[專献] 本题的临界条件就是系统重力合力的作用线计支持占 B.

[图3] 如图 4-1-4 所示,小车上放着由轻质弹簧连 Bwwww A 接的质量为  $m_A=1$  kg,  $m_B=0.5$  kg 的 A , B 两物体, 两物体 与小车间的最大静康接力分割为 fam=4 N. fam=1 N. 弹 等的劲度系数为k=0,2N/cm。为了使两物体随车向右一起 加速运动,弹簧的伸长最大是多少厘米?



图 4-1-4

「分析」解決 - 对于 A、B 两物体,它们与车间的最大静康擦力提供它们各自最大 加速度分别为:  $a_{Am} = \frac{f_{Am}}{m_s} = 4 \text{ m/s}^2$ ,  $a_{Bm} = \frac{f_{Bm}}{m_s} = 2 \text{ m/s}^2$ 

当两物的加速度相同时,弹簧必须有弹力的作用,故有

$$f_{Am} - F_m = m_A a_m, f_{Bm} + F_m = m_B a_m$$

由以上两式相除后,可得  $F_m = \frac{2}{3}$   $N = k\Delta x_{max}$  ,  $\Delta x_m = \frac{F_m}{b} = 3$ . 3cm.





解法 1.A.B 两物受到的最大静摩擦力提供它们加速运动所需要的外力,则它们最 大加速度为  $a_m$ ,  $f_{Am} + f_{Bm} - (m_A + m_B)a_m$ ,  $a_m = \frac{f_{Am} + f_{Bm}}{m_A + m_B} = \frac{10}{3}$  m's<sup>2</sup>.

対于 B有: 
$$F_m + f_{Bm} = m_B a_m$$
,  $F_m = m_B a_m - f_{Bm} = \frac{2}{2} N$ ,  $\Delta r_m - \frac{F_m}{L} = 3.3 cm$ .

[票点] 两物体之间的最大静摩擦力提供的是两物体相对静止共同运动的最大加 速度,也是两物体没有相对运动的临界条件。

最大静壓擦力提供加速运动所需要的力是相对静止的临界条件,而且两物受到的最 大静塵擦力的方向一定相同.

[图4] 如图 4-1-5 所示,把长方体切成盾量分别为 m 和M的两部分。切面与底面的夹角为 $\theta$ 。长方体置于光滑的水 平面上,设切面也光滑,要使 m, M 一起在水平面上滑动,作用 在 m 上的水平力推力 F 符合什么条件?



[分析]解法一:对两切块进行受力分析,如图 4-1-6 所N 示,两切块在水平面推力作用下加速运动,对左右两切块分别 建立水平和竖直方向动力学方程,有:

対た切块有.F-Nsin 8= ma

图 1 1 6

 $N\cos\theta + N_{\text{tot}} = mg$ 

对右切垫有, Nsin A = Ma

由①可知, 当 F ↑ ( ↑ 表示增大), a ↑, 由③可知 N ↑。由②可知 N<sub>m1</sub> ↓ ( ↓ 表示减 小), 当  $N_{\text{mil}} = 0$  时, 若 F 继续增大时, 左右两切块将会发生相对滑动, 所以,  $N_{\text{mil}} = 0$  时 对应的水平维力 F 是最大值。

(4)

①×M-③×m后得:  $N = \frac{MF}{(M+m)\sin A}$ ,代人①后得:

$$N_{\text{skl}} = mg - \frac{MF}{M+m}\cot\theta \ge 0$$
,即得到 $F \leqslant \frac{M+m}{M}mg\tan\theta$ .

当  $0 < F \leqslant \frac{m}{M}(M+m)g \tan \theta$  时。左右两切块可在水平面一起滑动。

解法二,对两切块作受力分析,如图 4-1-6 所示,当 m 相对 M 要滑动时, m 不受地面 的支持力,即图中的 Ntt = 0(这是临界条件),对应水平推力最大值.

对 m 在 S 直 方向上, Noosθ=mg ①, 在水平方向上 F - Nsinθ=ma-

M在水平方向有 $N\sin\theta=Ma_{max}$  ③,由①、③两式得 $a_{max}=\frac{m}{Mg}\tan\theta$ 

由②、③两式得 
$$F_{\text{max}} = (M+m)a_{\text{max}} = \frac{m}{M}(M+m)g\tan\theta$$
.

当  $0 < F \le \frac{m}{M} (M+m) g \tan \theta$  时,左右两切块可在水平面 一起滑动.



[專点] 两种解法角度不同. 解法 一回避了求解加速度,从表达式进行分析左右两切块 一起滑动时由于水平推力的增大而出现的现象,这种跟踪分析法在整个物理问题分析中都是基本方法. 正是通过这种顺藤模瓜的研究模式,才能寻找到问题的症结. 解法 二直接说明两切块发生相对滑动的条件是左切块不受地面的支持力,相当于问题的难点已经突破,只需要根据物理规律求解,而者由表达去寻找突破口,后者由突破口寻求结果

本题的临界条件是她面对左切块的支持力为零.

[**195**] 如图 4-1-7 所示,水平线 AC = AB, 当小率以 速度 v = 2.5 m/s 匀速运动时,AB,AC 两段绳子的张力分 别是 5 N 和 3 N, 当小车的加速度分别是;(1) 2.5 m/s²; (2) -5 m/s²;(3)8m/s² 时,在以上三种情况下,两绳中张力 各是 8 少?(g = 10 m/s², 图示方向为加速度的正方向)



[分析] 当小球 A 用 AC 和 AB 悬挂住,小车匀速运动,小球 A 受平衡力的作用,  $T_{40} = 5$  N,  $T_{AC} = 3$  N,小球 A 的质量未知,但可以求出,当小车以不同的加速度运动时, 小球的受力情况就会有所改变,但小球的重力不变,在竖直方向上由于无加速度而就合外力为零;在水平方向由牛顿第二定律可知,合外力提供小球做加速运动所需的力.

[編] 当小车做勾速运动时,小球受图如图 4-1-8 所示,受到的 重力  $m_g$  与水平绳  $T_A$  的合力与绳  $T_{AB}$  是  $\cdot$  对平衡力 $(m_g)^2 + T_{AC}^2 = T_{AB}^2$ 



解得 
$$mg = 4N$$
,  $m = 0$ . 4kg,  $\tan \theta = \frac{T_{AC}}{mg} = 0$ . 75.

当小球具有的加速度  $a_c$  时,绳 AC 的张力为零,绳 AB 的张力在 水平方向上的分量为  $T_{AB_s}$ ,  $T_{AB_s} = T_{AB} \sin \theta = ma_0$ ,  $a_0 = \frac{T_{AB} \sin \theta}{m} =$ 7.5 m/s<sup>1</sup>.

图 4-1-8

 $(1)a_1$ :2.5 $m/s^2$ < $a_0$ ,由前面的分析可知, $T_{AB}$ 不变,在水平方向上,由牛顿第二定律 可得  $T_{AB}$ ,  $T_{AC}$ = $ma_1$ , $T_{AC}$ = $T_{AB}$ , $-ma_1$ =3 0.4×2.5N=2N.

(2)a2--5 m/s2时,由前面的分析可知,TAB不变.

同理有  $T_{ABx} - T_{AC} - ma_2$ ,  $T_{AC} = T_{ABx} - ma_2 - 3 - 0$ ,  $4 \times (-5) N - 5N$ 



•

 $(3)a_3 = 8m/s^2 > a_0$ ,由前面的分析可知  $T_{AC} = 0$ ,此时小球只受電力 mg 和绳 AB 的拉力  $T'_{AB}$ ,两力合力的方向沿水平方向,大小等于  $mg_1$ ,如图 4-1-9 所成,由图可包.

$$T'_{AB} = \sqrt{(ma_3)^2 + (mg)^2} = m\sqrt{a_3^2 + g^2} = 5.12N.$$

[專本] 防止分析中漏掉了题设中隐藏的临界条件物理问题,在 题设的初始条件下。对物体的状态变化进行连续变化的分析,分析到了 临界占时(如本题分析中的 Ter = 0 和 Ter 率与不变的条件),都应是物



图 4-1 9

理过程中的临界条件. 尽管题设给出的加速度不是连续变化, 但是分析问题使加速度连 续变化, 就可以知道在不同的加速度的情况下, 小球受力的个数有可能发生了变化, 这样 才能正确地分析小球的受力情况, 只有小球的受力分析是正确的前提下, 才能正确地求 餐 本题分析法是典别的器综分析法

本题的临界条件是编 AC 的拉力为零、

[**96**] 如图 4-1-10 所示,被在水平地面上的厚木块 质量为 3 kg, 与地面间的动摩擦图数为 0, 25 桌上有深 2 cm,截面单径为 5 cm 圆弧的光滑槽,槽内放着一个质量 为 2 kg,率径为 5 cm 的圆柱体,有水平力 F 柱木块,当 F 符合什么条件时,圆柱体排从槽内滤出来(a=10 m/s²)?



[分析] 圆柱体在槽中受到两个力的作用:電力 mg 和槽对它的弹力 N, 若是它们处于静止状态:则弹力 N 与重力 mg 是 · 对平衡力:这两个力的作用线在同 - 条直线上。即竖直线上,当槽有了水平方向的加速度后;则重力和弹力的合力要提供圆柱体随槽 · 起做加速运动所需要的力,而。其 动的方向是水平的。则槽对圆柱体的弹力再也不是竖直,



图 4-1-11

个被动力,它将随着物体的运动状态变化而变化),到达 B 点后, 若此时圆柱体所受的合 外力若再也不足以提供它 与槽 -起加速所需要的外力时,圆柱体将会离开槽,也就是说, 当弹力的作用点移到图4-1-11中的 B 点时,是圆柱体与槽 -起运动时的最大加速度 am, 由图面 知。

$$ma_{\rm m} = mg\cot\theta$$
,  $\sin\theta = \frac{5-2}{5} = 0.6$ ,  $\cot\theta = \frac{4}{3}$ ,  $a_{\rm m} = 13.3$  m/s<sup>2</sup>

将槽与圆柱体作为一个整体、它们在水平方向上受到的拉力 F 与滑动摩擦力的合力 提供它们做加速运动所需的力故有  $F = (M+m)a_m + \mu(M+m)g = (M+m)(a_m + \mu g)$ = 79N

当 F≤79N 时, 圆柱体与槽一起加速运动, 当 F>79N 时, 圆柱体将会从槽内滚出来.

槽对圆柱体弹力的作用点将随系统加速度的增大而发生变化,本题的临界条件是当 弹力的作用点移到槽的右端点时是系统具有最大加速度的临界值,





\*\*\* \*\* \*\*

[門7] 如園 4-1 12 所示,用園定插板 P 将廣量为 m 的 小球插在光滑的斜面上处于静止状态,已知斜面体质量为 M, 惧角为 8,斜面体与水平面间的功摩擦园数为 µ,问至少以多 大部分水平拉力 F 向右拉动斜面体,小球才能做自由落体 运动?



[分析] 解法一:小球能做自由落体运动。说明只受重力作用,当小球与斜面体接触而无挤压时。它们之间没有形变。没有 弹力,这说明斜面体和小球在这种情况下是水平拉力最小的条件,也即垂直于斜面方向上两者的加速度相等,小球的加速度 g 假斜面体的加速度 a 的关系及斜面体的受力分析如图 4-1-13 所示,由图可知:



图 4-1 13

 $g\cos\theta = a\sin\theta$ ,  $a = g\cot\theta$ .

斜面体在竖直方向上有 N=Mo.

水平方向魔樓力 f=uN=uMg.

在水平方向上由牛顿第二定律有F f=Ma.

所以,水平拉力至少为 $F=(\mu+\cot\theta)Mg$ 

解法 :. 小球能做自由落体运动, 也说明斜面体的加速度在竖直方向上的分量大小为 g 时, 斜面体所受的水平拉力最小, 如图4-1-14所示, 将斜面体的加速度沿竖直方向和平行于斜面方向分解, 由图可知 a-gcou. 由解 中可知  $F=(\mu+cou)Mg$ .



4-1-14

[專本] 小球做自由落体运动,说明只受重力,小球与斜面间有接触无 挤压时是临界状态,这个临界状态相当于它们在此方向上的运动情况相同,即加速度 相同,

[野8] 火车以速度 vi 向前行驶, 司机忽然发现,在前方同一轨道上距率为 s处有另一辆火车,它正沿相同的方向以较小的速率 vi 做勾速运动,于是他立即使车做勾减速运动,加速度大小为 a、要使两车不致相撞,則 a 应满足怎样的条件?

[分析] 司机使火车做匀减速运动,当后面的火车与前方火车时的速度相等时,两车再也不能接近了,也就是后面的火车与前面火车的速度相等时,后面火车的位移与前面火车的位移之差要小于;时,两车才不致相撞.

解法一,当两车速度相等时,两车没有相撞,以后再也不会相撞,后车减速的时间为 $t_1$ 则; $t_1 = \frac{v_1 - v_2}{a}$ .后车的位移 $s_1 = v_1 = \frac{v_1 + v_2}{a}t_1$ ,前车的位移 $s_2 = v_1t_2$ 

$$s_1 - s_2 = \frac{v_1 - v_2}{2}t = \frac{(v_1 - v_2)^2}{2a} < s$$
,  $a > \frac{(v_1 - v_2)^2}{2s}$ .

解法二:以前车为参考系,后车的初速度为 v~(vi -vi),当后车的速度减为零时(即





两车速度相等),其位移小于 s,两车不会相撞,即  $\frac{(v_1-v_2)^2}{2a} < s$ ,则加速度 a > t

 $\frac{(v_1-v_2)^2}{2s}$ . (前车加速度为零,后车的加速度也是相对加速度)

解法三:作出两车运动的速度 时间图象如图 4-1-15 所示,由图象可知,在两图象相交前与时间轴所图面积之差(即图中阴影部分)小于s时,两车不会相撞,即 $\frac{(v_1-v_2)^2}{2s}$ < s,  $a > \frac{(v_1-v_2)^2}{2s}$ .



解法四:后车的位移为  $s_1=\upsilon_1t-\frac{1}{2}\alpha t^2$ ,前车的位移为  $s_2=\upsilon_2t$ ,

要使两车不相撞,有

$$s_1$$
  $s_2 = (v_1 - v_2)t - \frac{1}{2}at^2 < s$ ,  $y = \frac{1}{2}at^2 - (v_1 - v_2)t + s > 0$ 

说明此二次函数 y 无解, 判别式  $\Delta = (v_1 - v_2)^2 - 2as < 0$ , 可得  $a > \frac{(v_1 - v_2)^2}{2s}$ .

[閏9] 如图 4-1 16 所示,一个质量 m= 1kg 金屬埃 A(可视为质点), 轻轻放在一块在光 清水平桌面上匀速向右运动的薄木板上,剛放到 木板上时,A 可视为静止,并距木板左端为d=



E4 4-1-10

64 cm.A 放在木板上,金属块与薄木板间的动摩擦因数μ=0.2.假设桌面足够长,A 放上后木板在外力作用下仍做匀速运动。求木板的速度τ,满足什么条件时,才可以把木板从金属块下面抽出。

[分析] 金属块 A 获得的加速度是由于滑动摩擦力的原因、当它与薄木板的速度相同时、它的加速度就会消失、木板要从金属块下面抽出。则最少也得在金属块获得长木板的相同的速度那一瞬间抽出。由牛顿运动定律有 $a-\mu mg = 2 \text{ m/s}^2$ .

解法 ·: 金鳳炔 A 获得与薄木板相同速度时,薄木板被抽出是薄木板具有最小速度, 此过程所需要时间是金鳳炔 A 加速的时间  $t = \frac{v_0}{2}$ .

金属块 A 和薄木板位移分别为  $s_{\#} = w_{\ell}$  ,  $s_{\$} = \frac{w_{\ell}}{2}t$  .

抽出木板的条件是  $d < s_{ki} - s_{2i}$  ,由以上几式解得  $v_0 > 1$ .  $6m_i s_i$ 

解法::.若以薄木板为参考系,金属块A的初速度为 $v_0$ ,方向向左,加速度a=2m/s $^2$ ,方向向右,即金属块在薄木板上向左做勾减速运动,当金属块A的未速度为零,即金属块A与薄木板的速度相等时,金属块A在薄木板上最大位移为 $s_{max}$ .

当  $s_{\text{mex}} = \frac{v_0^2}{2a} > d$  时,木板抽出,所以  $v_0 > \sqrt{2ad} = 1.6 \text{m/s}$ .

[粵獻] 两个物体之间存在着相对运动时。当速度相等时,是两物体由相对运动到 相对静止的状态的转变,速度相等是临界状态.





[內 10] 在光滑的水平轨道上有两个半径都是 R 的小球 A 和 B, 质量分别为 m 和 2 m, 当两球心间距离大于 L (L 比 2 r 大 得多)时, 两球之间无相互作用力, 当两球心间距离等于或小于 L 时, 两球间存在着相互作用的恒定斥力 F. 设 A 球从远离 B 球



25 4-1-1

处以速度 tu 洛两球速心截向原来静止的 B 球运动,如图 4-1-17 所示. 欲使两球不发生接触, tu 必须满足什么条件?

[分析] A、B 两球间距离等于L 时、A 球做匀减速运动。B 球做匀加速运动。只要 A 球的速度大于 B 球的速度,两球之间的距离在减小、当A 球的速度等于 B 球速度时,两 球之间的距离最小、 若此时两球没有接触。那么以后两球不可能再接触。所以两球速度相等时两球没有接触是能界条件。

解法 -: 当 A、B 两球间距离等于 L 时, A 球、B 球

加速度为
$$a_A - \frac{F}{m}, a_B = \frac{F}{2m}$$
.

在时间t内(从A、B两间距离为L 开始计时),如图 4-1-18 所示,有:



$$s_A = v_0 t - \frac{1}{2} a_A t^2$$
,  $s_B = \frac{1}{2} a_B t^2$ .

两球间的距离从产生斥力到刚好不接触,如图 4-1-18 听示.

$$\Delta s = L + s_B - s_A = L + \frac{1}{2} a_B t^2 - (v_b t - \frac{1}{2} a_A t^2) = \frac{1}{2} (a_A + a_B) t^2 - v_b t + L.$$

两球不接触,有  $\Delta s > 2r$ ,则有  $\frac{1}{2}(a_{\Lambda} + a_{B})t^{2} - v_{B}t + L > 2r$  将  $a_{\Lambda} = \frac{F}{m}$ 、 $a_{B} = \frac{F}{2m}$  代人后有: $\frac{3F}{4mt}t^{2} \cdot v_{B}t + L - 2r > 0$ . 要使该式恒成立,则其判别式  $\Delta < 0$ ,即:

$$\Delta = v_0^2 - 4 \cdot \frac{3F}{4w} \cdot (L - 2r) = v_0^2 - \frac{3F}{w}(L - 2r) < 0$$
 .  $\mu v_0 < \sqrt{\frac{3F(L - 2r)}{m}}$ 

解法二: 当 A、B 两球间距离等于L 时, 两球加速度分别为  $a_A = \frac{F}{m}$ ,  $a_B = \frac{F}{2m}$ , 并开始计时. 以 B 球參考系, A 球的初速度  $v_n' = v_n$ , 加速度  $a = a_A + a_B = \frac{3F}{2m}$ ,

当 A 球速度減为零时(也就是两球相对静止),A 球的位移为 s,  $s = \frac{v'_{\delta}}{2a} = \frac{mv_{\delta}^2}{3F}$ .

当 
$$s < L-2r$$
 时,两球不会接触, $\frac{mv_0^2}{2F} < L-2r$  得  $v_0 < \sqrt{\frac{3F(L-2r)}{2F}}$ 

解法三:从当A、B 两球间距离等于L 时,两球加速度 $a_A = \frac{F}{m}$ ,  $a_B = \frac{F}{2m}$ .

由此时开始计时,A球做勾减速运动,B球做勾加速运动,两球速度表达式分别为 $y_a = y_b - a_a t_a$ ,如一 $a_a t_a$ 

两球的 v t 图象如图 4-1-19 所示. 由图可知,  $v_A = v_B$  时, 是 A 球追赶 B 球的最大距离  $\Delta s$  就是图中的阴影部分的面积, 若是



图 4-1-19





 $\Delta s < L - 2r$  时, 两球不会接触. 由两球速度相等  $v_b - a_A t - a_B t$ , 所经历时间为  $t = \frac{v_b}{L}$  $=\frac{2mv_0}{3E}$ .

$$\Delta s = \frac{1}{v}t - \frac{v_0 + 0}{2}t - \frac{mv_0^2}{3F} < L - 2r \cdot \frac{1}{7}v_0 < \sqrt{\frac{3F(L-2r)}{m}} \; . \label{eq:delta_scale}$$

解法四:A、B 两球间距离等于L 后、两球加速度分别为  $a_A=rac{F}{2}$  ,  $a_B=rac{F}{2}$  , A 球做 匀减速运动、B 碳做匀加速运动、只要  $v_0$  >  $v_0$  , 两球间的距离就越来越小、当  $v_0 = v_0 = v$ 时,两球间距离最小,若此时刻两球没有接触,以后两球就不会接触,当两球速度相等时, 两球所组成的系统,在水平方向上不受外力,由于运动同时性 $t - \frac{u_0 - v}{u_1} = \frac{v}{a_B}$ ,  $\frac{v_0 - v}{v}$  $=\frac{a_A}{a_B}=\frac{2}{1}$ ,  $v=\frac{v_L}{3}$ . 两球相互接近到刚好不接触的时间  $t=\frac{v}{a_B}=\frac{2mv_0}{3F}$ .

A、B 两球位移分別为 
$$s_A = \frac{v_b + v}{2}t$$
,  $s_B = \frac{1}{2}vt$ .  $\Delta s = s_A \cdot s_B = \frac{v_b}{2}t = \frac{mv_b^2}{3F}$ .   
 当  $\Delta s < L \cdot 2r$  时,两球不会接触,即  $\frac{mv_b^2}{3F} < L \cdot 2r$ ,即得  $v_b < \sqrt{\frac{3F(L - 2r)}{m}}$ .

「钾粉」 这是一道高考压轴题,当年参考高考的学生对于分析两球不接触的条件 时,出现了如下两种情况。(1)当两球的距离之间 As -L 2r 时,vi < vi 是两球不接触的 条件:(2)当两碳的速度 n, = nett, As<1. 2r 县两碳不会接触的条件, 对于以上两种分 析,从结果来看,几平没有差别,实质上,这两个条件是不能并存的,

在本题的几种解决中, 都强调当两球速度相等时, 两球没有接触所对应的条件才是 临界条件, 若是条件(1), 由图 4-1-19 可知, 两球的状态可能到了图中是 E 点的右侧, 因 为它均符合条件(1),而实际上在 E 点的左侧它们早已相撞了,故只有条件(2)正确,

[**閏11**] 如图 4-1-20 所示,质量为 2 m、长为 l 的木块置于 光滑的水平台面上,质量为 m 的子弹以初速度 to 水平向右射向 木块,穿出木块时的速度为 th/2,设木块对子弹的阻力恒定,求;



图 4-1-20 (1)求子弹穿越木块的过程中,木块滑行的距离 L:

(2)芸术块固定在传送带上。使木块随传送带始终恒定的速度 u 水平向右运动。 干弹仍以初读度 7b向右射向木块(v<7b),求干弹最终的速度 70

(3)求在情况(2)中,子弹在木块中行进的过程中,木块移动的距离 L2.

[分析] (1)设子弹与木块间阻力 f,由牛顿第二定律可知:

子弹的加速度为 $a = \frac{f}{a}$ ,木板的加速度 $a_0 = \frac{f}{2a} = \frac{a}{2}$ ,设子弹穿过木块后木块速 度为v,子弹射穿木块的过程所用时间为 $t = \frac{v}{a_0} = \frac{v_0 - v_0/2}{a}$ ,解得 $v = \frac{v_0}{4}$ .

子弹对地位移为  $s_1 = \frac{v_0 + v_0/2}{2} \cdot t = \frac{3v_0 t}{4}$ ,木块对地位移为  $L_1 = \frac{v}{2} \cdot t = \frac{v_0 t}{2}$ .





子弹射穿木块时有  $l-s_l-L_1-\frac{5v\cdot l}{8}$  ,所以,  $\frac{l}{L_1}=\frac{5}{1}$  ,  $L_1=\frac{l}{5}$  ,

由于 $t=\frac{5w\,t}{8}-\frac{5v^2}{16a}=\frac{5mv^2}{16f}$ ,解得它们之间阻力为 $f=\frac{5mv^2}{16l}$  .

(2) 当本块固定在传送带上,而传送带始终以速度 u 水平向右匀速运动,而子弹在阻力的作用下做减速运动,子弹  $\frac{5u^2}{m}$  几位作用下做减速运动,子弹  $\frac{5u^2}{m}$ 

设子禅穿透木块后的速度为v',子禅穿透木块所用的时间为t' u v' ,木块在时间t'内位移 $L_2 = u'$ ,子禅在这段时间内的位移为 $s = \frac{v - v'}{2} \cdot t'$ .

两位移之差。 
$$L = \frac{v_b + v'}{2} \cdot t' \cdot ut' - \frac{v_b + v' - 2u}{2} \cdot \frac{v_b - v'}{a} - l.$$

将 子弹加速度的值代入上式整理后得  $v'^2-2uv'+2uv_0-\frac{3}{8}v_0^2=0$  …①

因子弹穿透木块,必须有 v' >u, ①式中的解只能取正值:

$$v' = u + \sqrt{(v_0 - u)^2 - \frac{5}{8}v_0^2}.$$

要使 v'有解、 $(v_b-u)^2>rac{5}{8}v'_i$ ,即省  $u< v_i$  ( $1-\sqrt{rac{10}{4}}$ ) 时,子弹可以射穿木块.

(3)由(2)中可知当子弹的初速度和木块的速度关系为  $u > v_0$  (1  $\frac{\sqrt{10}}{4}$ ) 时,子弹末速度为 u 时,子弹射人木块时间为  $t' = \frac{v_0 - u}{a} = \frac{16(v_0 - u)}{5v_0^2}$ ,木块位移为  $L_2 = ut' = \frac{16ut(v_0 - u)}{5v_0^2}$ ;

当 $u < v_0 (1 - \frac{\sqrt{10}}{4})$ ,子弹射穿木块时间为 $t' = \frac{v_0 - v'}{a} = \frac{16t'}{5v_0^2}$   $\left[v_0 - u - \sqrt{(v_0 - u)^2 - \frac{5}{8}v_0^2}\right]$ ,木块位移 $L_t = u t' = \frac{16u}{5v_0^2} \left[v_0 - u - \sqrt{(v_0 - u)^2 - \frac{5}{8}v_0^2}\right]$ .

[專本] 本题的临界条件是由表达式分析出来的,这属于一种类型,对于数学表达式,要使其有解,根式内数值不能小于等,是求解临界条件的一种途径,同类如分母的值不能为零、正弦或余弦的值不能大于1……,对应的物理条件可能都是临界条件.

[**1912**] 质量为2kg的物体在光滑水平面上以5m/s的速度匀速前进,当它受到一个水平方向的恒力作用,如果此力大小为4N,则

A.5 s 末的速度大小可能是 15 m/s, 则位移大小为 50 m

B.5 s 末的速度大小也可能是 5 m/s

C.5 s 末的速度大小可能是 5√5m/s

D.5s 末的位移可能是章, 也可能是  $5\sqrt{2}m$ 



-

[分析] 由牛顿运动定律可知物体的加速度为  $a=\frac{F}{m}=2$  m/s², 在 5s 内速度的增量为  $\Delta v-at$ ·10m/s。两矢量和的最大值是绝对值之和。最小值为绝对值之差。所以,未速度大小的范围为 5m/s  $\leqslant v_i \leqslant 15$ m/s,与此对应的位移的最大值是  $\frac{v_i-v_i}{2}$ 。 t=50m,

最小位移  $\frac{v_0 + v_0}{2} \cdot t = \frac{5 + (-5)}{2} \times 5 m = 0$ ,也就是位移的范围为  $0 \le s \le 50 m$  (这里的 速度大小和位移最大值和最小值都是临界值),凡是符合此范围的值都有可能性.

#### [##] ARCD

[要無] 物体受到·一个水平方向的恒力作用时,这个恒力虽然是水平方向,但是与速度方向是否在一条直线上却是未知的,在这种情况下,力的方向与速度方向之间的关系就有很多种可能性;在一条直线上,若是同向,物体做匀加速直线运动,若是反向,物体做匀减速直线运动,若是不在一条直线,那么它们此过程中速度大小一定在以上两种情况之间,本题速度在最大速度15 m/s 与 5 m/s 之间的任何值,相应地其位移也是这两种情况下位移值之间的任何值,本题考查失量合成值的范围,端点值即临界值

[內13] 如图 4-1-21 所示,长为 L 的轻杆,一端固定一个小球,另一端固定在光滑的水平轴上,使小球在整直平面內微圖周运动,关于小球在最高点的速度 v,下列说法中正确的是

A. v 的最小值为 √gL

B υ 由掌逐渐增大,向心力也逐渐增大

图 4-1-21

C. 当 v 由 √gL 值逐渐增大时,杆对小球的弹力也逐渐增大

D. 当 v 由 √gL 值逐渐减小时,杆对小球的弹力仍然是逐渐增大

[分析] 小球与杆相连在竖直面内做圆周运动,杆既能承受压力,也能承受拉力,小球到达最高点的速度可以为零。由向心力的公式可知向心力随速度的增大而增大,小球在最高点时,杆对球的作用力为零,说明是小球的重力提供向心力,有。

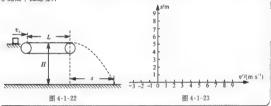
$$mg = m \frac{v^2}{I}$$
,  $v = \sqrt{gL}$ .

当v由  $\sqrt{gL}$  值逐渐增大时,小球的重力不足以提供向心力,杆对小球的弹力(此时杆的作用力是拉力)与重力的合力提供向心力,杆对小球的弹力将随速度的增大而逐新增大,者速度v由  $\sqrt{gL}$  值逐渐减小时,向心力减小,重力有一部分提供向心力,多余部分与杆对小球的弹力(此时弹力为压力)平衡,杆对小球弹力随速臂的减小而逐渐增大。

### [##] BCD

[舞構] 当小球受杆的作用力为零,小球运动到最高点的速度是临界速度,再由此 速度增大和减小时对应杆对小球作用力的变化。

[例 14] 如图 4 1 22 所示水平传送带水平段长 L=6m,两皮带轮半径均为 r=0. 1m,距地面高 H=5m. 与传送带等高的光滑水平台上有一小物块以  $v_0-5m/s$  的初 速度滑上传送带,物块与传送带间动摩擦因数  $\mu=0$ . 2、取 g=10m/s'. 设度带轮匀速转动助皮带的速度 v'. 物体平抛运动的水平位移为 s. 以不同的速度 v' 值重复上速过程。得到一组对应的 v'. s. 值,对于皮带轮的转动方向,皮带上部向右时 v'>0. 而左用。v'<0 表示。在图 4-1-23 给定的坐标系上正确画出 sv'关系图线(设小物块一离开皮|带或做平搬运动).



[分析] 小物块在皮带上的加速度是由滑动摩擦力提供的,只要小物块与皮带之间存在着相对运动,这个加速度就存在,只要小物块与皮带相对静止,这个加速就消失.所以,小物块离开皮带时的最小速度是在皮带上一直减速到传送带所具有的速度  $v_a$ , 皮带离地的高度  $v_c$ , 放物块离开皮带后,若要做平抛运动,则它在离开皮带时的最小速度应是電力提供向心力,有  $\frac{mv_{mm}^2}{r} = mg$ ,解得  $v_{mm} = \sqrt{gr} = \sqrt{10 \times 0.1} \text{m/s} = 1\text{m/s}.$  物块与皮带间的滑动摩擦力使物体产生的加速度,由牛顿第二定律有  $ma = \mu ng$ ,  $a = \mu g = 0.2 \times 10\text{m/s}^2 = 2\text{m/s}^2$ .

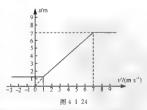
小物块在皮带上减速。它离开皮带时的最小速度为  $v_i$  ,  $v_i = \sqrt{v_0^2-2aL} = 1 \text{m/s} = v_{\text{ma}}$  , 说明物体离开皮带后 。定做平摊运动.

小球在皮带上能达到的最大为 723,

$$v_2 = \sqrt{v_0^2 + 2aL} = \sqrt{5^2 + 2 \times 2 \times 6} \text{m/s}$$
  
=  $7 \text{m/s}$ ,

小球做平抛运动时间 
$$t-\sqrt{\frac{2H}{g}}=\sqrt{\frac{2\times 5}{10}}$$
 s = 1s.

当皮带的速度  $v' \leq 1 m/s$ (此式还包含了皮带的速度反向的情况在内)时,小物块落地的水平距离均为  $1 m_1 \doteq v' \geq 7 m/s$  时,小球落地的水平距离均为  $7 m_1$ 



当 1m/s < v' < 7m/s 时。则小物块离开皮带时的速度均与皮带的速度相同。落地时的水平 距离 s = v't 将随着皮带的速度增大而增大。由以上分析,可作出符合题意图象如图



#### 4 1 24所成

[專訊] 本题中传送带的速度是一个不定值,正是这个不定值,带来了小物块离开传送带时速度大小有多种可能性,小物块离开传送带时速度的范围是本题的难点。

小物块在传送带可加速、叮碱速,还叮匀速,小物块离开传送带时的最大速度是一直 在加速,小物块离开传送带时的最小速度是一直在减速,与此对应有速度就是速度的范 圈的端点值,对应落她的水平距离也是菊烟的端点值,即本颗的临界条件

[內 15] 一个光滑的關條体固定在水平桌面上,其軸线沿 豎直方向,母线与轴线间的奏角 8=30°,如图 4-1-25 所示,一条 长为 L 的轻绳一端固定在圆糠的顶点,另一端拴着一个质量为 n的物体,物体以速度 v 绕圆锥体的轴线做水平圆周运动,物体 和绳在图中没有画出,



(1)当 
$$v = \sqrt{\frac{gL}{6}}$$
 时,求绳对于物体的拉力;

(2)当
$$v = \sqrt{\frac{2RL}{3}}$$
 时,求絕对于物体的拉力;  
(物体可看作质点,要求简要说明解法根据)

[分析] 物体在锥面上做水平匀速圆周运动,受到重力 mg、锥面的支持力为 N 和绳子的拉力 T 的作用,受力图



$$T\cos\theta + N\sin\theta = mg$$

$$+N\sin\theta = mg$$
 ②

由①、②两式可知;当 v 增大, T 增大, N 减小, 当 N=0 时 对应的线速度 v 是物体在锥面上的临界速度。v≤7a, 物体在锥面上;v>7a, 物体塞开锥面

当 
$$N=0$$
 时由①、②两式可得, $v_0=\sqrt{gL\sin\theta}v_0\theta=\sqrt{\frac{\sqrt{3}gL}{6}}$ 

(1) 当 
$$v = \sqrt{\frac{gL}{6}} < v_0$$
,物体在键面上,由①×sin $\theta$ +②cos $\theta$  得 
$$T_1 = \frac{mv^2}{l} + mg\cos\theta = \left(\frac{1}{6} + \frac{\sqrt{3}}{2}\right)mg = 1,03mg$$

(2) 
$$v-\sqrt{\frac{3gL}{2}}>v$$
, 说明物体已离开帷面,做圆锥摆运动,有  $m$ gtan  $\theta_z=m\frac{v^2}{L\sin\theta_z}$ 

解得 
$$v=\sqrt{gL\sin\theta_x\tan\theta_x}$$
,即  $\frac{3}{2}$   $gL=gL\sin\theta_x$  1g $\theta_x$  ,整理后得  $\frac{1-\cos^2\theta_x}{\cos\theta_x}=\frac{3}{2}$  .

解得 
$$\cos \theta_z = \frac{1}{2}$$
 或  $\cos \theta_z = -2$  (含去),对于圆锥摆,绳子张力  $T = \frac{mg}{\cos \theta_z} - 2mg$ .

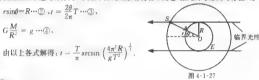
[專 m] 小球在锥面上受到锥面的弹力为零是临界状态,本题的临界条件是隐蔽的,只有对①、②两式进行跟踪分析小球的速度由零增大的过程中,对N与T的变化中才能寻找到N-0的临界条件.此题进一步说明殿踪分析法是分析问题的基本方法.



[四16] 某颗地球同步卫星正下方的地球表面有一观察者,他用天文望远镜观察被太阳光照射的此卫星,试问:春分郡天(太阳光直射赤道)在日落后 12h 内有多长时间该观察者看不见此卫星? 已如地珠半径为 R,地球表面处重力加速度为 g,地球自转周期为 T,不考虑到大气对光的折射.

[分析] 设所求的时间为  $\iota$ , 用 m, M 分别表示  $\Gamma$  星和地球的质量,r 表示  $\Gamma$  星到地心的距离,r G  $\frac{mM}{r^2}$  r  $\cdots$   $\Gamma$ 

春分时,太阳光直射地球赤道,作出太阳光直射赤道时情况如图 4-1-27 所示,图中圆 E表示赤道,S表示卫星,A表示观察者,O表示地心,两条临界光线与地球的赤道相切,两 光线的左侧之间区域为地球的夜晚,由图可看出当卫星绕地心,O转到图示位置以后(设地 球自转是沿图中逆时针方向),其正下方的观察者将看不见它,提此再考虑到对条件,有



### 那 跟除训练

1. 将"超市"中运送货物所用的平板车周定在水平地面上,配送员用 300N 的水平力 拖动。新 60kg 的货物时,该货物则好能在平板车上开始滑动;若配送员拖动平板车由静 止开始加速前进,要保证此箱货物一定不从车上滑落,配送员拖车时,车的加速度的热度的以为 可以为

A, 3, 5m/s<sup>2</sup> B, 5, 5m/s<sup>2</sup> C, 7, 5m/s<sup>2</sup> D, 9, 5m/s<sup>2</sup>

2. 如图 4 1 28 所示, 三物体质量分别为 m<sub>1</sub>、m<sub>2</sub>、m<sub>n</sub>。带有滑轮的物体放在光滑水平 面上,滑轮和所有接触面的摩擦以及绳子的质量均不计, 为使三个物体无相对滑动, 水平 推力县多少?



4. 将质量为 1kg 的小球柱在倾角为  $a=30^\circ$ 的光滑斜面上,如图  $4\cdot 1\cdot 30$  所示,当斜面以加速度  $a=20m/s^\circ$ 向左做勾加速直线运动时,求绳的张力的大小 $(g=10m/s^\circ)$ .





- 5. 一平直的传送带以速度 v=2m/s 匀速运行, 传送带把 A 点处的零件运送到 B 点处、A. 两点之间相距 L=10m,从 A 点把零件轻轻地放到传送带上, 经过时间 (=6s, tt) 送到 B 点,如果提高传送带的运动速率。零件能较快地传送到 B 点,要让零件用最短的时间从 A 点传送到 B 点处,说明并计算传送带的运动速率至少应多大? 如果把求得的 读率再提高 · 倍,则零件传送时间为多少 $(g-10m/s^2)$ ?
- 6. 太阳从东边升起,西边落下,是地球上的自然现象,但在某些条件下,在纬度较高地区上空飞行的飞机上,旅客可以看到太阳从西边升起的奇妙观象,这些条件是())
  - A. 时间必须是在清晨, 飞机正在由东向西飞行, 飞机的速度必须较大
  - B. 时间必须是在清晨,飞机正在由两向东飞行,飞机的速度必须较大
  - C. 时间必须是在傍晚, 飞机正在由东向西飞行, 飞机的速度必须较大
  - D. 时间必须是在傍晚, 飞机正在由西向东飞行, 飞机的速度不能太大
- 7. 如图 4·1 31 所示,轻杆的一端有一个小球,另一端有光滑的固定轴 O,现给球一 初速度,使球和杆一起绕 O 轴在竖直面内转动,不计空气阻力,用 F 表示球到达最高点 时杆对小球的作用力,则 F

A. 一定是拉力

C. 一定等于0

B. -定是推力

D. 可能是拉力,可能是推力,也可能等于 0





图 4-1-31 图 4-1-32

- 8. 如图 4-1-32 所示排球场总长为 18m,设球网高度为 2m,运动员站在网前 3m 处正 对球网酰起将咪水平击出。
  - (1) 若击球的高度为 2.5m,为使球既不触网又不越界,求球的速度范围.
  - (2) 当击球高度为何值时, 无论水平击球速度多大, 球不是触网就是越界?
- 9. 如图 4 1 33 所示, AB 为斜面, 倾角为 30°, 小球从 A 点以初速度 v, 水平抛出, 恰好落在 B 占, 求。
  - (1)AB间的距离:
  - (2)物体在空中飞行的时间;
  - (3)从抛出开始经多长时间小球与斜面间的距离最大。





图 4-1-33

图 4-1-34

10. 如图 4·1·34 所示在水平圆盘上有一过圆心的光滑小槽,槽内有两根相同的橡皮绳拉住。质量为m的小球,其中O点为圆盘的中心。O点为圆盘的边缘。橡皮绳的劲度系数为k。原长为圆盘的半径R的  $\frac{1}{2}$ . 现使圆盘角速度由零级慢增大。求圆盘的角速度



 $\omega_1 = \sqrt{\frac{k}{5m}} = \omega_2 = \sqrt{\frac{3k}{5m}}$  时,小球所对应的线速度之比  $v_1 : v_2$ .

11. 一空间站太阳能电站建在地球同步轨道的一个固定位置上,应用微波形式向地面发送电能,若地球本影长约为地球半径的,有信(n 为 200 余),地球半径为 R。设地轴与太阳光垂直,地球白转周期 T,表面重力加速度为 g。试计算此空间太阳能电站在一昼夜由于被地球波路而不能安由的最长时间

## 答案与提示

- 1.  $A(\Psi$ 板车与货物之间的最大静摩擦力为 300N,该最大静摩擦力能提供货物的最大加速度为  $a_{max} = \frac{f_{max}}{60} = \frac{300}{60} m/s^2 = 5 m/s^2$ ,要使货物不从车上滑下来,即货物与车投有相对运动。平板车的最大加速度为  $5.0 m/s^2$ 。最大静廉整力就是临界各件)
- $2. (m_1 + m_2 + m_3) \frac{m_2}{m_1} g (m_1, m_2)$ 的相对  $m_3$ 静止, $m_1$ 受绳的拉力提供水平方向加速度,即  $m_1 u m_2 g$ , $a = \frac{m_1}{m_1} g$ ,即  $m_1$ 具有加速度  $a = \frac{m_2}{m_1} g$ ,方向向右时, $m_1$ 才能相对  $m_3$ 静止, $m_2$ 受到  $m_3$ 对它的弹力提供加速运动所需要的力。:物在水平方向加速运动所需外力  $F = (m_1 + m_2 + m_3) a = (m_1 + m_2 + m_3) \frac{m_2}{m_1} g$ ,加速度  $a = \frac{m_2}{m_1} g$  是三物相对静止的临界条件)
- 3.  $\frac{m_2}{m_1}(m_1+m_2)k_B$   $k(m_1+m_2)g$   $\frac{m_1}{m_1}(m_1+m_2)k_B$  (A,B 相对静止,水平力 F 作用在 B 上,提供 A 物体做加速运动的 力 B B 对 A 的静摩擦力,它们之间最大静摩擦力与物体 A 的最大加速度相对应,即  $km_2g=m_1a_{1m}$ , $a_{1m}=\frac{m_2}{m_1}k_B$  ,  $F_m=(m_1+m_2)a_{1m}=\frac{m_2}{m_1}k_B$  , $F_m=(m_1+m_2)a_{1m}=\frac{m_2}{m_1}k_B$  , $F_m=(m_1+m_2)a_{1m}=\frac{m_2}{m_1}k_B$  , $F_m=(m_1+m_2)a_{1m}=\frac{m_2}{m_1}k_B$  , $F_m$

 $m_1$  ( $m_1 + m_2$ )  $k_g$ . 当水平力 F 作用在A 上而 A 、B 保持相对静止,A 对 B 的静摩擦力提供 B 做加速运动的力,它们之间最大静摩擦力与物体 B 的最大加速度相对应, $km_2$   $g = m_2 a_{2m}$  、 $a_{2m} = kg$  ,那么  $F_{2m} = (m_1 + m_2) a_{2m} = (m_1 + m_2) kg$ . 若要把 B 从 A 的上表面拉出,则必须使 B 的加速度  $a_B > a_{1m} = \frac{m_2}{m_1} kg$  ,能 F B 的水平拉力最小值不小 F  $\frac{m_2}{m_1} (m_1 + m_2) kg$ . 最大静摩擦力提供相对静止的最大加速度是临界条件)

4. 小球在斜面上受力如图 4 1-35 所示。由图可得  $T\cos 30^\circ - N\sin 30^\circ = ma$  ①, $T\sin 30^\circ + N\cos 30^\circ = mg$  ②,由①式可知当 a 增大,T 增大,由②式 T 增大,N 减小,当 N 减小到零时是小球在斜面上的临界条件。也就是小球在斜面上具有最大加速度  $a_m$ 的条件是 N=0,由①,②两式可得  $a_m=g\cot 30^\circ = 17$ , $3m/s^i < 20m/s^i$ ,当加速度  $a=20m/s^i$  时,小球已离开了斜面,此时小球仅要两个力的作用,重力和绳的拉力,且合力方向水平向左,大小为 ma,可作出力的平行四边形如图 4-1-36 所示,由图可得绳子的拉力为  $T=\sqrt{(mg)^2 + (ma)^2} = m\sqrt{g^2 + a^2} = 10\sqrt{5}$  N.



图 4-1-35



图 4 1 36



5. 零件的初速度为零,放在传送带,传送带对它的滑动摩擦力提供它做加速运动所需要的外力. 当零件与传送带的速度相等时,它们之间的滑动摩擦力消失,零件与传送带 · 起做匀速运动,由题意可知  $t=\frac{\upsilon}{a}+\frac{L-\upsilon'/2a}{\upsilon}$ ,代人数据后解得 a=lm/s'. 要使零件能较快地从 A. 点到达 B. 点,则零件在 A. B. 之间应该 · 直加速,也就是零件到达 B. 点时的速度  $\upsilon_{\text{lm}} \leqslant \upsilon'$  ( $\upsilon'$  是传送带的速度),而  $\upsilon_{\text{lm}} = \sqrt{2aL} = 2\sqrt{5} m/s$ , $\upsilon' \geqslant \upsilon_{\text{lm}} = 2\sqrt{5} m/s$ . 最短的时间  $t_{\text{rmax}} = \frac{2L}{\upsilon_{\text{lm}}} = 2\sqrt{5} s$ . 若是传送带的速率提高一倍,零件传送时间不变,因为零件,直是加速的,由于加速度和加速的距离一定,故运行的时间也,完,还是  $2\sqrt{5} s$ .

6. C(如图 4-1 37 所示,清晨太阳在地球的东边,不可能看到太阳从西边升起现象,只有傍晚,且飞机从东向西飞行,才有可能看到太阳从西边升,在纬度较高地区,地球自转的向东线速度较小、飞机速度比较大,太阳相对地球人西边落下时,若飞机在地球上空飞行的速率较大,太阳相对地球有较大向西运动的速度、飞机上旅客则可以看到太阳从两边升起的奇妙观象,本题的临界条件就是清晨和傍晚时太阳与地球上的地理位置的关系。



图 4-1-37

7.  $D(小球运动到最高点时,重力提供向心力,杆作用力为 0. <math>4 mg = \frac{mv^2}{l}$ ,解得  $v = \sqrt{gl}$  (临界条件),若小球在最高点的速度小于  $\sqrt{gl}$ ,小球受到杆的推力,若小球在最高点的速度大于  $\sqrt{gl}$ ,小球受到杆的拉力,小球运动到最高点时的速度可以为零)

8. (1)排球击后做平摊运动。在空中飞行时间  $t_2 = \sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{\frac{2 \times 2.5}{10}} \text{s} = \frac{\sqrt{2}}{2} \text{s}$ ,在网上飞行时间为  $t_1 = \sqrt{\frac{2\Delta h}{g}} = \sqrt{\frac{2 \times (2.5-2)}{10}} \text{s} = \frac{\sqrt{10}}{10} \text{s}$ ,排球不触网。速度应  $v > \frac{t_1}{t_1} = 3\sqrt{10}\text{m/s}$ (临界条件),排球不越界,速度  $v < \frac{t_2}{t_2} = \frac{3+18/2}{\sqrt{2}/2}\text{m/s} = 12\sqrt{2}\text{m/s}$ (临界条件),排球不越界,这度  $v < \frac{t_2}{t_2} = \frac{3+18/2}{\sqrt{2}/2}$ 



球又不越界,也意味着球剛好越界的一条轨迹,这两条轨迹是临界轨迹.它们飞行高度已知,水平位移已知,与这两条轨迹线所对应的初速度也是确定的,所求的范围就在这两个速度之间)

9. 解法:,小球做平摊运动,在水平方向是匀速直线运动,在竖直方向上是自由落体运动,有x=u,t、 $y=\frac{1}{2}g$ 、小球由 A 点揽出,落在 B 点,位移关系有  $\tan 30^\circ$   $\frac{\gamma}{x}=\frac{g!}{2v_0}$ 、物体在空中飞行的时间为  $t=\frac{2v_0\tan 30^\circ}{g}=\frac{2\sqrt{3}}{3}$ 、 $\frac{v_0}{g}$ 、 $x=v_0t=\frac{2\sqrt{3}v_0^2}{3g}$ ,AB 间的距离  $L-\frac{x}{\cos 30^\circ}=\frac{4v_0^2}{3g}$ ,小球做平摊运动的速度方向开始时是远离斜面,后来是指向斜面,当小球的速度与斜面平行时,说明小球此时与斜面的距离最大、小球的速度是由水平速度与竖直速度的矢量和,由图 4-1-38 可知,此时速度与水平方向的夹角为  $30^\circ$ ,由图可知  $\cot 30^\circ-\frac{v_0}{v_0}$ ,由此解得  $t_1=\frac{\sqrt{3}v_0}{3a}$ .







图 4-1-38

解法二:将小球做平摊运动的初速度和重力加速度沿平行于斜面和垂直于斜面进行正交分解,如图 4-1-39 所示,由此可知沿平行于斜面方向做初速度不为零的匀加速运动,垂直于斜面方向做类竖直上摊运动,由于在垂直于斜面方向上的运动相当于小球从抛出点上升到最高点,再回到抛出点,所用时间为  $t=\frac{2\sqrt{3}v_0}{g\cos 30^\circ}=\frac{2\sqrt{3}v_0}{3g}$ ,小球在水平方向是匀速直线运动,所以斜面的底宽  $x=v_0t=\frac{2\sqrt{3}v_0}{3g}$ ,斜面长度即 AB 间的距离  $s_{AB}=\frac{x}{\cos 30^\circ}=\frac{4v_0^2}{3g}$ ,垂直于斜面方向是类竖直上摊运动,当小球上升到"最高点"时,它与斜面的距离最大,所经历的时间为运动时间的一半,即  $t_s=\frac{1}{2}t=\frac{\sqrt{3}v_0}{3g}$ (沿垂直于斜面方向上最大距离就是小跨沿该方向速度为零为你界条件),

10. 当橡皮绳  $OO_1$  拉伸而  $O_1O'$  松弛时,小球做匀速圆周运动最小角速度为  $\omega_0$ ,由牛顿第二定律有; $m\omega_0^2R=k(\frac{2}{3}R-\frac{R}{3})$ , $\omega_0=\sqrt{\frac{k}{3m}}$ (临界值);(1)当  $\omega_1<\omega_0$ ,此时橡皮绳  $O_1O'$  拉伸,两橡皮绳拉力的合力提供向心力,由牛顿第二定律有  $m\omega_1^2R_1=k(R_1-\frac{R}{3})-k(R-R_1-\frac{R}{3})$ ,解得  $R_1=\frac{5}{9}R_1$ 当  $\omega_2>\omega_0$ ,橡皮绳  $O_1O'$  松弛,只有橡皮绳  $OO_1$  拉伸产

生的弹力提供小球的向心力,有 $m\omega_1^2R_2=k(R_2-\frac{R}{3})$ , $R_2=\frac{5}{6}R$ ,小球做匀速圆周运动的线速度 $v=\omega R$ ,由此可知圆盘的角速度 $\omega = \sqrt{\frac{k}{5m}}$  与 $\omega_2=\sqrt{\frac{3k}{5m}}$  时,小球所对应的线速度之比为 $\frac{v_1}{12}=\frac{\omega R_1}{D}=\frac{2\sqrt{3}}{0}$ .

11. 在地球表面,忽略地球自转的影响,有:  $\frac{GMm}{R_c^3}=mg$  , $GM=gR_c^3$  ,同步卫星运转时有  $\frac{GMm}{r^2}$ 

$$-m \cdot \frac{4\pi^2 r}{T_0^2}$$
 ,  $r = \sqrt[3]{\frac{GMT_0}{4\pi^2}} = \sqrt[3]{\frac{gR_0^2T_0^2}{4\pi^2}}$  ①,她球

的本影如图4-1-40中的三角形 ABC. 由于n较大,太阳能电站运行轨道 L 可看成直线,由图可知  $\frac{L}{2R}$  =

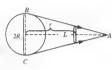


图 4-1-40

 $\frac{R_0 - r}{nR_0}$ , 得  $L \rightarrow 2R_0 - \frac{2r}{n}$ . 发电站在影中运动的时间为  $t = \frac{LT_0}{2\pi r} = \frac{(2R_0 - 2r/n)T_0}{2\pi r}$  ②, 将 ①式代人②式后得  $t = \left(\sqrt{\frac{4R_0}{n-T_0^2}} - \frac{1}{n}\right)T_0$ , 图 4-1-40 中 BA, CA 是两条临界光线。

# 4.2 动量与能量中的临界条件



### 解释方法指导

[閏1] 在固定于 O点的一根绳子的下端,系一个质量为加的小球,绳长为 I,在离 O点 I,的地方钉一枚钉子 C,把绳拉到水平,如图 4-2-1 所示,释放后,小球到达最低点后以 C 为圆心增圆用运动,谁求 I,值



[分析] C点离点的距为h.若h值较小.小球绕O点做圆周运动的半径 $(R\neg l-h)$ 就较大。达到圆周最高点B与初始位置A点之间的高度差 $(h_{AB}=l-2R=2h-l)$ 就较小、小球由A点到B点的过程中只有重力做功,绳的张力不做功,运动过程中机械能守恒,即势能的减少等于其动能的增加。 $h_{AB}$ 越小,对应小球在B点的速度就越小。而小球要完成一个完整的竖直面上的圆周运动,则在最高点的速度必须满足 $T+mg=\frac{m\vec{r}}{R}$ 、 $T\geqslant 0$ 、 $v\geqslant \sqrt{gR}$ (速度的临界值),故h的值只能在一定的范围内,h的最小值对应小球在B点的速度是 $v_{Bma}$ 的。 $v_{BR}$ ,而h的值还得符合条件。h< l.小球由A点释放,能绕C点做圆周运动,此过程中只有重力做功,机械能守恒: $\frac{1}{2}mv_b^2=mgh_{AB}$ 





小球在 B 点受到竖直向下的重力和绳的拉力作用,且  $T+m_{\rm G}=rac{m x_{\rm B}^2}{R}$ 

R=l-h

 $h_{AB} = h - R = 2h - L$ 

由①.②.③.④四式可得

 $T = \frac{5h}{l-h} \frac{3l}{mg}$ 

由于 T≥0,由⑤式可知只有 5h ·3l≥0,即 h≥ 3 ℓ

同时,⑤式的分母不能为零,即 h<1

由以上分析可知,当 $\frac{3}{5}$  $l \leq h \leq l$ ,小球均能沿 C 点为圆心做圆周运动.

[專本] 本题的临界条件就是小球做圆周运动达最高点时,由重力提供小球做圆周运动的向心力,对于竖直面内的圆周运动,最高点和最低点是高考考查的内容之一,掌握这两点处物体的受力特点是处理竖直面内圆周运动的前提.

[閏2] 一个關柱形的整直并里存有一定量的水,并的侧面和底 那是密闭的. 在井中固定地插着一根两端开口的薄壁圆管,管和井井 轴,管下端未触及井底. 在圆管内有一不漏气的活塞。它可溶圆管上下"滞功, 开始时,管内外水面相求, 且活塞恰好接触水面, 如图 4-2-2 所示, 现用卷柄机通过绳子对活塞。她如一个向上的力 F,使活塞缓慢向上移动. 已知管简单径 F=0.100m,并的单径 F=2r,水的密度  $\rho=1.00$   $\times 10^1$  kg/m²,大气压  $\rho_0=1.00 \times 10^1$  Pa, 水活塞上升 H=9.00m 的过程中拉力 F 所做的功。(井和菅在水面以上及水面以下的部分足够长,不计溶塞质量,不计摩擦,更力加速度 g=10m s²)

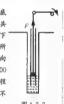


图 4-2-2

[分析] 解法一:从活塞开始上升至内外水面高度差为 Δh<sub>max</sub> − Δc ∈ 10m (大气压能支持水柱最大高度是临界值)的过程中,活塞始终与管内液面接触(再提升活塞时,活塞与水面之间将出现真空,另行讨论),设活塞与水面接触时上升最大距离为 h<sub>imax</sub> ,对应管外液面下降距离为最大距离 h<sub>imax</sub> ,如应管外液面下降距离为最大距离 h<sub>imax</sub> ,如应管外液面下降距离为最大距离 h<sub>imax</sub> ,如应性外液面下降



 $\frac{3}{4} \times 10 \text{m} = 7.5 \text{m}$  ,题设条件中  $H = 9 \text{m} > h_{1\text{max}}$  ,由此可知活塞下面确实

图 4-2-3

存在着真空的过程(注图 4-2-3 中的黑点为上升部分水前后的质心位置). 活塞移动距离从零到 h, 的过程中。对于水和活塞这个整体,其机械能的增量应等于除重力外其他力所做的功,因为始终 无动能增量,所以机械能的增量也就等于重力势能的增量,即  $\Delta E = \rho \cdot (\pi^2 h_1)g \cdot \frac{h_0}{2} = \frac{3}{8} \rho \cdot \pi^2 g h_1^2$ ,其他力有管内、外大气压力和拉力 F。因为液体不可压缩,所以管内、外大气压力做总力  $W = \rho_{\pi}(R^2 - r^2)h_0 - \rho_{\pi}\pi^2 h_1 = 0$ ,故外力做功就只有拉力 F



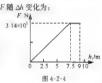
-

做功・由功能关系有 $W_1 = \Delta E$ 、即 $W_1 = \frac{3}{8} \rho m^2 \rho h_0^2 = 1.18 \times 10^4 J$  , 活塞移动距离从 $h_1$ 到H 的过程中,被面不变、 $F = m^2 \rho_0$ 、F 是恒力、F 做功 $W_2 = F(H h_1) = m^2 \rho_0 (H - h_1) = 4.71 \times 10^4 J$ 、所求初 h F 做的点功为 $W = W_1 + W_2 = 1.65 \times 10^4 J$ 

解法二(图象法):设活塞上升距离为 $h_1$ ·管外液面下降距离为 $h_2$ ,因水体积不变,有 $h_2$ ( $\pi R^2 - \pi^2$ ) =  $h_1\pi^2$ ,内外液面的高度差为 $\Delta h$ ,即 $\Delta h - h_1 + h_2 = \frac{4}{3}h_1$ ,而 $\Delta h_{max} = \frac{p_1}{R^2}$  = 10m(临界条件),对应的 $h_{max} = \frac{3}{4}\Delta h_{max} = 7.5m$ .活塞 - 直缓慢向上移动,活塞受平衡力的作用,设活塞下有水时,圆筒与井为 - 连通器,在同 - 水平面上的压强相等,圆筒内、外同一液面的压强相等,均为大气压,在圆筒内有 $h_1 = \frac{R}{R^2}\Delta h + p_2 - \frac{F}{RT^2}$ ,由此式可得 $F = \frac{R^2}{R^2}\Delta h$ ,随着的变化为,

$$F = \pi r^2 \rho g \Delta h = \frac{4\pi r^2 \dot{p}_0}{3\Delta h} h_1$$
 ,  $h_1 < 7.5 \text{m}$  ;

 $F = p_0 m^2 = 3.14 \times 10^3 \text{ N}$ , $7.5 \text{ m} \leqslant h_1 \leqslant 9.0 \text{ m}$  作出 F 随活塞上升距离  $h_1$  的图象如图4-2-4 所示,由图象的物理意义可知,图象与横轴所图的面积就是力 F 所做的功  $W = 3.14 \times 10^3 \times \frac{9 + (9 - 7.5)}{2} \text{ J} = \frac{1.65 \times 10^4 \text{ J}}{2}$ 



[票点](1)本题必须要注意到大气压能支持水柱的高度,这就是临界条件;(2)用图象法求解与解析相比较,图象法简捷,直观,从思路上来讲,应用平衡条件和图象的物理意义求解;解析法中是从功能角度求解,烦琐,计算最大,两种解法的优劣可见一班.

[閏3] 如图 4-2-5 所示,质量为 m 的小球用长为 l 的轻绳 拴住柱直,自 A 点自由释放,A 点处绳与水平方向的夹角为 30°, 当球藻到最低点时,永绳的张力(不计它气阻力,绳子不可伸长)?



[分轉] 小球从 A 点自由释放后,由于重力的作用竖直向下, 小球向下运动时,小球与绳子的悬点间水平距离小于绳子的长度,放 绳子对球无作用力,小球是做自由著体运动,直到绳子拉直时为止 (临界状态),如图 4-2-6 所示,当绳子拉直后,由于绳子的约束,小球 沿绳子方向上的速度变为零,以后将在绳子拉力和重力作用下做圆 周运动,小球做圆周运动的过程中,具有重力做功,机械能守恒

[#] 小球由 A 运动 C 做自由落体运动,机械能守恒,有: $mgl=rac{1}{2}md$ 。

小球运动到
$$C$$
点后,绳子紧张,小球只具有与绳子垂直方向的  
速度 $t_1, y_1$ ;



图 4 2-6



$$v_1 = v_1 \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} v_1$$
,  $\frac{1}{2} m v_1^2 = \frac{1}{2} m \cdot \frac{3}{4} v_1^2 = \frac{3}{4} m g t$ .

小球由 C 点运动到 B 点, 只有重力做功, 机械能守恒

$$\frac{1}{2}mv_B^2 = \frac{1}{2}mv_1^2 + mgl(1 - \cos 60^\circ) = \frac{5}{4}mgl.$$

小球在B点受到重力mg和绳子拉力 $T_B$ ,由牛顿运动定律有: $T_B - mg = \frac{mb_B}{l} - 2.5mg$ ,解得 $T_B = 3.5mg$ 。

[專本] (1)小球在 A 点由静止释放,小球不能做圆周运动,因为绳拉小球在竖直面内的圆周运动时,水平直径两端点以上各点小球的速度不能为零,否则不能做圆周运动,而 A 点是在水平直径两端点以上,速度为零,不可能做圆周运动, 请见以下分析;

小球在图 4-2 7 中 A、B、C、D、E 五个位置时所对应的速

这 5 个关系式完全正确, 小球从位置 A 运动到位置 B 的

度与绳的拉力的关系为

在位置 A 时,有 
$$T_A - mg = \frac{mv_A^2}{l}$$

在位置 
$$B$$
 时,有  $T_B - mg \cos \theta = \frac{mu_B^2}{l}$  ②

在位置 
$$C$$
 时,有  $T_C = \frac{m\tilde{c}}{I}$ 

在位置 
$$D$$
 时,有  $T_D + mg \cos \alpha = \frac{mv_D^2}{L}$  ④

在位置 
$$E$$
 时,有  $T_E + mg = \frac{mv_E^2}{L}$ 

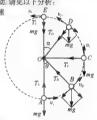


图 4-2-7

过程中,由于重力沿运动方向上的分量与速度方向相反,速度继来越小、所以 $v_1 > v_2 > v_3 > v_5 > v_5 > v_5 > v_5$  度越来越小、所以 $v_1 > v_2 > v_5 > v_5 > v_5 > v_5$  v; 由创式、②式和③式可知、当它们的速度为零时、小球均能在这二个位置上、而④式和⑤式说明、小球若是速度为零、那么在位置 D 和 E 上、小球所受到的绳子拉力为负值,这就意味着绳子更承受压力,这是不可能的、小球要能到达这些位置,其速度一定不能为零,否则到达不了这些位置,小球到达最高点 E 时所满足的条件是  $T_2 > 0$ ,由⑤式可知, $T_2 = v_3 = v_4$ 

 $\frac{mv_L^2}{L}$ ,  $v_L \ge \sqrt{gL}$  (这就是高中阶段在竖直面内完成圆周运动的要求掌握的临界条件).由 以上分析有两点结论。①小球若要在圆周上,且速度为零,只能是在水平直径两个端点以下部分的各点,小球要到达竖直圆周水平直径以上各点,则其速度至少要满足重力指向圆心的分量提供向心力:②小球由竖直圆周的最低点沿圆周向上运动的过程中,速度是不断地 減小(重力沿运动方向的分量与速度方向是相反的,使小球的速度减小)。而小球要到达最高点,则必须在最低点具有足够大的速度才能到达最高点,否则小球就会在圆周上的某一点(这一点一定在水平直径以上)绳子的拉力为零时(脱离圆轨道的临界条件),小球脱离圆 
励轨道

- (2)本题的小球在运动过程中,虽然两个过程中的机械能守恒,但是在 C 点绳子拉直瞬间有动能损失,所以两个运动过程中的机械能守恒不等于全过程中的机械能守恒.
- (3)本题的小球所做的运动是由两个运动形式组成;自由落体和圆周运动,出现错误解 法中基本上是将小球的运动看作是一个圆周运动,实际上是对竖直面内的圆周运动认识不 滑所致,小球在竖直面上做圆周运动,在水平直径上以的各点速度都不可能为零,而小球是





由静止释放,小球的速度为零,编子没有作用力,小球是做自由落体运动。

[**閏4**] 如图 4-2-8 所示,一廣量 M=3kg 的长方 形 B 放在光滑水平地面上,在其右端放一质量 m=1kg 的小木块 A,现以地面为参照系,给 A和 B 以大小均为



4.0m/s,方向相反的初速度,使 A 开始向左运动, B 开

始向右运动,但最后 A 并没有滑离 B 板. 站在地面的观察者看到在一段时间内小木块 A 正在做加速运动,则在这段时间内的某时剩木板 B 相对地面的速度大小可能是( )

A. 2. 4m/s B. 2. 8m/s

C, 3, 0m/s

D. 1.8m/s

[分析] A,B之间因相对运动而具有滑动摩擦力,使A、B均做匀减速运动,因A的质量小加速度大,A的速度减小到零后,滑动摩擦力使A反向加速,她面的观察者看到在一段时间内小木块A正在做加速运动,是在A的速度变为零之后(A的速度为零为临界条件),A,B组成的系统水平方向不受外力,由动量守恒可求出A的速度变为零时,B的速度大小,以后B还要继续减速,直到A,B速度相同时滑动摩擦力消失。

当 A 的速度变为零时,由动量守恒有

$$(M-m)v_0 = Mv', v' = \frac{M-m}{M} \cdot v_0 = 2.7 \text{m/s}$$

而 A, B 获得共同的速度为 u, 则  $f(M-m)v_b - (M+m)u$ ,  $u' = \frac{M-m}{M+m} \cdot v_b = 2.0 \text{ m/s}$ .

此后 A 做加速运动。B 继续减速,观察者观察的时间内, 木板 B 相对地面的速度大小 只能比 2.7m/s 小,但比 2.0m/s 太.

#### **番** ★ A

[**图5**] 一质量为 m; 的入射粒子与一质量为 m; 的静止粒子发生正碟, 已知机械 能在碰撞过程中有损失, 实验中测出了碰撞后第二粒子的速度为 v2, 求第一个粒子原 未速度 va值的可能范围。

[分析] 粒子 m; 与粒子 m; 发生正碰, 在碰撞过程中动量守恒, 动能却不守恒. 在碰撞过程有两个临界值, 一是碰撞前后的动能守恒, 这属于完全弹性碰撞。是碰撞过程动能损失最大, 这属于完全非弹性碰撞, 碰撞后两物体以共同速度运动。显然, 本题的碰撞 是介于这两种情况之间, 但又不包括第一种情况. 设第一个人举子碰脑的速度为 u, / 碰后速度为 u, / 悬层完全弹性碰撞,则碰撞前后的动量守恒, 动能守恒, 有

$$m_1 v_0' = m_1 v_1 + m_2 v_2$$

0

(3)

 $\frac{1}{2}m_1v_0^{\prime 2} = \frac{1}{2}m_1v_1^2 + \frac{1}{2}m_2v_2^2$ 

由①、②两式得 $v_0' - \frac{m_1 + m_2}{2m_1}v_2$ ,  $v_1 - \frac{m_1 - m_2}{2m_1}v_2$ 

因为本题两粒子碰撞过程中有动能损失,即 $\frac{1}{2}m_1v_0^2 > \frac{1}{2}m_1v_1^2 + \frac{1}{2}m_2v_2^2$ 





(A)

由①、③式得 
$$v_0 > v'_0$$
,  $v_0 > \frac{m_1 + m_2}{2m_1} v_2$ 

若两粒子相碰是完全非弹性碰撞,碰后两粒子以共同的速度 26前进,设入射粒子的 人射速度为 $v''_0$ ,由动量守恒有 $m_1v''_0 = (m_1 + m_2)v_2, v''_0 = \frac{m_1 + m_2}{v_2}v_2$ 

完全非弹性碰撞中损失动能最大  $\frac{1}{2}m_1v_0^2 - (\frac{1}{2}m_1v_2^2 + \frac{1}{2}m_2v_2^2) \geqslant \frac{1}{2}m_1v_0^2 - \frac{1}{2}m_1v_0^2 + \frac{1}{2}m_2v_2^2 = \frac{1}{2}m_1v_0^2 - \frac{1}{2}m_1v_0^2 + \frac{1}{2}m_2v_0^2 = \frac{1}{2}m_1v_0^2 + \frac{1}{2}m_1v_0^2 + \frac{1}{2}m_1v_0^2 = \frac{1}{2}m_1v_0^2 + \frac{1}{2}m_1v_0^2 = \frac{1}{2}m_1v_0^2 + \frac{1}{2}m_1v_0^2 = \frac{1}{2}m_1v_0^2 + \frac{1}{2}m_1v_0^2 = \frac{1}{2}m_1v_0^2 + \frac{1}{2}m_1v_0^2 + \frac{1}{2}m_1v_0^2 = \frac{1}{2}m_1v_0^2 + \frac{1}{2}m_1$  $(\frac{1}{2}m_1v_1^2 + \frac{1}{2}m_2v_2^2)$ ,  $v_0 \leqslant v_0'$ ,  $\psi \in v_0'$ ,  $\psi \in \frac{m_1 + m_2}{m_1}$ ,  $v_2$ (5)

「專点」 碰撞的性质是由碰撞中动能损失的情况而确定:动能损失最大的是完全非 弹性碰撞(特点是相互作用的两个物体碰撞后获相同的速度);动能损失为零的县完全强 性碰撞(特点是碰撞后的分离速度等于碰撞前的接近速度)。一般的碰撞是介于这两者之 间, 也就是说这两类碰撞是碰撞过程中的两个临界值, 完全非碰性碰撞更是近年来高者 **顺复涉及的内容** 

上游戏, 甲和他桌的冰车质量共为M=30kg, 乙和他桌 [閏6] 甲、乙两小孩各乘一辆冰车在水平冰面 的冰车局量也是 30kg, 如图 4-2-9 所示, 游戏时, 甲推



着一个盾量为 m=15 kg 的箱子,和他一起以大小为 vb=2,0m/s 滑行,乙以同样大小 的速度迎面滑来,为了消费相撞。甲字纹将箱子沿水面推绘乙、箱子滑到乙分时乙法 速把它抓住,若不计冰面的摩擦力,求甲至少要以多大的速度(相对干地面)将箱子推 出。才能避免与乙相槽?

「分析 」 本题的关键是甲与乙不相撞的条件是什么?由于甲和箱子及乙的总动量 是由甲指向乙的,那么乙的速度必须反向,也就是甲与乙的速度同向时,才有可能不相 碰, 当乙的速度反向后, 若甲的速度大手乙的速度, 则甲还是要与乙相撞, 甲的速度不大 干7.的速度时才不相撞,当用的速度等干7.的速度时是不相撞的临界条件。

设甲椎出箱子后的速度为 2011,箱子被甲椎出后的速度为 2. 乙抓住箱子后的速度为 ひ,要使甲乙不致相碰的条件是 ひょ ≤ ひ,故取临界值有 ひゅ ニ ひ ニ 4. 将三物作为一整

体,在水平方向上不受外力,由动量守恒有(M+m)v - Mv - (2M+m)u对甲与箱子,在水平方向不受外力,动量守恒有(M+m)v,=Mu+mv

(2)

由①、②两式消去 u 后可得 v=5.2m/s

[異点] (1)甲乙不致相碰的条件的确定,实际上属于相遇、追击类的问题,在这类 问题中,两物体速度相等是临界条件,

(2) 这是三个物体之间发生的两两相互作用的典型问题, 本题的解法较多, 可以将甲 与箱子为研究对象应用一次动量守恒,然后将箱子与乙应用动量守恒进行求解;也可以 将甲与箱子为研究对象应用一次动量守恒,再将三物体作为一个整体应用动量守恒进行 求解;也可以将箱子与乙为研究对象应用一次动量守恒,然后将三物体作为一个整体应 用动量守恒,总之,这三种解决任取其中的一种均能求解。





[两7] 如图 4-2-10 所示,一排人站在沿 x 轴的水平轨道旁, 原点 O 两侧人的序号都记为  $n(n=1,2,3,\cdots)$ , 每人只有一个沙蒙。x>0 一侧的每个沙蒙的质量 m=14 kg, x<0 一侧的每个沙蒙的质量为 m'=10 kg,一质量为 M=48 kg 的小车以某初速度从原点出发向正 x 方向滑行,不计轨道阻力,当年每经过一人身旁时,此人就把沙蒙以水平速度 u 期与车速度相反的方向沿车面扔到车上,u 的大小等于扔此聚之前的 瞬间车速的 2n 偏(n 是此人的原号都).

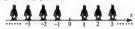


图 4-2-10

- (1)空车出发后,车上堆积了几个沙袋时车就反向滑行?
- (2) 车上最终有大小沙袋共名心个?

[分析] 空车出发后,每个沙袋离手后与车组成的系统在水平方向上不受外力,水平方向上动量守恒,依次求出车上每增加一个沙袋后车的速率,从而找出车速,动的表达式,然后对题设中的两问进行求解,这种解法是利用数学的方法进行引纳,找出通式,

由于每个沙袋在扔向车时的速率是沙袋未扔之前车速的 2n 倍,也就是无论向车上 扔多少沙袋都与前面的沙袋的速率无关,可以直接利用这一条件列出关系式,再对题设 中的两向进行求解。

求车速为零时车上沙袋的个数这一临界条件进行求解,

解法一(利用数学归纳法):

(1)每个沙袋离手后与车组成的系统水平方向不受外力,水平方向动量守恒,令空车出发的速度为 vi,第一个沙袋子扔出手的速率为 ui=2vi,扔到车后,由动量守恒有;

$$Mv_0 - m \cdot 2v_0 = (M + m)v_1$$
,  $v_1 = \frac{M - 2m}{M + m}v_0$ 

第二个沙袋扔出手的速率 u2=2·2v1=4v1,有(M+m)v1-m·4v1=(M+2m)v2

解得 
$$v_2 = \frac{M-3m}{M+2m}v_1 = \frac{M-3m}{M+2m} \cdot \frac{M-2m}{M+m}v_0$$

第 : 个地袋扔出手的速率  $u_1 - 2 \cdot 3v_2 = 6v_1$ , 有 $(M+2m)v_2 - m \cdot 6v_2 = (M+3m)v_3$ 

解得 
$$v_3 = \frac{M-4m}{M+3m} v_2 = \frac{M-4m}{M+3m} \cdot \frac{M-3m}{M+2m} \cdot \frac{M-2m}{M+m} v_0$$

....

第 n 个沙袋落到车上,车速为  $v_n$  =  $\frac{M-2m}{M+m}$   $\circ \frac{M-3m}{M+2m}$   $\circ \frac{M-(n+1)m}{M+mm}v_0$  ①

车反向,则  $v_s$  < 0, 由①可知只有,分子中的某一项小于零即可(临界条件),所以令 M - (n+1)m < 0, n+1 >  $\frac{M}{m} = \frac{48}{14} = 3.4$  , n > 2.4.

取整数 n=3, 当车上有 3 大个沙袋时, 车会反向,

(2) 当车反向后,车的总质量为 M'=M+3m=90kg,车速为 v',以 v'。为正方向,当有 n'个沙袋落到车上后,车速为 v'。同理可得,



$$v'_{n} = \frac{M'}{M' + m'} \cdot \frac{2m'}{M' + 2m'} \cdot \cdot \cdot \cdot \frac{M' - (n'+1)m}{M' + n'm'} v'_{0}$$

(2)

只有当 $v_0'=0$ 时(临界条件),才没有沙袋再扔到车上来,由②式可知,只有分子为零才可满足条件,所以有M'-(n'+1)m'=0, $\pi'=\frac{M'}{m'}-1=\frac{90}{10}-1=8$ ,

车上有8个小沙袋时速率为零,此时车上堆放的沙袋个数为N,N-n+n'=11.

解法<sup>--</sup>.每个沙袋在扔向车时的速率是沙袋未扔之前车速的 2n 倍,也就是无论向车上扔多少沙袋都与前面的沙袋的速率无关,直接由此列出关系解答。

- (1) 当扔砂袋到车上后, 车若反向, 則第 n 个砂袋扔上车前的动量大小应大于此时车 的动量大小, 即  $2nmv_{n-1}$  > M+(n-1)m  $]v_{n-1}$ , 解得 n >  $\frac{M}{m}-1=\frac{48}{14}-1=2$ . 4,取整数 n=3
- (2)同理,当年反向,其总质量 M=M+3m=90 kg. 当第 n'个沙袋扔上车时与车的动量大小相等而方向相反时,车的速度会为零.有

$$2n'm'v'_{n-1} = [M' + (n'-1)m']v'_{n-1} \cdot n' = \frac{M'}{m'} - 1 = \frac{90}{10} - 1 = 8$$
.

所以,当有8个小沙袋落在车上时,车的速率为零.此时车上堆放的沙袋个数为N,N=n+n'=11,

解法三:直接利用临界条件解题

- (1)空车向 x 軸正方向滑行过程中, 假设第 N 沙袋扔到车上后, 车速附好为零(临界条件)。即 v、=0,由动量守恒有: [M (N 1)m]v、2Nmv+; = 0,解得 N = M/m 1 = 2.4,由于 N 只能取自然數,故 N=3.
- (2) 当 N=3 时, 小车已改变了运动方向, 当小车向 x 轴负方向滑行时, 小车的质量 为 M-M+3m, 设 x 轴负方向上的第 N' 个沙袋扔到车上后, 小车刚好停下(临界状态), 同理有  $[M+(n'-1)m']_{v'=1}$  2  $n'm'v'_{s-1}=0$ , 解得  $n'=\frac{M'}{2}-1=8$ .

所以车上的沙袋数共为n=N+N'=11(个).

[坪新] 本题的:种解法各有其优越性:解法·培养推理、归纳的能力;解法:是建立在深刻理解题意的基础上;解法:是扣住车速变化的临界状态:解法:和解法三就解题的速度来讲,无疑是事半功倍,这种能扣住题的要点突破是综合素质强的表现。

[四8] 一块足够长的木板质量 3m,故在光滑的水平 b. 20 30. 在上,如图 4-2-11 所示,在木板上自左向右放有序号为 1. 2.3 的三木块,三木块的质量均为 m,与木板间的动摩擦图 图 4-2-11 数均为 μ 开始时木板静止不动,第 1,2、3 号的木块的初速度分削为 to, 2to, 3to, 方向向右。最终三木块与木板以共同的速度运动,试水第 2 号木块在整个运动过程中的最小波度



[分新] 四个物体同时参与相互作用,但是它们有一个共同的特点,就是三本块与木板之间的动摩擦因数相同,当它们的速度减小到与木板相同时,没有相对运动,滑动摩擦力清失,与木板作为一个整体参与加速运动,直到三木块与木板的速度相同,以后共同做匀速运动,所以,第2号木块的速度与木板,此时的木板与1号木块作为一个整体的速度相写时,3号木块的速度,无板还要继续加速,第2号木块的最小速度是与木板相对静止时的速度,临界条件),仅此关系可得动量守恒的一个关系式,由于木块3此时的速度是未知,必须还找到一个关系式才能求解,在2号木块减速的全过程。3号木块也一直展是未知,必须还找到一个关系式才能求解,在2号木块减速的全过程。3号木块也一直同(这是求解的关键),由此可列出又一个关系式,与上式联立即可求解.

[無] 设第2号木块最小速度为τ2mm、木块在此速度以前为减速运动、后为加速运动。 且此速度为其与木板相对静止时的速度,此时第3块木块相对木板运动,由动量守恒有;

 $m(v_0 + 2v_0 + 3v_0) = (2m + 3m)v_{2_{\text{com}}} + mv_3$ ,  $\# 6v_0 = 5v_{2_{\text{com}}} + v_3 \cdots \textcircled{}$ .

在此过程中,第3块木块与第2块木块在木板上运动的时间相同,所受的摩擦力相同,冲量相同,动量改变量相同,而:木块的质量相同,速度改变量相同

$$3v_0-v_3=2v_0$$
  $v_{2\,min}$ ,  $v_3=v_0+v_{2\,min}$ …,②,由以上①、②两式可得  $v_{2\,min}=\frac{5}{6}v_0$ .

## 3 跟踪训练

1. 长为L 的细绳一端系一小球,另一端固定在整直墙壁上的O点上,如图4-2-12所示,当小球在最低点时突然获得一初速度u,使小球能绕O点做圆弧运动,小球能上升的最大高度 $h_{max}$ 可能是

A, 
$$h_{\rm max}>\frac{v_0^2}{2g}$$
 B,  $h_{\rm max}<\frac{v_0^2}{2g}$  C,  $h_{\rm max}=\frac{v_0^2}{2g}$  D,  $h_{\rm max}=2L$ 

- - A. 小球向左摆到 M 点, 然后就摆回来
  - B. 小球向左摆到 M 和 N 之间圆弧上某点处,然后竖直下落
  - C. 小球沿圆弧摆到 N 点, 然后竖直下落
  - D. 关于小球的运动情况,以上说法都不正确







2-12 閏42-13

图 4 2-14

3. 如图 4-2-14 所示,A,B 两木块紧靠在一起但不粘连.B,C 两木块用 · 根蝉性良好的轻弹簧连在 · 起,A,B,C 木块置于光滑水平面上, · 颗质量为 m 的子蝉以速度 v<sub>0</sub>水平





射人木块 A 并留在其中,若  $m_A \cdot m_B - 4m$ , C 木块质量  $m_C = 6m$ , 则

- A. 从 升弹射击 A 木块至弹簧第一次压缩最短的过程中、对子弹、A、B、C 三木块及轻 端簪组成系统动量守恒
  - B. 在弹簧第一次恢复原长过程中,对 B、C 木块和弹簧组成系统机械能守恒
  - C. 弹簧第二次压缩最短时, B 木块速度为 2/45%
  - D. 弹簧第二次恢复原长时,C 木块速度 · 定大于  $\frac{2}{45}$   $^{20}$
- 4. 长为 L 的细线一端系住一质量为 m 的小球,另一端固定在 A 点,AB 是过 A 的竖 直线,E 为 AB 上 一点,且 AE=L/2,过 E 作水平线 EF,在 EF 上钉一铁钉 D,如图 4-2-15所示,线能承受的最大拉力是 9  $m_B$ ,现将系小球的悬线拉至水平,然后由静止释放,若小球能绕钉子在竖直平面内做圆周运动,求钉子的位置在水平线上的取值范围,不计线与钉子碰撞时的能量损失。



n R

图 4-2-15

图 4-2-16

- 5. 过山翻滚车是游乐场常见的一种游乐项目。由于运动小车与轨道间摩擦总是存在的。空气阻力的作用也不能不考虑。因此翻滚小车多为有动力的车型。在运动过程中,可将电能或化学能转化为机械能、对小车经过圆弧轨道最高点时的速度也有一定的要求。 若以临界速度通过。出现意外的可能就较大、为此。过山翻滚车使用前必须试验。如图 4-2-16 所示是螺旋形翻滚过山车轨道,一质量为 100kg 的小车从高 h=14m 处由静止滑下,当它通过半径 R-4m 的竖直面圆轨道最高点 A 时,对轨道的压力恰等于车重,小车至少要在离地面多高处滑下,才能安全地通过 A 点? (g=10m/s²)
- 6. 如图 4-2-17 所示、A、A 两滑块质量均为m、分别穿插于光滑的足够长的水平放置的固定导杆上、两导杆平行、间距为d,以自然长度为d 的轻弹簧连接两滑块、设开始时两滑块位于同一竖直线上且速度为零、现给B 滑块一个水平向右的冲量,其大小为I,此后A 滑块第一次达到的最大速度的位置在

A. 弹簧伸长量最大时

C. 弹簧处自然长度时



B. 弹簧压缩量最大时 D. 条件不足, 无法确定

------



椰 4-2-18

7. 如图 4-2-18 所示,质量 M=4, 0kg 的长木板 A 和质量 m=1, 0kg 的长木板 B 首 尾但不粘连,静止放在水平而上,A,B木板的长度均为L=0. 5m, C0. C1. C2. C3. C4. C4. C4. C5. C5. C6. C7. C8. C9. C9.





一质量m=1. 0kg 的金属块 C(可视为质点)与木板 A、B 间的动摩擦因数 $\mu_1=0$ . 5, A、B 本板与水平面间动摩擦因数 $\mu_2=0$ . 15(A、B 木板与水平面间动摩擦因数与静摩擦因数 相同.  $\nu=10$ m/s²). 现以水平 h F=20N 作用于金属块 C、使 C 由静止开始运动.

- (1) 若力 F 始终作用在金属块 C 上, 求金属 C 运动到长木板 A 右端速度大小?
- (2)要使金属 C恰好运动到 B 木板的右端点但不掉下。求力 F 的作用时间。
- 8. 质量为 M 的雪橇静止在水平雪地上, 条质量为 m 的爱斯基摩狗站在该雪橇 上,狗向雪橇的正后方跳下,随后又追赶并向前跳上雪橇;其后狗又反复地跳下,追赶并 跳上雪橇,狗与雪橇始終沿 - 条直线运动,老狗跳离雪橇时雪橇的速度为V,则此时狗相 对于地面的速度为V+u(其中 u 为狗相对于雪橇的速度,V+u 为代敷和,若以雪橇运动 的方向为正方向,则V 为正值,u 为负值),设狗总以速度 v 追赶和跳上雪橇,雪橇与雪地 间的摩擦忽略不计,已知的 v 大小为 5 m/s,u 的大小为 4 m/s,M=30kg,m=10kg.
  - (1)求狗第一次跳上雪橇后两者的共同速度的大小;
- (2)求雪橇最终速度的大小和狗最多能跳上雪橇的次數、(供使用但不一定用到的对 数值:lg2=0.301,lg3=0.3477)
- 9. 如图 4-2-19 所示, 水平面上 OA 部分粗糙, 其他部分光滑. 轻弹簧 -端固定, 另一端与质量为 M 的小滑块连接, 开始时滑块静止在 O 点, 弹簧处于原长.
   质量为 m 的子礁以 东 小为 u 的 速度 水平 向 右 射 人

滑块,并留在滑块中,子弹打击滑块时间极短,可忽略不计,之后,滑块向右运动并通过 A 点,返回后恰好停在出发点 O 处,求。

- (1) 子弹打击滑块结束后的瞬间,滑块和子弹共同速度的大小;
- (2)试简要说明滑块从()到A 及从A 到()的两个过程中速度大小的变化情况,并计算滑块滑行过程中弹簧弹性势能的最大值;
- (3)滑块停在 Q 点后,另一颗质量也为 m 的子弹以另一速度水平面向右射击队人滑块 并停留在滑块中,此后滑块运动过程中仅两次经过 Q 点,求第二子弹的人射速度 u 的大小范围。
- 10. 如图 4-2-20 所示,质量为  $m_A = 2 \log$  的木板 A 静止在光滑水平面上,一质量为  $m_B = 1 \log$  的小物块 B 以某一初速度  $v_o$  从 A 的左端向右运动,当 A 向右运动的路程为 L = 0 5 m时,B 的速度为  $v_B = 4 \min$ ,以时 A 的右端与固定竖直挡板相距 x. 已知木板 A 足够长(保证 B 始终不从 A 上掉下来),A 与挡板碰撞无机械能损失,A、B 之间动摩擦因数为 a = 0、2  $s_B$  取  $10 m/s^2$ ;
  - (1)求 B 的初速度值 vo;
  - (2)当x满足什么条件时,A 与竖直挡板只能发生 -次碰撞?







# · 茶素与提示

1. BCD(小球洛圆弧运动的最大高度若在水平直径以下各点时,其速度为零,动能全部转化为重力势能。由  $\frac{1}{2}mv_0^2 - mgh_{max}$  得  $h_{max} = \frac{v_0^2}{2g} \leqslant L$ ; 若小球能运动到最高点,则小球达到最高点时具有动能。只有部分动能转化为重力势能,则  $h_{max} = 2L < \frac{v_0^2}{2\pi}$ )

2. D(由机械能守恒可知小球若摆到最高点应与 P 点等高,速度为零. 小球做圆周运动,在最高点其速度不能为零(临界条件),它达不到与 P 等高的 N 点,小球运动过程中,在圆周上除 N 点外任意一点离开圆周,其速度都不可能为零.不可能导育下落)

3. CD( 子弹射木块 A. A. B 作为一个整体与子弹发生相互作用,三者获得共同的速度,此过程中完全非弹性碰撞,动量守恒有  $m_{to} = (m+m_A+m_B)v_1$ ,解得  $v=v_b/9$ ,此过程有  $a_t$  我们是,在以后压缩弹簧的过程,只有弹力做功,机械能守恒、A. 选项错误。当弹簧第一次恢复原长时,A. B 的速度大小为v,方向水平向允、该过程是 A. 40 包括  $a_t$  子弹簧组成的系统机械能守恒 B. 选项错误,此后未块 C. 离开墙壁、木块 A. 40 他为速直线运动,木块 B. C. 20 成成的系统的动量守恒,弹簧第二次压缩最短时,相当于完全非弹性碰撞,则有  $a_t$   $a_t$ 

4. 设图中 ED=x,当绳子运动到 D 点后的半径为r,r=L  $\sqrt{x^2+\left(\frac{L}{2}\right)^2}$ ,小球在以后运动过程中对 D 点的作用力最大时是小球刚好运动到 D 点整 E 下方时,此时向心力最大值为 8mg,即  $8mg=\frac{mv^2}{r}\cdots \mathbb{O}$ ,机械能守恒有  $\frac{1}{2}mv^2=mg\left(r+\frac{1}{2}L\right)\cdots \mathbb{O}$ ,由  $\mathbb{O}$ 、②可得  $4mgr=mg\left(r+\frac{L}{2}\right)$ ,由此式可得  $r=\frac{L}{6}$ ,即  $\frac{L}{6}\cdots L-\sqrt{x^2+\left(\frac{L}{2}\right)^2}$ ,解得  $x=\frac{2}{3}L$ ,当 D 点移到小球刚好在竖直面内做圆周运动时,小球运动到圆周的最高点时,当绳子拉力最小为零时(临界值),重力提供向心力, $mg=\frac{mv^2}{r}\cdots \mathbb{O}$ ,由机械能守恒有  $\frac{1}{2}mv^2$ ;  $mg\left(\frac{1}{2}L-r_z\right)\cdots \mathbb{O}$ ,同理,由  $\mathbb{O}$ 、④两式得  $r_z=\frac{1}{3}L$ 、 $x=\frac{\sqrt{7}}{6}L$ .钉子在水平线上的取值范围是与 E 点距离 x 满足  $\frac{\sqrt{7}}{6}L$   $\leq x \leq \frac{2}{3}L$ 

5. 设小车经过 A 点的速率为  $v_A$ ,此时小车在竖直方向受到重力 mg 和軌道压力 F、作用,且  $mg = F_A$ ,由牛顿第二定律  $F_V + mg = \frac{mn_A^2}{R}$ , $\frac{1}{2}mn_A^2 = mgR$ ,设小车从 B 点运

200

动到 A 点克服各种阻力做功为 W . 由 动能定理  $mg(h-2R)-W-\frac{1}{2}mw_h^2-0$  , 由 该式可得  $W=mg(h-2R)-\frac{1}{2}mw_h^2=2\times 10^3$  ],若要保证小车安全通过竖直面圆轨道,小车通过 A 点的最小速度为  $v'_A$  , 此时重力提供向心力  $mg=\frac{mv'_A}{2}$  ,  $v'_A=\sqrt{gR}$  . 小车下滑高度 旗小、通过轨道上各点的速率域小,向心加速度域小,对轨道压力域小、轨道对小车摩擦及空气阻力都减小,克服阻力做功减小,即  $W' < W-2\times 10^3$  ],小车下滑的高度为 h' ,  $mg(h-2R)-W'-\frac{1}{2}mv'_A-0=\frac{1}{2}mgR$  ,  $h'=\frac{W'}{mg}+\frac{1}{2}R+2R<\frac{W}{mg}+2$  . 5R=12 m . 为  $\Gamma$  增 大保险系数,小车至 V 要从 家地面 V 2 那 V 5 开 V 4 能保证 安全

6. C(当受 B 到冲量向右运动时将拉伸弹簧、被拉伸的弹簧对 B 的拉力将使 B 做被速运动、对 A 的拉力将使 A 做加速运动、只要 A 的速度大于 B 的速度,弹簧的伸长量在增加,弹力在增大、故 A 做加速度增大的加速运动。B 做加速度增大的减速运动。当 A、B 速度相等时、弹簧不再被拉伸,弹力仍然存在、B 继续做减速运动、A 继续做加速运动。此后 A 的速度大于 B 的速度,弹簧的伸长变小、弹力变小、它们的加速度均变小、当弹力为 零时,也就是弹簧处于自然长度。A 的速度最大、B 速度最小、由于两滑块的质量相同,这一过程。它们的速度互换)

8. (1) 设雪橇运动的方向为正方向、狗第一次跳下雪橇后雪橇的速度为 $V_1$ 、根据动量守恒定律有 $MV_1+m(V_1+u)=0$ 、狗第一次跳上雪橇时、雪橇与狗的共同速度 $V_1$ 满足, $MV_1+mv=(M+m)V_1$ ,由以上二式得 $V_1=\frac{-Mmu+(M+m)mv}{(M+m)^2}$ ,代人数据 $V_1=2m/s$ 

(2)解決一:设雪橇运动的方向为正方向, 狗第(n 1)次跳下雪橇后雪橇的速度为





 $V_{n-1}$ , 狗第(n-1) 次號上雪橇后雪橇的速度为  $V'_{n-1}$  满足;  $MV_{n-1} + mv = (M+m)V'_{n-1}$ , 这样. 狗第 n 次肆下雪橇的速度  $V_n$  满足 .  $MV_n + m(V_n + u) = (M+m)V'_{n-1}$ 

解得 
$$V_* = (v-u) [1-(\frac{M}{M+m})^{r-1}] - \frac{mu}{M+m} (\frac{M}{M+m})^{r-1}$$
 , 物追不上雪橋临界条件

$$V_{a}\geqslant v$$
,可化为  $(\frac{M}{M+m})^{n-1}\leqslant \frac{(M+m)u}{Mu-(M+m)v}$ ,即  $n\geqslant 1+\frac{\lg\left(\frac{(M+m)u}{Mu-(M+m)v}\right)}{\lg\left(\frac{M}{M+m}\right)}$ ,代人

数据得 n≥3.41, 狗最多能跳上雪橇 3 次. 雪橇最终的速度 V'4=5.625m/s

解法二:设雪橇运动的方向为正方向,狗第:次跳下雪橇后,雪橇的速度为 $V_1$ ,狗的速度为 $V_2$ , $V_3$ ,狗第:次跳上雪橇后,雪橇和狗的速度为 $V_3$ ,由动量守恒得

狗第一次跳下雪橇:
$$MV_1 + m(V_1 + u) = 0$$
,  $V_1 = -\frac{mu}{M+m} = 1 \text{m/s}$ ;

狗第一次跳上雪橇: $MV_1+mv=(M+m)V'_1$ ;

物第二次跳下雪橇: 
$$(M+m)V'_1 = MV_2 + m(V_2 + u)$$
,  $V_2 = \frac{(M+m)v'_1 - mu}{M+m} = \frac{(M+m)v'_1 - mu}{M+m}$ 

3m/s

狗第二次跳上雪橇:
$$MV_2 + mv = (M+m)V'_2$$
,  $V'_2 = \frac{MV_2 + mv}{M+m}$ ;

精第二次跳下雪橇: 
$$(M+m)V'_2 = MV_3 + m(V_2 + u)$$
,  $V_3 = \frac{(M+m)v'_2 - mu}{M+m} = 4.5m/s$ :

狗第三次跳上雪橋: $MV_3 + mv = (M+m)V'_3$ ,  $V'_3 = \frac{MV_3 + mv}{M+m}$ 

狗第四次跳下雪橇: 
$$(M+m)V'_3 = MV_4 + m(V_4 + u), V_4 = \frac{(M+m)v'_3 - mu}{M+m} = \frac{(M+m)v'_3 - mu}{M+m$$

5.625m/s,此时雪橇的速度大于狗的追赶速度,所以狗再也跳不雪橇了,狗最多能跳上雪橇3次,雪橇最终的速度为5.625m/s,

9. (1) 子弹打击滑块,动量守恒,有 
$$mv = (m+M)v_i$$
,得  $v_i = \frac{m}{M+m}v_i$ ;

(2)潛块从(0到A的过程中,導簧弹力与臀动摩擦力均向左,弹簧压缩量越来越大, 弹力越大,合外力越来越大,加速度越来越大,速度越来越小,即滑块与子弹做向右的加速度增大的减速运动,帶块从A到(0的过程中,弹力方向向左,滑动摩擦力向右,滑块的运动有两种可能性;若滑动摩擦力大下弹力,合外力在增大,则滑块一直做加速度增大的减速运动,若开始时滑动摩擦力大于弹力,合外力先向左减小,后向右增大,滑块先做加速摩越大加速运动,后侧加速度增大加速运动,

(3)滑块停在 O点后,另一颗质量也为 m 子蝉以另一速度水平面向右射人滑块并停留在滑块中,动量守恒有; $mv'_{\circ}=(M+2m)v'_{1}$ ,解得  $v'_{1}-\frac{M}{m-2m}v'_{1}$ ,若要此后滑块运动过程中仅两次经过 O点,当滑块削好两次通过 O点,由能量守恒有;  $\frac{1}{2}(M+2m)v'_{1}$  一  $\mu(M+2m)g \cdot 2L_{OA}$ ,前 「过程有  $\frac{1}{2}(M+m)v'_{1}=\mu(M+m)g \cdot 2L_{OA}$ ,由以两式得  $v'_{1}=v_{1}=\frac{M}{M+m}v_{1}$ , $v'_{2}=\frac{M+2m}{M+m}v_{2}$ ,若滑块恰能第二次通过 O速度为  $v_{2}$ ,有  $\frac{1}{2}(M+2m)v'_{2}=v_{2}$   $v_{1}=\frac{M}{M+m}v_{2}$ , $v'_{2}=\sqrt{2}v'_{1}$ ,即





 $v'_0 = \sqrt{2} \frac{M + 2m}{M + m} v$ , 显然  $v'_0$  和  $v''_0$  是子弹人射的两个临界值,即子弹入射速度范围为

 $\frac{M+2m}{M+m}v < v_0 < \sqrt{2} \frac{M+2m}{M+m}v$  时,此后滑块运动仅两次经过O点.

10. (1) 假设 B 的速度从 v, 减为 v<sub>n</sub>=4m/s 时, A 一 有加速到 v<sub>n</sub>, 以 A 为研究对象, 由动 能定理  $\mu m_{BB}L = \frac{1}{2} m_{A} v_{A}^{2} \cdots \oplus .$ 代人数据解得  $v_{4} = 1 m_{S} < v_{B}$ ,故假设成立. 在 A 向右运动 路程 L=0.5m 过程中,A,B 系统动量守恒 mava = mava + mava …②,联文①②解得 va =6m/s:

(2)设 A.B 与档板碰前腿间的速度分别为 Tax、Tax、由动量守恒定律 matte = matter +  $m_{\theta}v_{\theta}$ 1 ····③,以 A 为研究对象、由动能定理  $\mu m_{\theta}g(L+x) = \frac{1}{2}m_{A}v_{\Lambda}^{\lambda}$  ····④.A 与挡板碰撞无 机械能损失,故 A 与挡板碰后瞬间的速度大小为  $v_{to}$ ,磁后系统总动量不再向右时,A 与档 板只能发生一次碰撞,即  $m_{AU_{Al}} \ge m_{BU_{Bl}}$  (临界条件)…⑤,联立③④⑤解得 $x \ge 0$ .625m.

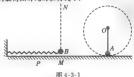
## 带电体在电场和磁场中运动的临界条件



### 解解方法指导

[图1] 如图4-3-1所示,水平面上方被整直线 MN 分隔成两部分, M 点左侧地 面粗糙,与B球间的动摩擦因数为以=0.5,右侧光滑, MN 右侧空间有一范围足够大 的匀强电场,在()点用长为R=5m的轻质绝缘细绳拴一个质量 mA=0,04kg,带电量 为 n=+2×10 °C 的小链 A. 存鉴言乎面内以 n=10m/s 的速度做解时针匀速图图法 动,小球A运动到量低点时与地面刚好不接触,处于原长的弹簧左端连在墙上,右端 与不蓄电的小球 B 接触器但不粘连, B 球的盾量 mu = 0, 02kg, 此时 B 球剛好位于 M 点,现用水平向左的推力将B球线慢推至P点(弹簧仍在弹性限度内)。MP之间距离 为 L=10cm, 推力所做的功是 W=0, 27], 当撤去推力后, B 球沿地面向右滑动恰好能 与A ux在最低点处发生正确。并瞬间应为一个整体C(A.B.C 均可视为盾点)。碰撞前 后电量保持不变,碰后瞬间立即把勾强电场的大小变为 E=6×103 N/C, 电场方向不 专、取 g=10m/s2, 来。

- (1)在A.B两球碰槽前匀强电场的大小和方向:
- (2)A、B 两球碰撞后瞬间整体 C 的速度:
- (3)整体C运动到最高点时绳的拉力大小。



<sup>「</sup>分析」(1)在A、B 两球碰撞前小球A 在竖直平面内以 v-10m/s 的速度做顺时针 匀速圆周运动,说明它受到的电场力与重力平衡,小球带正电,受到的电场力竖直向上。





电场强度方向竖直向上,

$$m_{\rm A}g = qE_1$$
,  $E_1 = \frac{m_{\rm A}g}{q} = 2 \times 10^3 \,{\rm N/C}$ .

(2)小球 B 由 P 运动到 B 时,由动能定理有  $W = \mu m_B g L + \frac{1}{2} m_B v_B^i$ ,由此式解得  $v_B = 5 m/s$ ,两球对面正键,碰撞时动量守恒有  $m_A v_A = m_B v_B - m_C v_C$ ,其中  $m_C = m_A + m_B = 0$ . 06kg,解得  $v_C = 5 m/s$ .

(3)C受到的电场力为F = qE = 1, 2N, 重力 m<sub>c</sub>g = 0, 6N, C若做閱問运动,此时最小 速度为 m<sub>c</sub>g ,解得 u<sub>1</sub> = √50m/s > 5m/s ( u<sub>1</sub> 就是做圓周运动的临界速度).

C不能做圆周运动,只能做类平抛运动,加速度为  $a=\frac{F-m_c g}{m_C}=10 \text{ m/s}^2=g$ 

当C运动到编拉盲时,如图 4-3-2 所示,由图可知有

$$R\cos\theta = v_{ct}$$
,  $R(1 + \sin\theta) = \frac{1}{2}gt^2$ , ## $\theta = 90^\circ$ 

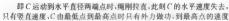


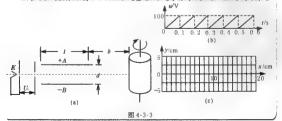


图 4 3 2

为 v , 由 动能定理有  $(F m_{eg}) \cdot 2R = \frac{1}{2} m_e v^2$ 

$$\frac{m_c v^2}{R} = 4(F - m_c g)$$
,由牛顿运动有  $T + m_c g - F = \frac{m_c v^2}{R} = 4(F - m_c g)$   
C 运动到最高点时,编的拉力为  $T = 5(F - m_c g) = 3.0N$ 

- [**99.2**] 如图 4-3-3(a)所示,真空室中电极 K 发出的电子(初速不计) 经过  $U_0$  = 1000V 的加速电场后,由小孔 S 洛两水平金属板 A , B 间的中心线射入,A , B 板 K ! e 0 , 20m , 相距 d=0 , 020m ,加在 A , B 两板间的电压 u 随时间 t 变化的图数如图 1-3-3 (b) 所示,证 A , B 间的电场可看作是均匀的,且两板外无电场,在每个电子通过电场区域的极短时间内,电场可视作恒定的,两板右侧放一记录圆筒,筒的左侧边缘与极板右端距离 b=0 , 15m ,简终某鉴直输匀速转动,周期 T=0 , 20s , 简的周长 s=0 , 20m , 简 修准被引通过 A , B 满板的全套电子
- (1)以 t=0 时(見图 4-3-3(b),此时 u=0)电子打到關節记录纸上的点作为 xy 坐标系原点,并取 y 軸唇 自向上 该计算电子打到记录纸上量高点 y 坐标和 x 坐标(不计电子重力).
  - (2)在给出的坐标纸(图 4-3-3(c))上定量地画出电子打到记录纸上的点形成的图线。







(4)

「分析」 电子在加速电场中获得速度进入偏转电场,电子在加速电场中获得的速度 较大,它在偏转电场中运动的时间很短,可以认为电子在偏转电场中运动时场强不变,偏 转电场电压变化,确定电子能穿越偏转电场时,偏转电场的电压的临界值,从而确定哪些 电子能否飞出偏转电场,只有飞出偏转电场的电子才能打在圆筒上,圆筒做匀速转动,电 千打在圆筒上 是由 至的运动与圆筒两种运动器加的结果。

[#] 
$$(1)$$
设电子离开加速电场速度为 $u$ ,由动能定理有  $\frac{1}{2}mv^2_c$   $eU_0$  ①

电子在中心线方向做匀速运动,设电子穿过 A、B 板时间为 to, l=voto

电子在垂直 A、B 板方向的运动做初速度为零的匀加速运动,恰能穿过 A、B 板的电

$$f$$
,在它通过时加在两板间的电压  $u$ , 应满足  $\frac{d}{2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{eu}{nd} \cdot t^2$ 

由①、②、③得 
$$u_r = \frac{2d^2U_0}{f^2} = \frac{2 \times 0.02^2 \times 1000}{0.2^2} V = 20V$$

电 
$$f$$
射出  $A$ 、 $B$  板沿  $y$  轴最大分速度为  $v_y = \frac{eut_0}{r}$ 

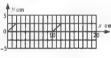
此后电子做匀速直线运动,它打在记录纸上点最高的纵坐标为 y,由图4-3-4可得

$$\frac{y - d/2}{b} = \frac{v_2}{v_0} \tag{5}$$

由以上几式解得  $y = \frac{bd}{l} + \frac{d}{2}$ ,代人数据后得 y=2. 5cm



图 4-3-4



由 u-t 图线可知,u 的周期  $T_0=0$ , 10s,u 最大值  $u_0=100$ V,因为  $u<u_0$ ,在一个周期  $T_0$ 内,只有开始的一段时间间隔  $\Delta t$  内在电子通过 A 、B 板,

$$\Delta t = \frac{u_c}{u_0} T_0 = 0.02s$$

电子打在记录纸上最高点不止一个,由顺竟规定,

第一个最高点 
$$x$$
 坐标为  $x_1 = \frac{\Delta t}{T} s = 2 cm$ 

第二个最高点 
$$x$$
 坐标为  $x_2 = \frac{T_0 + \Delta t}{T}s = 12$ cm

(8)

第三个最高点 x 坐标为  $x_3 = \frac{2T_0 + \Delta t}{T}$  s = 22cm > 20cm

记录简的周长 20cm。第三个最高点已与第一个最高点重合。即电子打到记录纸上的 最高点只有两个,它们的 x 坐标分别由⑦式和⑧式确定。

(2)电子打到记录纸上所形成的图线,如图 4-3-5 所示.



[姚明] 在只有偏转电压变化情况下, 控制电子打在圆筒上最大纵坐标是偏转电压, 这个偏转电压值可能是电压变化中的最大值, 也可能是电子能 & 出偏转电场的临界值(即从极板边缘 & 出), 原则是取这两个值中的最小值就是 y 轴坐标最大值的对应偏转电压, 本题偏转电压最大值是 100V, 电子能 & 出电场的临界值是 20V, 所以, y 坐标最大值的对应的偏转电压是 20V 而不是 100V. 偏转电压的变化均匀, 电子打在圆筒上在 y 轴 坐标变化也均匀.

电子打在圆筒上 x 坐标由圆筒做匀速圆周运动确定,圆筒转动周期 0.2s,偏转电场 周期 0.1s,圆筒转动一周,电子在圆筒上被记录下来点的集合是二个周期性倾斜线段。

[ 閏 3] 如图 4-3-6 所示,真空室内存在勾摄磁场, 磁场方向垂直于纸面向里, 雖惠应强度的大小 B= 0.60T. 磁场内有一块平面患光板 ab,板面与磁场方向平 行.在距 ab 的距离为 l=16cm 处,有一个点状的 a 放射 深 S,它向各个方向发射 a 粒子,a 粒子的速度都是 v= 3.0×10<sup>5</sup> m/s,已知 a 粒子的电荷与质量之比 q/m = 5.0 ×10<sup>7</sup> C/kg, 現尺考虑在图纸平面中运动的 a 粒子,束 ab 上轴 n 粒子打中的风墙长度

[分析]  $\alpha$  粒子带正电,故在磁场中沿逆时针方向做匀速圆周运动,用 R 表示轨道 半径,有  $qvB = \frac{mv^2}{D}$  由此式得  $R = \frac{mv}{cR}$ ,代人數据后得 R = 10cm.

因朝不同方向发射的  $\alpha$  粒子做匀速圆周运动的圆心轨 a- 漆如图 4-3-7 中的实线圆所示,由左手定则可知  $\alpha$  粒子沿 顺时针方向旋转,运动圆轨迹与 ab 的直线右侧最远点是与 S 相距为 2R 的 P: 点(临界点);与 ab 直线左侧最远点是与 其相切的 P: 点(临界点),作平行于 ab 的直线 cd, cd 与圆 心轨迹交点为 Q, 过 Q 作 ab 的垂线、它与 ab 的交点就是



图 4-3-7

 $P_1$ . 与  $P_1$ 点和  $P_2$ 点对应的  $\alpha$  粒子的轨迹就是两带箭头的虚线圆弧.

由图中几何关系得  $NP_1 = \sqrt{R^2 - (l - R)^2}$ 

由图中几何关系得  $NP_2 = \sqrt{(2R)^2 - l^2}$ 

所求长度为 $P_1P_2 = NP_1 + NP_2$ ,代入数据后得 $P_1P_2 - 20$ cm



[购4] 如图 4-3-8 所云 abed 是一个边长为1. 正方 形,它是磁感应强度为 B 的勾强磁场播集面的边界线,一 带电粒子从 ad 边的中点 O 与 ad 边成 θ=30°角、且垂直于 磁场方向射入, 若该带电粒子所带电量为 a、质量为 m(重 力不计)。则该带电粒子在磁场中飞行时间最长是多少? 若 要带电粒子飞行时间最长,带电粒子的速度必须符合什么 条件?



「分析」 带粒子在磁场中做匀速圆周运动, 粒子带正由, 由左手定则可知它将向 ab 方向偏转,带电粒子可能轨道如图 4-3-9 所示(磁场方向没有画出),这些轨道的圆心均 在与业方向垂直的 OM 上。由图可知。从进入磁场那条边离开的带电粒子纳添所对的圆 心角最大(临界条件),由此可知带电粒子从 ad 边离开磁场的轨迹阅心角最大,

带电粒子在磁场中做勾速圆周运动, 落心被力提供向心力, 有

$$qvB = \frac{mv^2}{r}$$
,  $\vec{\eta} \notin r = \frac{mv}{aB}$ 

周期 
$$T = \frac{2\pi r}{r} = \frac{2\pi m}{aR}$$

 $\frac{5\pi}{2}$ .

由②式可知周期与半径和速率均没有关系,说明它在磁 场中运动时间仅由轨迹所对的圆心角大小有关,由图 4-3-9 可以发现粒子从入射边进入,又从入射边飞出,轨迹所对的圆 心角最大,由图 4-3-9 可知,三角形 O。EF 和三角形 O。OE 均 O 为正三角形,所以。

 $\angle OO_0E = \frac{\pi}{2}$ . 轨迹所对圆心角最大为  $\alpha = 2\pi - \frac{\pi}{2} =$ 

图 4-3-9

带电粒子在磁场中运动时间最长为 $t - \frac{a}{2}T = \frac{5\pi m}{2\pi R}$ 

带电粒子从 ad 动飞出的轨迹中,与 ab 相切的轨迹半径是它在磁场中时间最长所有 可能轨迹坐径中的临界坐径(也是最大的坐径)ro,r>ro,在磁场中运动时间是变化的,r ≤ro,在磁场中运动的时间是相同的,也是在磁场中运动时间最长的,由图可知

$$r_0 + \frac{1}{2}r_0 = \frac{1}{2}L$$
,由此可得  $r_0 = \frac{L}{3}$ 

将 r 和 r<sub>0</sub>分别代人 r  $\leq$  r<sub>0</sub> · 后有  $\frac{mv}{aB} \leq \frac{L}{3}$  ·解得:  $v \leq \frac{gBL}{3m}$ 

带电粒子在磁场中飞行时间最长是 $\frac{5\pi m}{30R}$ ,与其对应速度应 $v \leqslant \frac{gBL}{3m}$ .





[例5] 在光滑线缝的水平桌面上,有两个盾量均 为m, 电量为+a的字合相同的带电粒子P,和Po,在小 孔 A 处以初读度为重先后释放 在平行杨闹距为 d 的勾 4 强电场中加速后,P.从 C 处对着圆心进入率径为 R 的图 定圆筒中(筒壁上的小孔 C 只能容一个粒子通过),圆筒 内有垂盲水平面向上的磁感后强度为 B 的勾强磁场, P. 每次与简璧发生碰撞均无电荷迁移。P. 讲入磁场第一次



与简璧碰撞点为  $D_{\bullet}$  /  $COD = \theta$  , 如图 4-3-10 所示, 延后释放的  $P_{\bullet}$  , 将第一次欲洪流 出圖筒的P,正確圖筒內,此次碰撞剛結束,立即改变平行板间的电压,并利用P。与P, 之后的碰撞,将 $P_1$ 限制在圆筒内运动. 碰撞过程均无机械能损失. 设 $d = \frac{5}{9}\pi R$ ,求:在

 $P_2$ 和 $P_1$ 相邻两次碰撞时间间隔内,粒子 $P_1$ 与简璧的可能碰撞次数.  $tan \frac{k\pi}{2} =$ 

 $\frac{5}{4(n-2b)}$ 

附:部分三角函数值

φ	2π/5	π/3	π/4	<b>π</b> /5	<b>π</b> /6	n/7	π/8	π/9	n/10
tanç	3, 08	1. 73	1.00	0, 73	0.58	0.48	0, 41	0, 36	0.32

「分析」 加图 4-3-11 所示, 带由粒子 P 在磁场中 的轨迹如图所示,设带电粒子与圆筒碰撞 n次(包括进入 或离开的一次),由图可知  $\theta = \frac{2k\pi}{2}$ 

带电粒子 P: 在磁场中的轨迹半径 r Rtan  $\frac{\theta}{2}$ 



图 4 3 11

Rtan km

完全相同的带电粒子 P. 和 P. 在相同的电场中加速, 获得的速度相同, 即两粒子碰撞 时速度大小相等,方向相反,碰撞后速度互换,要使 P. 限制在圆筒内运动,即每次碰撞发 牛在第一次碰撞处(临界条件),即粒子 $P_1$ 速度在磁场中偏转角为 $(2k+1)\pi$ ,即与圆筒每 相邻两次碰撞的偏转角为  $\varphi$ ,  $\varphi = \pi - \theta = \pi - \frac{2k\pi}{2}$ 

带电粒子  $P_1$  在磁场中运动时间为  $t_1 = \frac{m\varphi}{n} = \frac{nR(n + 2k)}{n} \tan \frac{k\pi}{n}$ 

带电粒 f  $P_2$  在电场中运动时间  $t_2 = \frac{2mv}{\sigma U_2/d} = \frac{2mvd}{\sigma U_2}$  . 若要  $t_1 = t_2$  (临界条件)

即有  $\tan \frac{k\pi}{n} = \frac{5}{4(n-2k)} \leqslant \frac{4d}{\pi R(n-2k)}$ , 当 k=1, n=3,4,5,6,7 时该式均成立,当





k=281,n取任何信都没有成立的可能性。

[問6] 如图 4-3-12,真安室內有一个 点状的 a 前射源 P. 它向各个方向发射 a 粒 子(不计 o 粒子重力), 速率都相同, ab 为 P 点附近一条水平直线,Q点为直线上一点,它 与 P 点连线跟 ab 成 45°, 且与 P 点相距 L, (現只研究与放射源 P和直线 ah 同一个平面

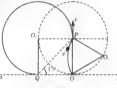


内的 0 粒子的运动) 当真空室内只存在垂直這平面向里、磁感应强度为 B 的勾强磁引 时,水平向左射出的 α 粒子恰到达 Q点。(α 粒子帶电量为 q,盾量为 m)求:

- (1) n 粒子发射速率:
- (2)能到次有约 ab 的 a 粒子所重耐闹的范围

[分析] (1)真空室内只存在垂直该平 面向里、磁感应强度为 B 的匀强磁场时, 水平 向左射出的 a 粒子恰到达 Q 点, 由题可知 a 粒子运动半径R与L的关系为

$$R = \frac{\sqrt{2}}{2}L$$
 . 而且  $q_0B = \frac{mv^2}{R}$  . 由以上两式 得  $v = \frac{\sqrt{2}qBL}{R}$ 



例 4-3-13

(2)。 粒子速率都相同,在同一磁场中运 动,故所有与放射源 P和直线动同一个平面内的 a 粒子的运动的半径相同,其则心的轨迹 基以 P 点为圆心的圆周, 如图中 4-3-13 的虚线所示, 当仅加上述磁场时,能到达直线 ab 的 n 粒子所需时间的范围, 就要确定 n 粒子钠 游转占, 优强的 弦短圆心角大, 弦短, 时间长, 尖 弧的弦短圆心角小,弦短时间短,那么本题中的第二问就是寻找优弧的最短弦(最长时间) (临界值)和劣弧的最短(最短时间)(临界值)。

由图可知 a 粒子打在直线 ab 上最短的时间是打在图中的 O 点(因为最短的弦就是 P点到直线 ab 的距离,此时弦长与轨迹半径相等,轨迹所对应的最小圆心角是 60°,最长 的时间是打在图中的 Q 点,这是优弧最短的弦长(即该轨迹线与直线 ab 的相切),对应的 最大的圆心角是 270°, α 粒子在匀强磁场中运动的周期为 7

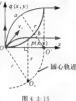
图为 
$$\frac{T}{6} \leqslant t \leqslant \frac{3T}{4}$$
,即  $\frac{\pi m}{3aB} \leqslant t \leqslant \frac{3\pi m}{2aB}$ 

[图7] 在xOv平面内有许多电子(质量为 m, 电量为 e)从坐 标原点 ()不断地以相同大小的速度 vo 洛不同方向射入第 [ 象限, 如图4-3-14所示。现加上一个垂直于 xQv 平面的磁感应强度为 B 的匀强磁场,要求这些电子穿过该磁场后都能平行于 x 轴沿正方 向运动, 试求出符合条件的磁场的量小面积,

[分析] 大量速度方向在与 x 轴成 0 → N 范围内的电子 在磁场中发生偏转,最终速度方向均能平行于 x 轴, 所有电子 在勾强磁场中均做匀速圆周运动,洛仑兹力提供向心力,  $eBv = \frac{mv^2}{r}$  , 半径  $r = \frac{mv}{eR}$  . 在  $0 \rightarrow \frac{\pi}{2}$  的范围内, 电子圆心轨迹 如图 4-3-15 中所示,该轨迹与 x 轴交点 O' 是速度方向沿 v 轴 正方向的电子轨迹圆心,该电子的轨迹如图中 a 所示。它是偏 转角最大的电子轨迹,其他电子的轨迹均在轨迹。以下区域,

所以,轨迹 a 就是磁场范围包络线上限(临界值),由于该电子

的偏转角为 $\pi/2$ ,即由速度由y轴正方向转到x轴正方向,该 轨迹上的点 g(x,y)符合表达式 $(r-x)^2+y^2=r^2$ 



其他电子速度发生偏转,一旦平行工轴就离开磁场,磁场区域的最小面积边界线的 下限应是电子离开磁场点的集合(临界值)。

过原点作出任一电子速度方向的垂线交干则心轨迹于 ()点,过 ()点作与 x 轴长为 r 的垂线,另一端点的坐标为(x,v)P点,该点即为该电子从磁场中出射点,如图 4-3-15 所示,由图可知  $x^2 + (r y)^2 = r^2$  ②,②式中包含了各个方向上的电子离开磁场时的位 置坐标,也正是所有电子偏转到平行。轴方向点的集合,即为电子离开磁场的边界 b,它 是一段符合②式的圆弧,

由①、②式确定的面积就是磁场最小范围,由图形的对称性可知是圆心角为 π/2 扇 形减去两半径所组成成的有角三角形面积的2倍。即

$$S_{\rm min} = 2(\frac{\pi r^2}{4} - \frac{1}{2}r^2) = \frac{\pi - 2}{2} \cdot (\frac{m\nu_0}{eB})^2$$
.

[**图8**] 在两块平行金属板 A、B 中, B 板的正中央有一 a 粒子源,可向各个方向射出速率不同的α粒子,如图 4-3-16 所 示, 若在A、B 板中加上 $U_{AB} = U_0$  的电压后, A 板就没有  $\alpha$  粒子 射到。U. 是 a 粒子不能到达 A 板的最小电压, 芸權夫 A. B 间的



电压,为了使 a 粒子不射到 A 板,而在 A、B 之间加上匀强磁场,则匀强磁场的磁感应 强度 B 必须符合什么条件(已知  $\alpha$  粒子的荷质比  $\frac{m}{}=2.1\times10^{-8}$  kg/C , A、B 间的距 真 d=10cm, 电压  $U_0=4.2\times10^4$  V)?

[分析] A、B 两板间加上电压时, a 粒子不能到达 A 板时的最小电压, 对应的是具 有的垂直于两板最大速度的 a 粒子刚好达到 A 板边缘的速度为零的状态;而所加磁场 时, $\alpha$ 粒子在两板之间发生偏转,由  $\alpha$ 粒子在两板做圆周运动的半径  $r=\frac{m_0}{\alpha R}$  可知速度大, 半径大, 当具有最大半径所有的 a 粒子不能到达 A 板时所需要的磁感应强度是最小的磁 感应强度(临界值)。

α粒子放射源可向各个方向射出速率不同的 α粒子,在这些速率不同的 α粒子中 -定有速率最大的 a 粒子,设最大的速率为 zum,各个方向上都有速率为 zum,的 a 粒子,当 A、B 板加了电压后。A、B 两板间电压是阻碍。粒子到达 A 板,其方向是垂直两板并由 A

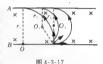


(4)

板指向 B 板, 在无电场时,  $\alpha$  粒子在沿由 B 板向 A 板运动方向上有  $d=vt\cos\theta$ 

若撤去电场,在A,B之间加上匀强磁场,这些  $\alpha$  粒子将做匀速圆周运动,洛仑兹力提供向心力,其半径为r,  $q_{\nu}B$   $\frac{mv^2}{r}$  得 $r-\frac{mv}{aB}$  ③

由③式可知,在B一定的条件下,v 越大,v 越大, 越 容易打到 A 板; 反之, 当 v 值取最大值 v max 后, 若所有具有 vmax 的 a 粒子不能达到 A 板,则所有的 a 粒子均不能达到 A 板 在所有方向上的 a 粒子中,它们的轨迹刚好与 A 板相切的情况如图 4-3-17 中, 方 在 板相切的情况如图 4-3-17 中,示 在 四 4-2 大 4-2 大 4-2 大 4-2 大 5-2 大 5



能到达A板. 若令 $r_3$ 为最小值 $r_{mn}$ 时(临界值),即图中 $r_{mn}=\frac{1}{2}d$ 是所有 $\alpha$ 粒子中轨迹与

$$A$$
 板相切的最小半径,将其代人③式后得  $\frac{d}{2} = \frac{mv_{\text{max}}}{qB_{\text{max}}}$ 

由②、④可得 
$$B_{max} = \frac{2}{d} \sqrt{\frac{2mU_0}{g}} = 0.84T$$
 (临界值)

A、B 两板之间应加上垂直于纸面的勾强磁场。且磁悬应强度  $B\geqslant 0$ . 84T 时,所有的 α 粒 F均不能到达 A 板.

[四篇] 确定带电粒子在磁场中做匀速圆周运动的临界轨迹线的问题的思路是:

 凡是由于带电粒子的轨迹由于磁场的边界所制约时,与边界线相切的轨迹往往是 临界轨迹,对应的半径是临界半径,与半径相关的变化物理量都具有临界值的特点。

2. 本題筛选临界轨迹时是难点: 每个方向上的具有最大半径的  $\alpha$  粒子与 A 板相切都 对应有一个半径, 在这些半径中有某个方向上  $\alpha$  粒子的半径最小(即图中速度方向与 B 板平行的  $\alpha$  粒子),若是这个半径恰好是具有速率为  $\nu_{max}$  的  $\alpha$  粒子的半径, 那么就意味着所有的  $\alpha$  数子的不能打到 A 板 P

[內9] 一帶电廣点的廣量为 m, 电量为 g,以平行于 Ox 轴的 速度 v 从 y 轴上的 a 点射入如图 4-3-18 所示的区域,为了使诚质 a 点能从工 軸上的 b 点以垂直于 Ox 轴的速度 v 射出,可在适当的地方加一个垂直于 x Oy 平面的、磁感应强度为 B 的勾强磁场,若磁场分布在一个圆形区域内,该米这个圆形磁场区域的最小半径(质 O 点重为忽略不計).



<sup>[</sup>分析] 由图 4-3-18 可知带电质点在磁场中的偏转角,由题设条件可知带点质点 在磁场中做匀速圆周运动的半径。从而可以确定带电质点在磁场运动的轨迹,进而求得 磁场区域的范围。

带电质点在磁场中做匀速圆周是洛仑兹力提供向心力,由牛顿第二定律有。



$$qvB = \frac{mv^2}{r}$$
,解得  $r = \frac{mv}{aB}$ 

将质点在 a,b 两点的速度方向延长交子 C 点,过 C 点在两速度 延长线截取长度为 r 的 G, H 两点,过 G, H 两点作垂线交 F A 点,A 点 就是质点做匀速圆周运动的圆心。其轨迹如图 4 3 19 所示,只要 质点轨迹所在区域有磁场存在,保证质点受洛仑兹力做匀速圆周所需要的向心力,这样的区域范围就是所求最小的磁场区域。连接 G H,以 G H 为直径作一圆如图 4-3-19 中的实线圆周,这个圆周的半径即 为磁场区域的最小半径 rm。临界值)。令 2 rm - G H, A C C H 是正方

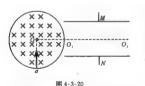


32 4 3 13

形,由以上可知  $2r_{max} = \sqrt{2}r$ .将r的表达式代人后得到圆形磁场区域的最小半径为  $= \sqrt{2mu}$ 

[四論] 确定磁场区域的范围的问题思路:

- 1. 首先确定质点在磁场中运动的轨迹. 半径已知或可求,速度在磁场的偏转角也是已知,即可质点确定在磁场中的轨迹.
- 2. 由带电粒子在磁场中的轨迹确定磁场区域的范围:原则是只要将轨迹包含在磁场的范围以内即可,在此轨迹线上,往往由进人磁场的点和离开磁场的点确定磁场区域,本题所求最小半径就是就是轨迹进,出磁场两点连线的一半.
  - [內 10] 加图 4-3-20 所示,在真空中,半径为 R=5L。的圆形区域内存在匀侵磁场,磁场方向垂直纸面向里,在磁场右侧有一对平行金属板 M和 N,两板间距离为 d=6La,板长为 L=12La,板的中心线 O,O,与磁场的圆心 O 在同一直线上 有一电荷量为 g,质量为 m 的带电的粒子,以速度 to 从圆周上的 a 点沿垂直于半径 OO,并指向圆心的方向进入磁场平面,当从圆周上的 O,点水平飞出磁场时,给 M、N 板加上如图 4-3-21 所示电压,最后粒子刚好以平行于 M 板的速度,从 M 板的边罐飞出(不计粒子重力),求



 $\begin{array}{c|c} U, & & & \\ \hline \end{array}$ 

图 4-3-21

- (1)磁场的磁感应强度:
- (2)永交变电压的周期 T和电压 Uo的值;
- (3)若 t=3T/2 时, 该粒子从 M、N 板右側沿板的中心线仍以速率 vo 向左射入 M、 N 之间, 求粒子从磁场中的射出点到 a 点的距离。

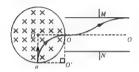




[分析] (1)带电粒子从进入磁场到离开电场时、刚好以平行于M板的速度,从M板的边缘飞出,以此为据作出带电粒子的运动轨迹如图4-3-22所示(图中轨迹为示意图,在电场中仅表示一个周期)、粒子进入磁场在洛仑兹力作用下做勾速圆周运动,有 $qv_0B=m\frac{v_0^2}{c_0}$ ,由图可知粒子轨迹半径 $r=R=5L_0$ ,由以上两式解得 $B-\frac{mv_0}{c_0}$ 

(2)由题意可知粒子在电场中运动时间应为周期整数倍,则  $\iota = \frac{L}{v_{\nu}} = nT$ ,即  $T-12L_{\rm o}$ 

粒子在电场中运动侧向总位移  $y=rac{1}{2}\cdotrac{dU_0}{md}\left(rac{T}{2}
ight)^2\cdot 2n=rac{d}{2}$  ,可得  $U_0=rac{mm_0^2}{2q}$ 



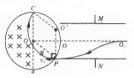
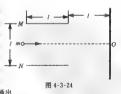


图 4-3-22 图 4 3

由于粒子水平射出,故 $OP_{\perp v_0}$ ,于是 $OC_{\perp v_0}$ ,方向竖直,故aOC 共线,所以射出点到a点的距为 $aC=2R=10L_0$ 

## > 放胜训练

1. 如图 4-3-24 所示, M、N 为两块水平放置的 金属板, 板长为 1. 两板间的距离也为 1. 板电电压恒 定. 今有一带电粒子(重力不计)以一定的初速度沿 两板正中间垂直进入电场, 最后打在距两平行板右 增距离为 1 的竖直焊上, 粒子落到距 0 点的距离为 1/2. 若大量的 上述至 5/5 与原外初速度一样, 并忽 略粒 了间相互作用)从 MN 板间不同位置垂直进入电场, 述求这些数了套在竖直屏上的范围并在图中画出



2. 图 4-3-25 中 B 为电源,电动势 E=27V,内阻不计. 固定电阻  $R_1=500\Omega$ ,  $R_2$  为光 敏电阻,C 为平行板电容器,虚线到两极板的距离相等,极板长  $l_1=8.0\times10^{-2}$  m,两极板的间距为  $d=1.0\times10^{-2}$  m. S 为屏,与极板垂直,到极板距离  $l_2=0.16$  m. P 为一圆盘,由



形态相同透光率不同的三个扇形 a,b 和 c 构成,它可绕 AA' 轴转动,当细光束通过扇形 a,b,c 照射光敏电阻  $R_2$  时, $R_2$  的阻值分别为  $1000\Omega$ ,  $2000\Omega$ ,  $4500\Omega$ . 有一细电子束沿图中 虚线以速度  $t_0$  一8、 $0 \times 10^6$  m/s 连续不断地射人 C. 已知电子的电量 e = 1、 $6 \times 10^{-19}$  C,电 千质量为 m = 9、 $0 \times 10^{-31}$  kg,忽略细光束的宽度、电容器的充电放电时间及电子所受的 重力,假设照在 R, 上的光强发生变化时 R, 的阻值立即有相应的改变.

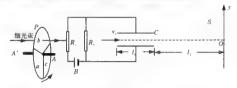


图 4-3-25

(1)圆盘不动,细光束通过 b 照射到 R<sub>2</sub> 上,求 电子到达屏 S 上时,它离 O 点的距离 y(计算结果 保留两位有效数字)

(2)设圆盘按图 4-3-25 箭头方向转动,每 3 秒转 ·圖,取光東照在 a,b 分界处时 t=0,试在图 4-3-26 给出的坐标纸上,画出电子到达屏 S 上时, 它离 O 点距离 y 随时间表 t 的变化图线(0-6s 间),要求在 y 轴上标出最高点与最低点的值(不 要求写出计算过程)

3. 如图 4-3-27 所示为示波器的部分示意图。

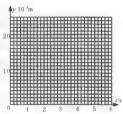


图 4-3-26

竖直 YY 和水平 XX 偏转电极的板长都为 l=4cm, 电极间距离都为 d=1cm, YY 和 XX 板 右端到荧光屏的距离分别为 18cm 和 12cm, 两偏转电场间无相互影响. 电 f 束通过 A 板上 的小孔沿中心轴进入偏转电极时的速度  $t_0=1.6\times10^7$  m/s, 元电荷  $e^{-1}.6\times10^{-13}$  C, 电子质 量  $m=0.91\times10^{-10}$  kg. 当偏转电极 f 不加电压时, 电子束打在荧光屏上的 f 点,求

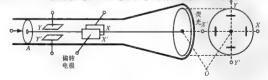


图 4-3-27

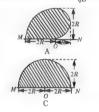




- (1)要使电子束不打在偏转电极极板上,加在偏转电极上偏转电压U不能超过多大?
- (2) 若在偏转电极 XX'上加上 $u_x=45.5\sin(100\pi t)$  V 的电压。在偏转电极 YY'上加上 $u_x=45.5\cos(100\pi t)$  V 的电压,通过计算说明灏灏不断的电子打在荧光屏上所产生亮点的物态形址
- 4. 如图 4-3-28 所示,在一水平放置的平板 MN 的上方有匀强磁场,磁感应强度的大小为 B, 磁场方向垂直于纸面向里. 许多质量为 m 带电量为+q 的粒子以相同的速率 v 沿仅次于纸内的各个方向,由小孔 O 射人磁场区域. 不计重 M-力,不计粒子间相互影响,图 4-3-29 中的阴影部分表示带



电粒子可能经过的区域,其中 $R = \frac{mv}{aB}$ .哪个图是正确的?



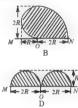


图 4-3-29

5. 如图 4-3-30 所示, 截面为直角 三角形的区域内, 有一个具有理想边界的勾强磁场, 磁场方向垂直于纸面向里, 磁感应强度为 B, 三角形区域的 ab 边长为L,  $\theta$  = 30°. 一个电子从 ab 边界外侧在 ab 边中点处与 ab 边想 b 30°的角垂直于磁场方向射人场内, 已知电子的电荷量为 e, 质量为 m. 为使电子能从 ac 边射出, 电子入射速度  $v_0$  应满足什么条件?





图 4-3-30 图 4-3-31

- 6. 一个质量为 m、带电量为 + q 的带电粒子(不计重力)以初速度 vs 沿 y轴向 y轴正 方向运动。从图 4-3-31 中的原点 O 处开始进入一个边界为圆形区域的勾强磁场中,已知磁感应强度大小为 B,方向垂直于纸面向外、磁场边界的半径为 r. 带电粒子进入磁场后做匀速圆周运动,已知它做圆周运动的轨道半径比圆形磁场的半径 r 大.
- (1)改变圆形磁场的位置,可改变粒子在磁场中的偏转角度,求此粒子在磁场中的最 大偏转角,(用反三角函数表示)

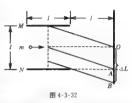




(2)当粒子在磁场中偏转角最大时,它从磁场中射出后沿直线前进一定打到 x 轴上, 求满足此条件磁场半径 r 的取值范围

# \*\*\* 茶景与提示

1. 带电粒子进入电场的偏转角为  $\theta$ . 带电粒子在电场中偏转的距离为 y,则它们分别为  $\tan \theta = \frac{v_y}{v_0} = \frac{al^2}{v_0^2}$ ,  $y = \frac{1}{2}at^2 = \frac{1}{2}$ ,  $\frac{al^2}{v_0^2} = \frac{1}{2}/\tan \theta$ . 由于带电粒子进入电场的初速度相同,加速度相同,所以离开电场时的偏转角和偏转的距离相同,它们均像是从电场的中点沿直线、巴,如图 4.3-31 中的 A 点的直线,由于



带电粒子可以从极板间不同位置入射,所以它们能飞出电场的是图 4-3 32 中的 OB 段.

由于  $l_{OA} = \frac{1}{2}l$  由图可知  $\frac{\frac{1}{2}l - l_{AB}}{\frac{1}{2}l} = \frac{\frac{1}{2}l}{\frac{3}{2}l} = \frac{1}{3}$ ,即得  $l_{AB} = \frac{1}{3}l$ ,在屏上的范围

 $\Delta L = \frac{1}{2}l + l_{AB} = \frac{5}{6}l$ 

(2)设圆盘按图 1 箭头方向转动、每 3 秒转一圈,取光束照在 a,b 分界处时 t=0,由图中的箭头可知细光束通过三区域的顺序是 b,c,a,由(1)可知,电子打在 y 轴上离 O 点距离为  $4.8\times10^{-2}$  m,所用时间为 1s.

当光東打在 c 区时  $R_2$  取值为  $4500\Omega$ ,此时  $R_1$  两端的电压为  $U_1=\frac{E}{R_1+R_2}$  •  $R_1=2.7\,\mathrm{V}< U_0$ 

电子在 y 上速度为  $v_y = \frac{eU_1}{md} \cdot \frac{l_1}{v_0} = 4.8 \times 10^3 \, \text{m/s}$ ,电子到达屏 S 上时,它离 O 点的 距离 y 为  $y_z = \frac{v_z}{2} \cdot \frac{l_1}{v_0} + v_z \cdot \frac{l_2}{v_0} = \frac{v_z}{v_0} \left( \frac{l_1}{2} + l_2 \right) = 1.2 \times 10^{-2} \, \text{m}$ ,当光束打在 a 区时, $R_2$ 



取值为 $1000\Omega$ ,此时R,两端电压为 $U_1 = \frac{E}{R_1 + R_2}$ 。  $R_1 = 9 \text{ V} > U_0$ ,电子不能飞出电场. 图线见  $R_1 = 3 \text{ A}$ 3.

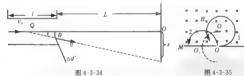
- 3. 本题思路:由运动独立原理确定电子在竖直与水平两个方向上各自的位移求出通式后再确定竖直和水平位移。
  - (1)电子经过偏转电极而不打在极板上,电子

# 偏转距离 $\Delta d \leq \frac{d}{2}$ (临界条件)

电子在电场中的加速度  $a=\frac{eU}{dm}$  ,飞行时间  $t=\frac{l}{m}$  ,昆  $\Delta d=\frac{1}{2}at^2$ 

由以上关系式解得
$$U \leqslant \frac{mv_0^2d^2}{d^2}$$
,代人数据后得 $U \leqslant 91V$ (临界电压值)

(2)电子在电场中运动时间  $t=\frac{l}{v_0}=2.5\times10^{-3}$  s,两电场变化的周期均为 T=0.02 s  $\gg t$  . 故可认为电子在电场中运动时场强不变,电子飞离电场时速度的偏转角为  $\theta$  . tan  $\theta=\frac{v_0}{v_0}$  ,  $l=v_0t$  ,  $\Delta d=\frac{v_0}{2}t$  , 由以上 主武得  $\tan\theta=\frac{\Delta d}{l/2}$  . 由图4 3-34中几何关系可知  $\frac{\Delta d}{l/2}=\frac{s}{l-l/2}$  ,  $s=\frac{l+l/2}{l/2}$  .  $\Delta d=\frac{d^2}{2mdv_0^2}u$  . 有  $s=\frac{l-l}{l/2}$  .  $\frac{e^{l^2}}{2mdv_0^2}u_s$  , 代入 数据得 s=1 .  $s\sin 100\pi t$  (cm) ,同理可得 s=1 .  $s\sin 100\pi t$  (cm) ,同理可得 s=1 .  $s\sin 100\pi t$  (cm) ,同理可得 s=1 .  $s\sin 100\pi t$  (cm) ,目 两参数方程可得  $\frac{x^2}{1.8^2}$   $\frac{y^2}{5^2}=1$  ,电子在荧光屏上轨迹是椭圆,半长轴为 2.5 cm,半短轴为 1.8 cm.



4. A(由左手定则可知带电粒子进入磁场后沿逆时针方向偏转,速率相同的同一种带电粒子在同一磁场中旋转半径相同,其圆心的轨迹如图 4-3-35 中的虚线所示.由圆心轨迹可知.圆心〇.临界圆心)对应的速度方向沿平行于ON方向的带电粒子的轨迹如图 4-3-34 中的 1 所示。圆心〇.临界圆心)对应的速度方向是垂直于MN进入磁场的带电粒子的轨迹如图中的 2 所示。图中的这两条轨迹(临界轨迹),其外形与 A 图阴影的包揽线接近,由此可知 A 图正确。

5. 因为磁场只分布在三角形范围内,所以只以部分圆弧模拟电子的运动轨迹,如图 4-3-36f所示,可以看到轨迹 A 与ac 边相切,轨迹 B 与bc 边相切,它们圆心与半径均与脚 标相对应,这两条轨道半径是临界半径,当电子的半径为  $R_a < R < R_b$  时均能从ac 边对



出,由图中的几何关系可知  $R_A+R_A\sin 30^\circ=\frac{L}{2}$ ,可得  $R_A=\frac{L}{3}$ ,电子进磁场时的速度方向垂直于 k 边,与 B 轨道与 k 边相切,其半径与速度垂直线垂直,由图可知  $R_B=\frac{L}{2}\cos 30^\circ=\frac{\sqrt{3}}{4}L$ ,带电粒子在匀强磁场中做匀速圆周运动的半径为  $R=\frac{mv_0}{eB}$ ,所以,只有速度符合  $\frac{eBL}{3m}< v_k \leqslant \frac{\sqrt{3}eBL}{4m}$  的电子才能从 k 边飞出磁场.





图 4-3-36

6.(1)粒子进入磁场做半径为R 勾速圆周运动,洛仑兹力提供向心力, $qvB = \frac{mv^2}{R}$ ,  $R = \frac{mv}{aR}$ ,粒子在半径为r 的圆形磁场区域中运动,要使偏转角最大,轨迹所对圆心角最

 $\xi$ D 大. 在r< R((轨迹为劣弧),要使带电粒子轨迹线最长、轨迹所对的弦量长、就是圆形磁场的直径. 射人点O、射出磁场点A 和磁场区域圆心O在同一条直线上,图 4-3-37 中塵线是粒子的轨迹. 由图可求得最大偏转角为 $\theta-\pi-2a-\pi-2\arccos \frac{C}{R}=\pi-2\arccos$ 

(2)要想使粒子能打到x 轴上。应满足条件 $\theta > \frac{\pi}{2}$  (临界值)。 $\pi$  2 $\arccos \frac{qBr}{mv_0} > \frac{\pi}{2}$ ,  $\arccos \frac{qBr}{mv_0} < \frac{\pi}{4}$ ,余弦是減函數, $\frac{qBr}{mv_0} > \sqrt{2}$ ,即 $r > \sqrt{2}$ ,即 $r > \sqrt{2}$ 

## 高考思想篇

# SAGI 考正直去

年份	驅源及类型	考点	
2009	全国 I 卷 T21 选择 6 分、浙江卷 T24 计算 18 分 安徽卷 T24 计算 20 分、浙江卷 T25 计算 22 分 四川卷 T24 计算 19 分、海南卷 T16 计算 10 分	養活力学和电学中	
2008	全國[卷 T25 计算 20 分、全國 [卷 T25 计算 22 分 上海卷 T23 计算 12 分、灾区卷 T14 选择 6 分 四川卷 T24 计算 19 分、海南卷 T6 选择 6 分		
2007	全国 I 卷 T25 计算 22 分、上海卷 T23 计算 13 分 全国 I 卷 T23 计算 15 分、重庆卷 T25 计算 20 分 重庆卷 T24 计算 19 分、四川卷 T24 计算 19 分		





## ●三考数探究

[門1] 光滑的水平面疊被有廣豐分别为加和加/2的两 未炔、下方水块与一助度系数为水的弹簧相连,弹簧的另一端 固定在墙上,如图 4-3-38 所示,已如两木块之间的最大排擘 梯力为 f,为使这两个木块组成的系统像一个整体一样地振 功,系统的最大振幅为

[分析] 系统的最大振幅对应者最大加速度(临界值)、系统的最大加速度所需要的力是由弹簧的弹力提供,上木块需要的最大力是由两木块之间的最大静摩擦力提供,由牛顿运动定律有 $a_{\max} = \frac{kA_{\max}}{1-100} = \frac{f}{1-100}$ ,解得 $A_{\max} = \frac{3f}{1-100}$ 

#### [##] C

[分析] 右侧木块与下面木块间最大静摩擦力(临界值)提供质量为 4m 物体运动最大加速度  $a_{max} = \frac{\mu m g}{4m} = \frac{\mu g}{4}$ ,绳左侧木块总质量为 3m,绳最大拉力  $T_{max} = 3ma_{max} = 3\mu m g$ 

## [##] B

[閏3] 假定地球,月球都静止不动,用火箭从地球溶地月迷线向月球发射一棵 測器,假定探测器在地球表面附近脱离火箭,用W表示探测器从脱离火箭处飞到月球 的过程中克膜地球引力做的功,用 Ex表示探测器脱离火箭时的功能,若不计空气阻 力,則

A. E. 必須大于或等于W.探测器才能到达月球

B.E.小于W,探测器也可能到达月球

 $C.E_k = \frac{1}{2}W$ ,探测器一定能到达月球

D.  $E_k = \frac{1}{2}W$ ,探测器一定不能到达月球





「分析 | 从地球沿地月连线向月球发射 · 探测器, 探测器在此连线上有 · 位置受到 她斌的引力与月球的引力相平衡(世平衡位置县临界位置),只要探测器能越过此占,以 后月球的引力大于地球的引力,探测器就能在月球引力作用下到达月球,W表示探测器 从脱离火箭外飞到月球的过程中真服地球引力做的功。而月球引力所做的正功虽然小干 W, 考虑到探测器到达平衡位置后速度为零(也是临界条件), 此前地球引力做功小 FW, 所以, E, 小于 W, 探测器有可能到达月球, 由于月球的质量比地球的质量小得多, 月球引 力比地球的引力小得多, $E_k = \frac{1}{9}W$ ,探测器一定不能到达月球.

#### [ ● ● ] BD

[男4] (2009·全国理编])质量为 M 的物块以速度 v 运动。与质量为 m 的静 止物块发生正碰,碰撞后两者的动量正好相等,两者盾量之比 M/m 可能为 (

A. 2

「分析」 两物块碰撞过程动量守恒,由颞可知  $M_{v}=2M_{vu}$ ,  $v_{v}=v/2$ ,而动能可能 不变(完全弹性碰撞),也可能损失一部分而不是最大(属于一般性的碰撞)所以有 $\frac{1}{8}$  $Mo^2$  $\geqslant \frac{1}{2}M\frac{v^2}{4} + \frac{1}{2\dots} \cdot \left(\frac{Mv}{2}\right)^2$ ,得  $3 \geqslant \frac{M}{m}$ ; 动能也可能损失最大(完全非弹性碰撞),此时有  $mu = \frac{Mv}{2}$ ,  $u = \frac{v}{2}$ , 即  $\frac{M}{m} = 1$ ,  $1 \leqslant \frac{M}{m} \leqslant 3$ , A、B 两选项正确.

[##] AB

「弹手」 碰撞问题的速度范围在完全弹性碰撞和完全非弹性碰撞之间,这是两个临 界条件,紧扣这两个临界条件,是求解碰撞问题讨论的切人点,

[例5] 如照 4-3-40 所示,位于警育平面内的光滑 有轨道,由一段斜的直轨道与之相切的图形轨道连接而 成, 图形轨道的单径为尺, 一盾量为加的小物块从斜轨道 上某处由静止开始下滑,然后沿圈形轨道运动,要求物块 能通过關形執道最高点, 且在這最高点与執道间的压力 ..... 不能超过 5mg(g 为重力加速度), 求物块初始位置相对 于圆形轨道底部的高度力的取值范围。



[分析] 设物块在圆形轨道最高点的速度为 v. 由机械能守恒定律得 mgh = 2mgR  $+\frac{1}{2}mv^{2}$ 1

物块在最高点受的力为重力 mg、轨道的压力 N、重力与压力的合力提供向心力。有,

 $mg + N = m \frac{v^2}{D}$ 

2 (3)

物块能通过最高点的条件(临界条件)是:N≥0

4

由②③式得 v ≥ √gR





(8)

由①④式得,h≥2.5R

按题的需求,N=5mg,由②式得: $v<\sqrt{6Rg}$ 

由①⑥式得·h≤5R

M = 45 kg.

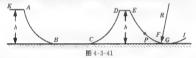
h 的取值药图县·2.5R≤h≤5R

(7)

[购6] 目前,滑板运动受到音少年的设施 如用 4-3-4] 是某滑板运动员在一次 表演时的一部分享道在坚直平面内的示意图, 塞道光滑。FGI 为圆弧塞道, 半径 R= 6.5 m.G 为最低点并与水平塞道 BC 位于同一水平面, KA, DE 平台的高度都为九= 18m B.C.F 处平滑连接 滑桶 a 和 b 的盾量均为 m。m=5 kg。运动员盾量为 M。

表演开始,运动员站在滑板 b 上, 先让滑板 a 从 A 点静止下滑, t = 0, 1 s后再与 b 板一起从A点静止下滑,滑上BC赛道后,运动员从b板跳到同方向运动的a板上,在 空中运动的时间 &=0.6 s(水平方向是匀速运动), 运动员与 a 板一起沿 CD 零道上滑 后冲出塞道。落在 EF 塞道的 P 点, 沿塞道滑行, 经过 G 点时, 运动量牵到的支持力 NI =742.5 N. (滑板和运动员的所有运动都在同一竖直平面内,计算时滑板和运动员都 看作盾点,取  $g=10 \text{ m/s}^2$ )

- (1)滑到 G点时,运动员的速度是多大?
- (2)运动员跳上滑板 a 后。在 BC 事道上与滑板 a 共同运动的速度是多大?
- (3)从表演开始到运动员滑至了的过程中,系统的机械能改变了多少?



[分析] (1)在G点,运动员和滑板一起做圆周运动,设向心加速度为 a,,速度为 24. ,运动员受到重力 Mg、滑板对运动员的支持力 N 的作用,则:

$$N-M_g=M_{a_n}$$
  $a_n=\frac{v_G^2}{R}$   $N-M_g=\frac{Mv_G^2}{R}$   $v_G=\sqrt{\frac{R(N-M_g)}{M}}$ 

代人数据后解得: u: = 6.5m/s

(2)设滑板由 A 点静止下滑到 BC 赛道后速度为 vi ,由机械能守恒定律有:

$$mgh = \frac{1}{2}mv_1^2$$
, 解得:  $v_1 = \sqrt{2gh} = 6$ m/s

运动员与滑板一起由 A 点静止下滑到 BC 赛道后,速度也为 v,运动员由滑板 b 跳 到潛板 a, 设置离滑板 b 时的水平速度为  $v_2$ , 在空中飞行的水平位移为 s, 则:  $s=v_2t_2$ 

设起跳时滑板 a 与滑板 b 的水平距离为 so , 则 so = 70 t , 设滑板在 t 时间内的位移为  $s_1$ , 有  $s_1 = v_1 t_2$ ,  $s = s_0 + s_1$ , 即  $v_2 t_2 = v_1 (t_1 + t_2)$ , 解得  $v_2 = 7 \text{m/s}$ 

运动员落到滑板 a 后,与滑板 a 共同运动的速度为 v,由动量守恒定律有

$$mv_1 + Mv_2 = (m+M)v$$
,由以上方程可解出: $v = \frac{mv_1 + Mv_2}{M+m} = 6.9 \text{m/s}$ 



(1)

2

(3)设运动员离开滑板 b 后,滑板 b 的速度为  $v_3$ ,有  $Mv_2 + mv_3 = (M+m)v_1$ 

可算出  $v_1 = -3$ m's、有  $|v_2| = 3$ m/s $< v_1 = 6$ m/s(6m/s 是滑板 b 离开 A 点或 D 点的临界值).b 板将在两个平台之间来回运动。机械能不变

系统机械能改变为  $\Delta E = \frac{1}{2} (M+m) v_c^2 + \frac{1}{2} m v_s^2 - (m+m+M) g h$ 

代入教报后得 AE=88.751

[97] 我國发射的"嫦娥一号"撰月卫星沿近似于關形的軌道绕月飞行,为了获得月球表面全貌的信息,让卫星轨道平面嬗慢变化,卫星将获得的信息持续用微波信号发回地球,设地球和月球的质量分别为 M和加,地球和月球的单径分别为 R和R1, 月球绕地球的轨道半径和卫星绕月球的轨道半径分别为 R和R1, 月球绕地球转动的周期充了假定在卫星绕月运行的一个周期内卫星轨道平面与地月运心线共面,求在该周期内卫星发射的微波信号因月球遮槽而不能到这地球的时间(用 M,m,R,R<sub>1</sub>,r,r<sub>1</sub>和T表示,忽略月球绕地球特劲对选指时间的影).

[分析] 如图 4-3-42 所示,O和O'分别表示地球和月球的中心,在卫星轨道平面上,A是地月连心线(OO'与地月球面的公切线 ACD 的交点,D,C和B分别是该公切线(临界线)与地球表面,月球表面和卫星圈轨道的交点,根据对称性,过A点在另一侧作地月球面的公切线(临界线),交卫星轨道于E点,卫星在BE上运动时发出的信号被源性。

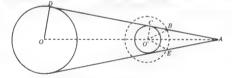


图 4-3-42

设探月卫星质量为 mo. 万有引力常量为 G. 由万有引力定律有

$$G\frac{Mm}{r^2} = m\left(\frac{2\pi}{T}\right)^2 r$$

$$G \frac{m m_0}{J} = m_0 \left( \frac{2\pi}{T} \right)^2 r_1$$

式中,
$$T_1$$
是採月卫星绕月球转动的周期. 由①②式得  $\left(\frac{T_1}{T}\right)^2 = \frac{M}{m} \left(\frac{r_1}{r}\right)^3$  ③

设卫星徽波信号被遮挡时间为t,卫星绕月球做匀速圆周运动,有 $\frac{t}{T}=\frac{\alpha}{T}$ 

式中,
$$\alpha^{-}/CO'A$$
, $\beta=/CO'B$ ,由几何关系得  $r\cos\alpha=R$  R (3)

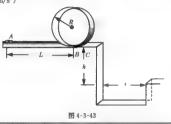
$$r_1 \cos \beta = R_1$$

曲③①⑤⑥武得 
$$t = \frac{T}{\pi} \sqrt{\frac{Mr_1^3}{mr^3}} \left(\arccos \frac{R}{r} - \arccos \frac{R_1}{r}\right)$$





[四8] (2009·浙江豐線) 菜校物理兴趣小组决定举行通控募率比赛, 比賽路径 如图 4-3-43 所示, 赛车从起点 A 出发, 潛水平直线轨道运动 L 后, 出 B 点进入半径为 R 的光滑登直圖轨道, 离开整直圆轨道后继续在光滑平直轨道上运动到 C 点, 并能越 过爆功, 已如案车质量 m=0. 1 kg, 這电后以類定功率 P=1.5 W 工作, 进入 整直圖轨 道前费到的阻力恒为 0.3 N, 随后在运动中受到的阻力均可不计, 图中 L=10.00 m, R=0.32 m, h=1.25 m, s=1.50 m, 河, 要使赛车完成比赛, 电动机至少工作多长时间( (取 g=10 m/g $^4)$ 



[分析] 賽车从 A 点到 B 点做加速直线运动,进人圆轨道后做圆周运动,进人水平轨道做勾速直线运动,离开 C 点后做平抛运动.要使赛车完成比赛,赛车在圆周的最高点的速度 v 必须符合条件:  $\frac{mv^2}{E} \geqslant m_R$ ,即:  $\frac{1}{2} mv^2 \geqslant \frac{1}{2} m_R$ ?

賽车要越过壕沟,又需要符合条件, $v^i t > s$ , $h = \frac{1}{2}g^{g^2}$ ,可得  $v^i > s\sqrt{\frac{g}{2h}} = 3m/s$ , 赛车剛能达到圆周最高点,电动机停止工作,由机械能守恒,有  $\frac{1}{2}mv^k = mg \cdot 2R + \frac{1}{2}mv^1$ 

解得:  $w \ge \sqrt{5gR} = 4\text{m/s} > 3\text{m/s}$ ,赛车只要能达到圆轨道顶点,就能越过壕沟。 由功能原理可知  $Pr - fL = 2mgR = \frac{1}{2}mv^2$ ,将  $\frac{1}{2}mv^2 \ge \frac{1}{2}mgR$  代人后得  $t \ge \frac{fL + 2.5mgR}{2} = 2.53\text{s}$ ,所以最短时间为 2.53s

[男 9] (2009・安徽理線) 过山牟是游乐场中常见的设施。图 4-3-44 是一种过山 车的简易模型,它由水平轨道和在竖直平面内的三个圆形轨道组成,B,C,D分别是三个圆形轨道的废低点,B,C门间距与 C,D间距相等,半径  $R_1=2.0$  m,  $R_2=1.4$  m, 一个质量 为 m=1.0 kg 的小球(视为质点),从轨道的左侧 A 点以  $u_0=12$  m/s 的初速度活轨道向 石运动,A,B 间距  $L_1=6.0$  m, 小球与水平轨道间的动摩擦因数  $\mu=0.2$ ,圆形轨道是光 清的,假设水平轨道足够长,圆形轨道间不相互重叠,重力加速度 g=10 m/s<sup>2</sup>,计算结果 保留小敷点后一位数字,读求,







- (1)小球在经过第一个圆形轨道的最高点时,轨道对小球作用力的大小;
- (2)如果小球恰能通过第二个圆形轨道,B、C间距L应是多少;
- (3)在满足(2)的条件下,如果要使小球不脱离轨道,在第三个圆形轨道的设计中,单径 R,应满足的条件;小球最终停留点与起点 A 的距离.

[分析] (1)小球在经过第一个圆形轨道的最高点时速度为 v·由动能定理可知  $\frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv^2 = \mu mgL_1 + mg \cdot 2R_1$ ,向心力  $\frac{mv^2}{R_1} = \frac{mu_0^2}{R_1} - \frac{2\mu L_1}{R_1}mg - 4mg = 20N$ 由牛顿第:定律可得·小球与轨迹间作用力  $F_1 = \frac{mv^2}{D} - mg = 10N$ 

(2)小球恰能通过第二个圆形轨道时速度为v',由題意可知 $\frac{mv'^2}{R_2} - mg$ (临界条件)、 $v'^2 = gR$ ,(临界谏审),全程由动能定理(过程整体法)

$$\frac{1}{2}$$
  $mv^2$   $\frac{1}{2}mv'^2 = \mu mg(L_1 + L) + mg \cdot 2R_2$  ·解得  $L - \frac{v_0^2 - 5gR_2}{2\mu g}$   $L_s = 12.5 m$ 

- (3)在满足(2)的条件下,如果要使小球不脱离轨道,第三个圆形轨道半径 R,应满足 条件有两种情况,
- I. 要使小球不脱离轨道, 半径 R, 满足条件是在最高点由重力提供向心力(临界条件),由(2)中可知  $v''^2-gR$ , (临界速度),全过程由动能定理(过程整体法)有  $\frac{1}{2}$   $mv_0^3$  -

$$\frac{1}{2}mv''^2 - \mu mg(L_1 + 2L) + mg \cdot 2R_3 \quad \text{ $\#(R_3 = \frac{\sqrt{k} - 2\mu g(L_1 + 2L)}{5g} = 0$, 4m$}$$

要使小球不脱离轨道,半径  $R_i$ 满足条件是  $0 < R_1 \leqslant 0.4 \text{m}$ ,小球最终停留点与起点 A 的距离为 s,全过程由动能定理有  $\frac{1}{2}$  m k  $\mu \text{mgs}$  解得 s  $\frac{v k}{2 \mu \text{g}} - 36 \text{m}$ 

11. 因水平直径两端点以下部分各点的速度都可以为零(水平直径两端点是竖直面内圆弧运动速度为零的临界点)。当轨道半径较大时,小球在第三个圆轨道的水平直径以下运动小球将返回 A点、由于小球在水平面运动的最大距离是 36m,而 A点与第三个圆轨道的距离为 L, + 2L = 31m,小球能返回5m,所以,小球与 A点的距离为 26m.

小球上升最大高度为 $R_3$  · 由动能定理  $\frac{1}{2}mv_0^2$   $\mu mg(L_1 + 2L) + mgR_3$ 





为保证圆轨道不重叠,由图 4-3-45 可知 Rame 应満足  $(R_1 + R_2)^2 = L^2 + (R_2 - R_2)^2$  解得 R.

$$=\frac{L^2}{4R}=27.9 \text{m}$$

所以要使小球不脱离轨道, 半径 R。满足条件 長 1.0m ≤ R<sub>1</sub> ≤ 27.9m (临界条件)

在这种情况下, 小球最终停留占与起点 A 的 距离为 $s', s' = s - 2(s - L_1 - 2L) = 26.0 \text{m}$ .

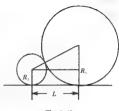


图 4-3-45

[四10] 如图 4-3-46 所示为研究电子检中电子在电场中运动的简化模型示意图。 在Oxv平面的 ABCD 区域内。存在两个场强大小均为 E 的匀强电场[和]],两电场的边 界均是边长为上的正方形(不计电平所参重力)。

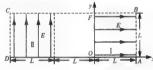


图 4-3-46

- (1)在该区域 AB 边的中点处由静止释放电子,永电子离开 ABCD 区域的位置。
- (2)在电场 [区域內适当位置由静止释放电子,电子恰能从 ABCD 区域左下角 D 处离开,求所有释放点的位置.
- (3)若将左侧电场 [ 整体水平向右移动 L/n(n≥1),仍使电子从 ABCD 区域左下 角 D 处离开(D 不随电场移动)。求在电场 T 区域内由静止释放电子的所有位置。

[分析] (1)设电子的质量为 m, 电量为 e, 电子在电场 [中做匀加速直线运动, 出区 域「时的速度为 76,此后在电场 II 做类平板运动,假设电子从 CD 边射出,出射点纵坐标 为 y, 由平拋运动特点有 eEL =  $\frac{1}{2}$  mw $_0^2$  ,  $(\frac{L}{2} - y) = \frac{1}{2}$  at  $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$  eE  $\left(\frac{L}{r_0}\right)^2$ 

解得  $y = \frac{1}{4}L$  (临界条件), 假设成立, 电子离开 ABCD 区域位置坐标为( $2L, \frac{1}{4}L$ )

(2)设释放点在电场区域 [中,其坐标为(x,y),在电场 [中电子被加速到 vi,然后进 人电场 [ 做类平抛运动,并从 D 点离开,有  $eEx = \frac{1}{2}mv_1^2$ ,  $y = \frac{1}{2}at^2 = \frac{1}{2}\frac{eE}{m}\left(\frac{L}{m}\right)^2$ 

解得  $xy = \frac{L^2}{4}$  (临界条件),即在电场 I 区域内满足方程的点即为所求位置。

(3)设电子从(x,y)点释放,在电场 I 中加速到 v₂,进入电场 II 后做类平抛运动,在高

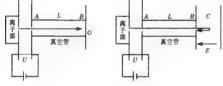




度为  $\dot{y}$  处离开电场  $\Pi$  时的情景与(2)中类似,然后电子做匀速直线运动,经过 D 点,则有  $eEx = \frac{1}{2}mv_2^2$ ,  $y = y - \frac{1}{2}ai^2 - \frac{eE}{2}\frac{L}{v_0}^2$ ,  $v_2 = at = \frac{eE}{v_0}$ ,  $\dot{y} = v_2$ ,  $\frac{L}{v_0}$ 

解得  $x_y = L^2\left(\frac{1}{2n} + \frac{1}{4}\right)$  (临界条件),即在电场 1 区域内满足方程的点为所求位置。

[到11] 飞行时间廣谱仪可通过测量离子飞行时间得到离子的荷质比 q/m,如图 4-3-47 所示。带正电的离子级电压为 U 的电场加速后进入长度为 L 的真空管 AB,可测得离子飞越 AB 所用时间  $t_1$ . 改进以上方法,如图 4-3-48 所示,让离子飞越 AB 后进入场强为 E(方向如图) 的勾强电场区域 BC,在电场的作用下离子返回 B 端,此时,测得离子从 A 出发后飞行的总时间  $t_2$ . (不计离子重力)



PH 4-3-47

FI 4-3-48

- (1)忽略离子源中离子的初速度,①用 1, 计算荷质比;②用 12 计算符质比.
- (2) 萬子源中相同荷质比萬子的初達度不尽相同,设两个荷质比鄰为 q/m 的萬子 在 A 端的速度分别为 v 和  $v'(v \neq v')$ ,在改进后的方法中,它们飞行的总时间通常不同,存在时间差  $\Delta t$ ,可通过调节电场 E 使  $\Delta t$ =0,求此时 E 的大小.

[分析] (1)①设离子带电量为q,质量为m,经电杨加速后速度为v, $qU = \frac{1}{2}mv^2$ ,

离子飞越真空管。在 AB 做勾速直线运动,则  $L=u_1$ , 解得离子荷质比:  $rac{q}{m}=rac{L^2}{2U_1^2}$ 

②离子在匀强电场区域 BC 中做往返运动,设加速度为 a,则:qE=ma,  $t_2=\frac{L}{v}$  +

$$rac{2v}{a}$$
,解得离子荷质比为  $rac{q}{m}=rac{1}{2U}\left(L+rac{4U}{E}
ight)^2rac{1}{t_2^2}$  或  $rac{q}{m}=\left(rac{L}{\sqrt{2U}}+rac{2\sqrt{2U}}{E}
ight)^2rac{1}{t_2^2}$ 

(2) 两离子初速度分别为 v, v' ,则有  $t = \frac{L}{v} + \frac{2v}{qE/m}$  ,  $t' = \frac{L'}{v'} + \frac{2v'}{qE/m}$  ,  $\Delta t = t - t' = \frac{L}{v'} - \frac{2m}{qE} (v' - v)$  ,要使  $\Delta t = 0$  (临界条件),

則須
$$\frac{L}{vv'} - \frac{2m}{aE} = 0$$
,即 $E = \frac{2mvv'}{aL}$ 





1

(3)

(4)

[图 12] 如图 4-3-49。一半径为 R 的光滑鏡線半 球面开口向下,固定在水平面上,整个空间存在勾强磁 场,磁感应强度方向整直向下,一电荷量为 q(q>0)、质 最为 m 的小球 P 在球面上做水平的匀速圆周运动, 圆 心为 (7. 珠心 ()到证期周上任一点的连维与警盲方向 的央角为 $\theta(0 < \theta < \pi/2)$ , 为了使小球能够在证圆周上



运动, 求磁感应强度长小的量小值及小碟 P 相应的读率, 重力加速度为 o.

据题意,小球 P 在球面上做水平的匀速圆周运动,该圆周的圆心为 O', P 受到向下的重力mg、或面对它沿OP 方向的专持力N 和磁场的洛仑兹力

 $f = \sigma v B$ 

式中υ为小球运动的速率, 洛仑兹力 f 方向指向 O'、根据牛顿第二定律 Ncos θ-mg -- O (Z)

$$f - N\sin\theta = m \frac{v^2}{R\sin\theta}$$

由①②③得 
$$v^2 - \frac{qBR\sin\theta}{m}v + \frac{gR\sin^2\theta}{\cos\theta} = 0$$

由于 
$$v$$
 是实數,必須滿足  $\Delta = (\frac{qBR\sin\theta}{m})^2 - \frac{4gR\sin^2\theta}{\cos\theta} \geqslant 0$  ⑤

由此得  $B \geqslant \frac{2m}{a} \sqrt{\frac{g}{R_{COS} \theta}}$ 

⑥ (临界条件)

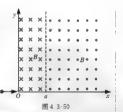
为了使小球能在圆周上运动,磁感应强度 B 的最小值  $B_{max} = \frac{2m}{a}$ 

此时,带电小球做匀速圆局运动的速率为 $v = \frac{qB_{min}R\sin\theta}{2}$ 

(8)(临界值)

由⑦⑧式得 
$$v = \sqrt{\frac{gR}{\cos \theta}} \sin \theta$$
 (临界值)

[閏13] 两平面荧光屏互相垂直放置。在 两屏内分别取垂言干两屏交线的 直线为 7 轴和 v轴,交点 O 为原点,如图 4-3-50 所示,在 v>0。 0~x~a 的区域有垂直于纸面向里的匀强磁场。 在 v>0.x>a 的区域有垂直于低面向外的勾强 磁场,两区域内的磁感应强度大小均为 B. 在 O 点有一处小孔,一束质量为m、带电量为 g(g>0) 的粒子沿 x 轴经小孔射入磁场,最后打在整直和 水平荧光屏上。使荧光屏发亮, 入射粒子的速度。 可取从党到某一最大值之间的各种教值, 已知读 度最大的粒子在 O<x<a 的区域中运动的时间



与在x>a 的区域中运动的时间之比为 2:5,在磁场中运动的总时间为 7T/12, 其中 T 为该粒子在磁感应强度为 B 的匀强磁场中做圆周运动的周期, 试求两个签光展 ]. 亮线的范围(不计重力的影响)。





由于粒子在磁场中做圆周运动的坐径有一定的范围,打在竖直展上的和打 在水平屏的半径不同,故分两种情况考虑,

(1)如图 4 3 51 所示,粒子在磁感应强 度为 B 的勾强磁场中运动的半径为  $r = \frac{mv}{aB}$ , 速度小的粒子将在 x<a 的区域走完半圆,射 到竖直屏上, 半圆的直径在 v 轴上, 半径的范 開从 0 到 a。屏上发亮的范围从 0 到 2a

(2)轨道半径大干 a 的粒子开始讲人右 侧磁场,考虑 r=a 的临界情况,这种粒子在 右侧的圆轨迹与x轴在D点相切(虚线),OD =2a, 这是水平屏上发亮药制的左边界 凍度 最大的粒子的轨迹如图中实线所示,它由两 段圆弧组成,圆心分别为 ()。和 ()。()。在 v轴 上,由对称性可知  $O_2$  在 x=2a 直线 L, 设  $t_1$ 

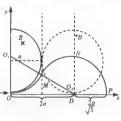


图 4 3 51

为粒子在 0<x<a 的区域中速率最大粒子运动的时间、1。为在 x>a 的区域中速率最大 粒子运动的时间,由题可知

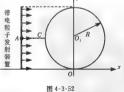
$$\frac{t_1}{t_2}=\frac{2}{5}$$
 ,  $t_1+t_2=\frac{7T}{12}$  ,由此解得:  $t_1=\frac{T}{6}$  ,  $t_2=\frac{5T}{12}$ 

相应粒子在两磁场中的偏转角分别为  $\theta_1 = \frac{2\pi}{6} = \frac{\pi}{3}$ ,  $\theta_2 = \frac{5\times 2\pi}{12} = \frac{5\pi}{6}$ 

因该粒子一定打在x轴上,而 $\theta_0 = \theta_0 = \frac{\pi}{6}$ ,说明粒子是垂直打在x轴上,即圆心 $O_0$ 在x轴上,  $O_2$ 与 D 共点, 由以上关系式和对称性可得:  $/(X)_1M=60^\circ$ ,  $/M(O_2)_1N=60^\circ$ 

在x > a 的区域中,设速率为最大值粒子的轨道半径为 R,由 直角  $\triangle O$ , OO, 可得  $2R\sin 60^{\circ} = 2a$ ,  $R = \frac{2\sqrt{3}a}{3}$ , 由图可知 OP = 2a + R, 因此水平荧光屏发亮范围的右边界的 坐标  $x = 2(1+\frac{\sqrt{3}}{2})a$ . 在水平屏上发亮范围从 2a 到  $2(1+\frac{\sqrt{3}}{2})a$ 

[跨 14] (2009·新江)如图 4-3-52 所 示, 2 轴正方向水平向右, v 轴正方向警直向 上,在2Ov平面内与 v 轴平行的匀强电场。 在半径为R的圆内还有与xOv平面垂直的 勾强磁场,在圆的左边放置一带电微粒发射 装置,它沿 x 轴正方向发射出一束具有相同 盾量m、电荷量 a(a>0)和初速度 v 的带电摄 粒,发射时,这束带电微粒分布在 0< y<2R 的区间内, 已知重力加速度大小为 g.



(1)从A点射出的带电微粒平行于x轴 从C点进入有磁场区域,并从坐标原点 ()沿 y 轴负方向离开,求电场强度和磁惠应强 度的大小与方向,





- (2)请指出这束带电微粒与 x 轴相交的区域,并说明理由.
- (3)在这束帶电攤粒初速度变为2v,那么它们与x轴相交的区域又在哪里?并说明理由。

[分析] (1)在电场中能沿水平方向运动,说明电场力与重力平衡,电场力方向向 上,场强方向也向上,有qE = mg,可得场强大小为 $E = \frac{mg}{2}$ 

带电粒子在磁场中做匀速圆周运动,从C点人射磁场在O点离开磁场,由左手定则可知磁场方向垂直于纸面向外,同时说明轨迹半径与磁场区域半径相同,有

 $\frac{mv^2}{R} = qvB$  可得艦感应强度大小  $B = \frac{mv}{qR}$ .

(2)这束微粒在磁场中做圈周运动的半径相同,它们圆心轨迹如图 4-3-53 中虚线所示,由图可知所有的带电微粒均交于原点 O. 因为圆心轨迹的圆心在 O 点,所以,O 点是所有微粒做圆周运动圆周轨迹上的一点,故均相交于 O 点.

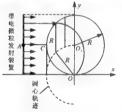


图 4-3-53

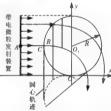


图 4-3-54

- (3)在这束带电微粒初速度变为 2v,其圆周运动的半径变为 2R,但圆心的轨迹半径还 是 R,只是圆心的纵坐标下移到一R 处,如图 4-3-54 中的虚线所示,带电微粒离开磁场后 做匀速直线运动,越离的微粒打在 x 轴的坐标越大,所以,打在 x 轴上的范围是,x>0.
  - [內 15] (2009·薄繭)如图 4-3-55 所示,ABCD 是边长为 aD 的正方形 质量为 m, 电荷量为 e 的电子以大小为 vi 的初速度沿纸 面垂直于 BC 边射入正方形区域, 在正方形内适当区域中有匀强 磁场,电子从 BC 边上的任意点入射,都只能从 A 点射出磁场,不 计查力, kg.
    - (1)此勾强磁场区域中磁感应强度的方向和大小.

图 4-3-55

(2)此勾强磁场区域的最小面积。

[分析] (1)要使从C点人射粒子从A点射出,其偏转的距离最大,而其轨迹在磁场中,所以,该轨迹就是磁场包络线的 ·部分,由于粒子在磁场中做匀速圆周运动,从C点人射的粒子半径为R=a,因为 $ev_0B=\frac{mv_0}{D}$  可得 $B=\frac{mv_0}{D}$  电子带负电。磁场方向垂





直下纸面向外.

(2)建立图 4-3 56 所示坐标系,人射粒子若均通过 A 点 (即坐标原点 O),以 A 为圆心,以 a 为半径,图中四分之一圆弧 就是所有粒子在磁场中做圆周运动圆心的轨迹,由于粒子是垂 直干BC方向讲人磁场,在圆心物冰上任取一点作AB 垂线长 为 a 的 P 点,就是入射点,由图可知,  $r^2 + (a - v)^2 = a^2$ ,此式 所表示的圆弧就是入射粒子进入磁场的边界线(即包络线),C 点入射的粒子轨迹线要在磁场区域内,该条轨迹就是磁场包络 线的另一部分, 两条句络线所句含的面积, 就是匀强磷场区域 的最小面积  $S_{mm} = 2 \cdot (\frac{\pi a^2}{4} - \frac{a^2}{2}) = (\frac{\pi}{2} - 1)a^2$ .

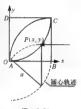
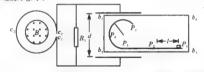


图 4-3-56

「钾桥」例 14 和例 15 从考春的角度来讲都是考春到了 磁警集的问题,即平行人射到有界磁场后,能汇整到一点离开磁场,反之从某一占进人磁 场,能互相平行地离开磁场(这是前一种运动的可逆),磁聚焦问题要引起重视,

[9116] (2009·四州)如阳 4-3-57 所示, 直线形挡板 to to to 与单径为 r 的图包 形挡板 D3 D4 D5 平滑连接并安装在水平台面 6.62.63 64 上, 挡板与台面均固定不动, 线圈 COC的预数为 n. 其端点 C. Co通过导线分别与电阻 R. 和平行板电容器相连, 电容器 两极极间的距离为 d. 电阻 Ri 的阻值是线圈 ci co ci 阻值的 2 倍, 其余电阻不计, 线圈 ci coco内有一面积为 S、方向垂直于线圈平面向上的匀强磁场, 磁场的磁感应强度 B 随 时间均匀增大,盾量为m的小滑块带正电。电荷量给终保持为a。在水平台面上以初速 度 th从 th 位置出发,沿挡板运动并通过 Pc位置, 若电容器两板间的电场为匀强电场, P.、P. 在电场外,间距为 l, 其间小滑块与台面的动摩擦因数为 u, 其余部分的摩擦不 计, 重力加速度为 g. 成,



- (1)小滑块通过 P。位置时的速度大小、
- (2)电容器两极板间电场强度的取值范围。
- (3)经过时间 1,磁感应强度变化量的取值范围。

[分析] (1)小滑块通过  $p_2$ 位置时的速度大小为  $v_2$ ,由动能定理有  $\mu mgl = \frac{1}{2} mv_0^2$ 

$$\frac{1}{2}mv_2^2$$
,解得  $v_2 = \sqrt{v_0^2 - 2\mu g l}$ 

(2) 小滑块能沿档板运动并通过 P: 位置, 它在最接近挡板 b.b. 位置时的速度最小, 因 电场力和滑动磨擦力均做伤功, 若电场力提供最小速度时的向心力, 有



$$qE = rac{mv_{mm}^2}{r}$$
,由动能定理还有  $\mu mgl + qE \cdot 2r \leqslant rac{1}{2}mv_0^2 - rac{1}{2}mv_{mn}^2$   
由以上两式解得  $0 < E \leqslant rac{mv_0^2 - 2\mu ngl}{5\pi}$ 

5gr (3)线圖感应电动势为  $\varepsilon = nS \cdot \frac{\Delta B}{\Delta c}$ ,由楞次定律可知  $c_2$ 为电源的正极

电容器两端电压为 $U = \frac{\varepsilon}{R_1 + r} \cdot R_1 = \frac{\varepsilon}{R_1 + 0.5R_1} \cdot R_1 = \frac{2}{3} nS \cdot \frac{\Delta B}{\Delta r}$ 

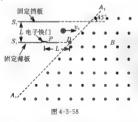
电容器间的场强  $E = \frac{U}{d} = \frac{2nS}{3d} \cdot \frac{\Delta B}{\Delta t}$ 

将场强表达式代人到①式可得  $\frac{2nS}{3d} \cdot \frac{\Delta B}{\Delta t} \leqslant \frac{mv_t^2 - 2\mu mgl}{5gr}$ 

当  $\Delta t = t$  时,  $0 < \Delta B \leqslant \frac{3dm(v_b^2 \cdot 2pgl)}{10mSqr}t$  (不等式中的端点值就是临界值)

[四17] 图 4-3-58 是某業置的垂直截面图,虛旋 A, A<sub>2</sub>是垂直截面与職場区边界面的交越, 为强端场分布在 A(A,的右侧区域,職感应限度 B=0, 4下,方向垂直纸面的外,A,A<sub>2</sub>与垂直截面上的水平越失角为 45°.在 A,A<sub>2</sub>左侧。固定的薄板和等大的结板均水平效置。它们与垂直截面交线分别为 5、S。相距 L=0,2 m 在薄板上 P 处于一小孔,P 与A,A<sub>2</sub>战上点 D 的水平距离为 L. 在小孔处第一个电子快门,起初快门开启,一旦有带正电微粒通过小孔,快门立即关闭,此后每隔 T=3,0×10<sup>-3</sup>s 开启一次,并瞬间关闭,从 S,S,之间的菜一位置水平发射一速度为 15的常正电微粒,它经过磁场区域后入射到 P 处小孔,通过小孔的微粒与指板发生碰撞而反弹,反弹速度大小是碰 前的 0.5倍。

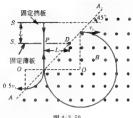
- (1)经过一次反弹直接从小孔射出的微粒,其初速度 to 应为多少?
- (2)求上述微粒从最初水平射入磁场到第二次离开磁场的时间, (忽略微粒所受重力影响, 碰撞过程无电荷转移, 已知微粒的荷质比 q/m=1, 0×10<sup>2</sup>C/kg, 只考虑版面上营电磁粒的运动)



[分析] (1)如图 4-3-59 所示,设带正电微粒在 S<sub>1</sub>S<sub>2</sub>之间任意点 Q以水平速度 v<sub>0</sub> 进入磁场,微粒受到的洛仑兹力为 f,在磁场中做圆周运动的半径为 r,有







$$qv_0B=rac{mv_0^2}{r}$$
,解得; $r=rac{mv_0}{qB}$ 

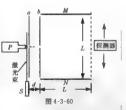
微粒能进入小孔,半径r取值范围为: L < r < 2L (两个端点值是半径临界条件),代 人数据得:80m/s<vo<160m/s(速度临界条件),欲使进入小孔的微粒与挡板一次相磁 返回后能通过小孔,还必须满足条件;  $\frac{L}{n_0} + \frac{L}{0.576} = nT$  其中  $n = 1, 2, 3, \cdots$ 

可知,只有 n=2 満足条件,即有,2h=100m/s

总时间为 1, 设 1, 1, 分别为带电微粒第一次、第二次在磁场中运动的时间,第一次离开磁 场运动到档板的时间为 6. 碰撞后再返回避场的时间为 6. 运动轨迹如图 4-3-59 所示。 则有;  $T_0 = \frac{2\pi r}{r_0}$ ;  $t_1 = \frac{3}{4}T_0$ ;  $t_2 = \frac{2L}{r_0}$ ;  $t_3 = \frac{2L}{0.5r_0}$ ;  $t_4 = \frac{1}{4}T_0$ ,  $t = t_1 + t_2 + t_3 + t_4 = \frac{1}{16}T_0$ 2 8 × 10<sup>-2</sup> s

(2)设微粒在磁场中做圆周运动的周期为 Ta,从水平进入磁场到第二次离开磁场的

「粥 18] 飞行时间盾谱仪可以对气体分 子讲行分析,如图 4-3·60 所示,在真空状态下。 脉冲阀 尸喷出微量气体,经溢光照射产生不同 价位的正离子,自a板小孔进入a、b间的加速 电场,从 b 板小孔射出,沿中线方向进入 M、N 板间的偏转控制区,到法控测器,已知元电荷电 量为e,a,b越间距为d。极极 M.N 的长度和间 距均为 L. 不计离子重力及进入 a 板时的初 油度.



- (1)当a.为间的电压为U.时,在M.N间加
- 上适当的电压 $U_2$ ,使离子到达探测器。请导出离子的全部飞行时间与比荷 K(K=ne/m)的关系式。
- (2) 去掉偏转电压 Un, 在 M, N 间 区域加 上垂 盲 干飯 面磁感 应强度 B 的 勾强磁 场, 芸讲入 a. b 间所有离子盾量均为 m. 垂镜所有离子均能通过控制区从右侧飞出, a. b间的加速电压U, 至少为多少?





[分析] (1)由动能定理:  $neU_1=rac{1}{2}mv^2$  , n 价正离子在a ,b 间的加速度 $a_1=rac{neU_1}{md}$ 

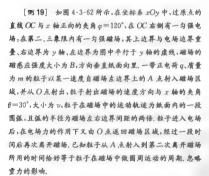
在 a,b 间运动的时间  $t_1=rac{v}{a_1}=\sqrt{rac{2m}{neU_1}}d$  ,在 MN 间运动时间  $t_2=rac{L}{v}$ 

离子到达探测器的时间  $t = t_1 + t_2 = \frac{2d + L}{\sqrt{2KU_1}}$ 

(2)假定 n 价正离子在磁场中向 N 板偏转,洛仑兹力充当 向心力,设轨迹半径为 R,由牛顿第二定律得: $nevB=m\frac{v^2}{D}$ 

离子例好从N板右侧边線(临界条件)穿出时的半径为最小 半径 $R_{\rm mn}$ (即临界半径)。由图 4-3-61(只画出部分相关图)中几何 关系有 $R_{\rm mn}^{\rm c}=L^2+(R_{\rm mn}-L/2)^2$ 、解得 $R_{\rm mn}=-\frac{5}{L}L$ 

$$\begin{split} &\frac{1}{2} \textit{mv}_{\text{inst}}^2 = \frac{(\textit{neBR}_{\text{min}})^2}{2m} = \textit{neU}_1 \; , U_1 = \frac{25 \textit{neL}^2 B^2}{32m} \\ &\text{当 } \textit{n}{=} 1 \; \text{ti} \; U_1 \text{取最小值} \; U_{\text{min}} = \frac{25 \textit{eL}^2 B^2}{29m} \; (\text{临界值}) \end{split}$$



- $\ddot{x}:(1)$ 粒子经过 A 点时速度的方向和 A 点到 x 轴的距离:
- (2)勾强电场的大小和方向:
- (3)粒子从第二次离开磁场到再次进入电场时所用的时间。



图 4 3 61

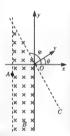


图 4-3-62



\*

[分析] (1)设磁场宽度为 d,从 O 点飞离磁场的速度方向与磁频边界 OC 垂直,所以,轨迹的圆心在 OC 线上,又因轨迹半径是磁场宽度的 2 倍,所以,侧心 O,在磁场响边界线的交点上,那么,粒子经过 A 点时速度的方向,定与边界线垂直,即平行于 x 轴,由题意和轨迹图 4-3-63 可知,

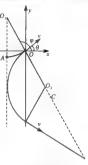
$$R=2d=rac{mv}{qB}$$
, A 点到 $x$  轴的距离为 $l$ ,  $l=R(1-$ 

$$\cos 30^{\circ}$$
) =  $(1 - \frac{\sqrt{3}}{2}) \frac{mv}{qB}$ 

(2)粒子离开O点后能在电场力的作用下回到O点,说明勾强电场方向与速度方向相反,即与x轴负方向的夹角为30°,粒子在勾强电场中运动的时间为 $t_E$ ,即有

$$qEt_E=2mv$$
,由題意可知  $t_{B_1}+t_{B_2}+t_E=rac{2\pi m}{qB}$ 

粒子第二次进入磁场后运动轨迹刚好与磁场区域 左侧边界线相切(临界状态),由图 4-3-63 可知,第二次



N 4-3-63

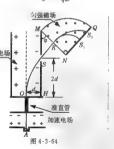
在磁场区域做匀速圆周运动轨迹的圆心角为 $\varphi$ 角,第一次在磁场区域做匀速圆周运动轨迹的圆心角为 $\theta$ 角,而 $\theta = \frac{\pi}{c}$   $\varphi = \frac{\pi}{2} + \theta = \frac{2\pi}{2}$ 

$$\iota_{B_1} + \iota_{B_2} = \frac{\theta + \varphi}{2\pi} \cdot \frac{2\pi m}{aB} = \frac{5\pi m}{6aB}, \text{ $\#$ $\#$ $E$} = \frac{2m \omega}{a} \cdot \frac{6aB}{7\pi m} = \frac{12B\omega}{7\pi}$$

(3)粒子从第二次离开磁场到再次进入电场,先在无场区做勾速直线运动,该段距离长度为s,由图 4-3-63 可知  $s=\sqrt{3}R=\frac{\sqrt{3}mv}{aB}$  所需时间为 $t_x=\frac{s}{v_1}=\frac{\sqrt{3}m}{aB}$ 

[內 20] (2009·靈庆)如图 4-3-64,离子 源 A 产生的劝选为率、零电量均为 e.原量不同 的正高于被电压为 U. 的加速电场加速后与迫 遗过准直管、垂直射入匀强偏转电场。偏转后通 垃板板 HM 上的小孔 S 高开电场,经过一段分 建直线运动,垂直于边界 MN 进入避患应强度 为 B 的 匀 强磁场。已知 HO = d, HS = 2d, MNO = 90°. (忽略粒子所参专为)

- (1) 求偏转电场场强 E<sub>0</sub>的大小以及 HM 与 MN 的央角 φ;
- (2)求质量为 m 的离子在磁场中做圆周运动的单径;
- (3)若质量为 4m 的离子垂直打在 NQ 的中点  $S_1$ 处,质量为 16m 的离子打在  $S_2$ 处,决  $S_1$ 和  $S_2$ 之间的距离以及能打在 NQ 上的正离子的质量范围。







[分析] (1)离子在加速电场有  $\frac{1}{2}mv_0^2 = eU_0$ 

解得 
$$v_0 = \sqrt{\frac{2eU_0}{m}}$$

离子在偏转电场做类平抛运动有  $v_{t} - 2d$  ,  $\frac{v_{E_0}}{2}t = d$  , 所以  $v_{E_0} = v_{t}$ 

由动能定理有 
$$\frac{1}{2}mv_{E_0}^2=\frac{1}{2}mv_0^2=eE_0d$$
,解得  $E_0=\frac{U_0}{d}$ 

离子离开偏转电场时速度与 MH 板间夹角为 $\theta$ ,  $\tan \theta = \frac{v_{E_0}}{r} = 1$ ,  $\theta = 45^\circ$ ,

而离开是垂直干边界 MN 进入磁场, 所以, φ=θ=45°.

(2)离子离开电场时的速度大小 $v=\sqrt{2}u_0=2\sqrt{\frac{eU_0}{m}}$ ,离子进入磁场做匀速圆周过

动的半径为 R, 有  $evB = \frac{mv^2}{R}$ ,  $R = \frac{2}{R}\sqrt{\frac{mU_0}{a}}$ .

(3)由(2)中可知 
$$R_1 = \frac{2}{B} \sqrt{\frac{4mU_0}{e}}$$
 ,  $R_2 = \frac{2}{B} \sqrt{\frac{16mU_0}{e}} = 2R_1$ 

由颞章可知 N 是 4m 的离子轨迹的圆心。NK=NS:=R

所以 
$$NS_2 = \sqrt{R_2^2 - (R_2 - R_1)^2} = \sqrt{3}R_1$$

$$S_1S_2=NS_2$$
  $NS_1=4(\sqrt{3}-1)\sqrt{\frac{mU_0}{eB^2}}$ ,由图 4-3-65 可知MC  
能打在  $NQ$  上的正离子的最大半径  $R_{max}$ ,  $R_{max}^2=(2R_1)^2$  +

 $(R_{max}-R_1)^2$ .

 $R_{\text{max}} = 2.5R_1 = \frac{2}{R}\sqrt{\frac{25mU_0}{a}}$ ,  $R_{\text{max}} = \frac{R_1}{2} = \frac{2}{R}\sqrt{\frac{mU_0}{a}}$ ,  $R_{\text{max}} = \frac{R_1}{2} = \frac{2}{R}\sqrt{\frac{mU_0}{a}}$ 量范围为 m→25m.

### 图 4-3-65

## 八 思维考试测试

1. 我国发射"神舟"六号飞船时, 先将飞船发送到一个椭圆轨 道上,其近地占 M 距地面 200km, 远地占 N 距地面 340km, 进入 该轨道正常运行时,通过 M、N 点的速率分别为 v<sub>1</sub> 和 v<sub>2</sub>,如图 4-3-66所示. 当飞船通过 N点时,她面指挥部发出指令,点燃飞。 船上的发动机,使飞船在短时间内加速后进入离地面 340km 的圆 形轨道,开始绕地球做匀速圆周运动,这时飞船的速率为 vs. 比较 飞船在 M、N、P 三点正常运行时(不包括点燃加速阶段)的速率 大小和加速度大小,下列结论正确的是



C. 
$$v_1 > v_2 = v_3$$
,  $a_1 > a_2 > a_3$ 

$$R v_1 > v_2 > v_3, a_1 > a_2 = a_3$$

D. 
$$v_1 > v_2 > v_2$$
,  $a_1 > a_2 = a_3$ 







2. (2009·湖北五市联考) 如图 4-3-67 所示,光滑水平



面上,质量为m的小球A和质量为 $\frac{1}{2}m$ 的小球B通过轻质 弹簧相连并处于静止状态,弹簧处于自由伸长状态;质量为

图 4 3-67

m的小球C以初速度 v。沿 AB 连线向右匀速运动,并与小球 A 发生弹性正磷,在小球 B 的右侧基位置固定。块弹性挡板(图中未通出)。当小球 B 与挡板发生正磁后立刻格挡板 撤走,不计所有碰撞过程中的机械能损失,弹簧始终处于弹性限度以内,小球 B 与固定挡 板的碰撞时间极短,碰后小球 B的速度大小不变,但方向相反,则 B 与挡板碰后弹簧弹 性势能的最大值 E\_ 可能是

B. 
$$\frac{1}{2}mv_0^2$$
 C.  $\frac{1}{6}mv_0^2$ 

$$\frac{1}{6}mv$$

D. 
$$\frac{1}{2} m v_0^2$$

3. 神奇的黑洞是近代引力理论所预言的 - 种特殊天体, 探 寻黑洞的方案之一是观测双星系统的运动规律, 天文学家观测 河外星系大麦哲伦云时,发现了 LMCX 3 双星系统,它由可见 屋 A 和不可见的暗星 B 构成, 两星视为质点, 不考虑其他天体 的影响,A、B 围绕两着连线上的() 占做匀速圆周运动,它们之 间的距离保持不变 如图 4-3-68 所示 引力集量为 G, 由观测 能够得到可见星 A 的谏率 v 和运行周期 T. 求



图 4-3 68

- (1)可见星 A 所受暗星 B 的引力 F、可等效为位于() 点的外质量为 m'的星体(视为 质点)对它的引力,设A和B的质量分别为 $m_1, m_2$ ,试求 $m'(用 m_1, m_2$ 表示);
  - (2) 求暗星 B 的质量 m2 与可见星 A 的速率 v、运行周期 T 和质量 m1 之间的关系式:
- (3)恒星演化到末期。如果其质量大于太阳质量 m, 的 2 倍, 它将有可能成为黑洞, 若 可见是 A 的速率 $v=2.7\times10^{5}$  m/s, 运动周期  $T=4.7\pi\times10^{6}$  s, 质量  $m_{1}=6m$ , 试通讨估算 来判断暗星 B 有可能是黑洞吗? (G=6.67×10-11 N·m²/kg², m, =2.0×1030 kg)
- 4. 物体从地球上逃逸速度为 $v \sqrt{\frac{2CM}{R}}$ ,其中万有引力常量 $G = 6.67 \times$ 10-"N m²/kg², M 为地球质量, R 为地球半径, 请求解下列问题,
- (1) 挑逸速度大于真空中光速的天体叫做黑洞, 设某黑洞的质量 M-1,98×10<sup>30</sup> kg, 球它的可能最大半径,
- (2)在目前天文观测范围内,物质的平均密度  $\rho=1.00\times10^{-27}\,\mathrm{kg/m^3}$ . 如果我们认为 宇宙是这样一个大球体,其密度使得它的逃逸速度大于光在真空中的速度 c. 因此任何物 体都不能脱离宇宙,则宇宙的半径至少多大?(结果保留一位有效数字)



5. 如图 4 3 69 所示。两个质量为 m 的小球用长为/的不可伸长的轻线相连。 概经线 水平拉有, 并让两碳中静止开始同时自由下落, 下落, 高度后, 线的中占碰到水平的钉子 上如果细线能承受的最大拉力为 T.,要使线能被拉斯, 6至少应为多大.



图 4-3-69 图 4-3-70

- 相距为d的两块平行金属板M、N与电源连接,如图 4-3-70 所示,开关S闭合后, M、N 间有匀强电场, 一重力不计的带电粒子垂直于电场方向从 M 板边缘射入电场, 恰 好打在 N 板中央,求:
  - (1) 为使粒子刚好能 K出电场, N 板应竖直向下移名少?
  - (2)格开关S断开,仍欲使粒子刚好能飞出电场,N板又应坚直向下移名心?
- 如图 4-3-71 所示, 半径 R=10 cm 的圆形区域边界線 v 轴相切于坐标系原点 O. 磁感应温度 B=0.332T, 方向垂直干纸面向里, 在() 外有一放射源 S, 可沿纸面向各个方 向射出速率均为 v=3,  $2\times10^6$  m/s 的 a 粒子, 已知 a 粒子的质量 m=6,  $64\times10^{-27}$  kg, 电量  $a=3.2\times10^{-19}$  C
  - (1)画出 a 粒子通过磁场空间做圆运动的圆心的轨迹,
  - (2)求出α粒子通过磁场空间的最大偏转角θ。
- (3)再以过 ()点并垂直纸面的直线为轴旋转磁场区域,能使穿过磁场区域日偏转角 最大的 a 粒子射到正方向的 v 轴上,则圆形磁场直径 OA 至少应转过多大的角度 B.

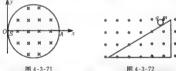


图 4-3-71

- 8. -带电量为+α. 质量为 m 的小球从 -倾角为θ 的光滑斜面上由静止开始滑下,斜 面处于磁感应强度为 B 的匀强磁场中,磁场方向垂直于纸面向外,如图 4-3-72 所示。求 小球在斜面上潜行的速度范围和最大距离,
- 9. (2009·山东)如图 4-3-73 所示,建立 Oxy 坐标系,两平行极板 P、Q 垂直于 v 轴 日关于x 轴对称,极板长度和板间距均为 l, 第一、四象限有磁场,方向垂直于 Oxy 平面 向里, 位于极板左侧的粒子源沿 x 轴向右连接发射质量为 m 、电量为 + q 、速度相同、重力 不计的带电粒子,在 0~36时间内两板间加上如图 4-3-74 所示的电压(不考虑极板边缘 影响), 已知 t=0 时刻讲人两板间的带电粒子恰好在 to 时刻经极板边缘射人磁场, 上述 m,q,l,ta,B 为已知量,(不考虑粒子间相互影响及返回极板间的情况)
  - (1) 求电压 U。的大小、
  - (2)求 to/2 时进人两板间的带电粒子在磁场中做圆周运动的半径,





(3)何时进入两板间的带电粒子在磁场中的运动时间最短?求此最短时间。

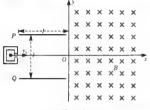
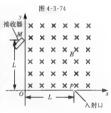




图 4-3-73

10. (2009·福建)图 4-3-75 为可测定比荷的某装置的简化示意图,在第一象限区域内有垂直于纸面向里的匀强磁扬,磁感应强度大小 B=2.0×10<sup>-1</sup>T,在 x 轴上距坐标原点 L=0.50 m 的 P 处为离子的人射口,在 y 上 安 放 接 收 器, 現 将一带 正 电 荷 的 粒 子 以 v=3.5×10<sup>4</sup> m/s 速率从 P 处射人磁场,若粒子在 y 轴上距坐标原点 L=0.50 m 的 M 处 被观测到,且运动轨迹半径恰分最小,设带电粒子的质量为 m,电量为 q.不计算重力。



丽 4-3-75

- (1)求上述粒子的比荷  $\frac{q}{m}$ ;
- (2)如果在上述粒子运动过程中的某个时刻,在第一象限内再加一个匀强电场,就可以使其沿 y轴正方向做匀速直线运动,求该匀强电场的场强大小和方向,并求出从粒子射人磁场开始计时经过多长时间加这个匀强电场;
- (3)为了在 M 处观测到按题设条件运动的上述粒子,在第一象限内的磁场可以局限在一个矩形区域内,求此矩形磁场区域的最小面积,并在图中画出该矩形。
- 11. (2010·重庆) 某兴趣小组用如图 4-3 76 所示的装置进行实验研究. 他们在水平桌面上固定一内径为 d 的圆柱形玻璃杯, 杯口向上放置一直径为  $\frac{3}{2}$  d、质量为 m 的匀质薄圆板, 板上放一质量为 2m 的小物块, 板中心、物块均在杯的轴线上, 物块与板间动摩擦因数为  $\mu$ , 不计板与杯之间的摩擦力, 重力加速度为  $\rho$ , 不考虑板的翻转。



- (1)对板施加指向圆心的水平外力 F,设物块与板间最大静摩擦力为 fmax,若物块能 在板上滑动,求 F 应满足的条件;
  - (2)如果对板施加的指向圆心的水平外力是作用时间极短的较大冲击力,冲量为 1,
  - ① I 应满足什么条件才能使物块从板上掉下?





③根据 5 与 1 的关系式说明要使 5 更小,冲量应如何改变。

12. (2010·重庆)小明站在水平地面上,手握不可伸长的轻绳 ·端。编的另一端系有质量为 m 的小球。用动手腕, 使破在坚育平 面内做圆周运动,当球某次运动到最低点时,绳突然断掉,球飞离 水平距离 d 后落地, 如图 4-3-77 所示, 已知据编的手惠她而高度 为d,手与球之间的绳长为 $\frac{3}{4}d$ ,重力加速度为g,忽略手的运动半 径和空气阻力.



- (1)求编断时球的速度大小 v 球落地时的速度大小 vo:
- (2) 问编能承受的最大拉力多大?
- (3)改变编长,使球重复上述运动,若编仍在球运动到最低点时断掉,要使球抛出的 水平距离最大, 编长应为名心? 最大水平距离为名心?
- 13. (2010 全国 [ )如图 4-3-78 所示,在 0≤x≤√3a 区域内 存在与xy 平面垂直的匀强磁场。磁感应强度的大小为 B, 在 t=0时刻,一位于坐标原点的粒子源在 xy 平面内发射出大量同种带 电粒子,所有粒子的初速度大小相同,方向与 v 轴正方向夹角分 布在 0~180° 范围内, 已知沿 ν 轴正方向发射的粒子在 t= ts 时刻 刚好从磁场边界上  $P(\sqrt{3}a,a)$  点离开磁场、求:



- (1)粒子在磁场中做圆周运动的半径 R 及粒子的比荷 a/m;
- BP 4 3-78
- (2)此时刻仍在磁场中的粒子的初速度方向与 v 轴正方向夹角的取值范围;
- (3)从粒子发射到全部粒子腐开磁场所用的时间。
- 14. (2010 全国 Ⅰ)图 4-3-79 中左边有 · 对平行金 场应强度大小为 Bo,方向平行于板面并垂直于纸面朝 里, 图中右边有一边长为 a 的正三角形区域 POG(PO 边 与金属板垂直),在此区域内及其边界上也有匀强磁场。 磁感应强度大小为 B. 方向垂直于纸面朝里, 假设一系列



电荷量为 a 的正离子沿平行于金属板面,垂直于磁场的方向射人金属板之间,沿同一方 向射出金属板之间的区域,并经 PQ 边中点 H 射人磁场区域,不计重力

- (1)已知这些离子中的离子甲到达磁场边界 PG 后,从边界 PQ 穿出磁场,求离子甲 的质量:
- (2)已知这些离子中的离子乙从 PG 边上的 I 点(图中未画出)穿出磁场, 目 GI 长为 3a,求离子乙的质量;
- (3) 若这些离子中的最轻离子的质量等于离子甲质量的一半, 而离子乙的质量县县 大的, 问磁场边界上什么区域内可能有离子到达,





15. **(2010・湖南)** 如图 4-3-80 所示,在  $0 \leqslant x \leqslant a$ 、 $0 \leqslant y \leqslant \frac{a}{2}$ 、范围内有垂直于 xy 平面向外的勾强磁场。磁感应强度大小 为 B 坐标原点 O 处有一个粒子源,在某时刻发射大量质量为 m、电荷量为 q 的带正电粒子,它们的速度大小相同,速度方向均在 xy 平面内,与 y 轴正方向的夹角分布在  $0 \sim 90^\circ$  花圈内,已 知 4 3-80

粒子在磁场中做圆周运动的半径介于 a/2 到 a 之间,从发射粒子到粒子全部离开磁场经历的时间恰好为粒子在磁场中做圆周运动周期的四分之一,求最后离开磁场的粒子从粒子滚射出时的:

- (1)速度的大小;
- (2)速度方向与 y 轴正方向夹角的正弦、
- 16. (2010 · 广东) 如图 4-3-81a 所示, 左为某同学设想的粒子速度选择装置。由水平转轴及两个薄盘 N<sub>1</sub>、N<sub>2</sub>,构成,两盘面平行且与转轴垂直、相距为 L、盘上各开一铁缝,两铁缝夹角  $\theta$  可调(如图 b)。右为水平放置的长为 d 的感光板,板的正上方有一匀强磁场,方向垂直纸面向外,磁感应强度为 B. 一小束速度不同、带正电的粒子沿水平方向射人  $N_1$ 、能通过  $N_2$  的粒子经 O 点垂直进入磁场。O 到感光板的距离为 d/2、粒子电荷量为 q,质量为 m、不计重力。



图 4 3-81

- (1)若两狹缝平行且盘静止(如图 c),某一粒子进人磁场后,竖直向下打在感光板中 心点 M上,求该粒子在磁场中运动的时间 t;
- (2) 若两狭缝夹角为 $\theta$ ,盘匀速转动,转动方向如图 b. 要使穿过  $N_1$ 、 $N_2$ 的粒子均打 到感光板  $P_1$   $P_2$  连线上、试分析盘转动角速度  $\omega$  的取值范围(设通过  $N_1$  的所有粒子在盘 转一圈的时间内都能到达  $N_2$ ).
- 17. (2010·浙江)有 · 个放射源水平放射出α,β 和 γ ¨种射线、垂直射入如图 4·3·82 所示磁场,区 域 I 和 II 的宽度的数 d,各自存在着垂直纸面的匀 域 I M M ,两区域的磁感强度大小 B 相等,方向相反 (數子运动不考虑相对论效应).
- (1)若要筛选出速率大于 v<sub>1</sub>的 β 粒子进入区域 Ⅱ,求磁场宽度 d 与 B 和 v<sub>1</sub>的关系;
- (2)若 B=0,0034 T,v1=0,1c(c 是光速),则可

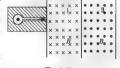


图 4-3-82

得  $d_{i\alpha}$  粒子的速率为  $0.001c_{i}$  计算 a 和 y 射线离开区域 I 时的距离; 并给出除去 a 和 y 射



#### 线的方法:

- (3)当d满足第(1)小题所给关系时,请给出速率在 $v_1 > v > v_2$ 区间的 $\beta$ 粒子离开区域 $\Pi$ 时的位置和方向。
  - (4) 请设计一种方案,能使离开区域 [[的 β 粒子束在右侧聚焦且水平出射.
- 已知:电子质量  $m_e$  =9.  $1\times10^{-11}$  kg·a 粒子质量  $m_e$  =6.  $7\times10^{-17}$  kg·电子电荷量 e =  $1.6\times10^{-19}$  C,  $\sqrt{1+x}\approx1+\frac{x}{2}(x\ll1$  时)

## **答案与提示**

1.  $D(同一橢團軌道近地点的速度大于远地点的速度,可知<math>v_1 > v_2$ , 近地点的加速度大于远地点的加速度,因为近地点的万有引力大于远地点的万有引力,有 $a_1 > a_2$ . 卫星在N点时只有加速才能沿圈轨道运动,所以 $v_2 > v_2$ . 过M点做一个绕地球的圆轨道即临界轨道。在此轨道上运动的速度为 $v_3 > v_4$ . 过M点做一个绕地球的圆轨道即临界轨道。在此轨道上运动的速度为 $v_4 > v_5$ . 卫星在M点者要沿椭圆轨道运动或一定要加速,即 $v_4 > v_6$ ,而M点所在的圆轨道的半径大于M点的圆轨道半径,由环绕地球卫星速度 $v_4 = \sqrt{\frac{GM}{r}}$  可知 $v_1 > v_3$ ,所以有 $v_4 > v_5 > v_5$ ,M点与M点与地球的距离相同,万有引力大小相同。所以加速度大小相等)

- 3. (1)A,B 闍绕兩者连线上的O 点做匀速则周运动,它们之间距离保持不变.即双星运动周期相同,引力提供向心力有 $F_A \frac{Gm_1m_2}{(r_1+r_2)^2} = \frac{Gm_1m}{r_1^2} = m_* \cdot \frac{4\pi^2}{T^2}r_1 = m_2 \cdot \frac{4\pi^2}{T^2}r_2$ ,由该关系式可知 $\frac{r_1}{r_2} = \frac{m_2}{m_1}$ ,所以有 $m' = \frac{r_1m_2}{(r_1+r_2)^2} = \frac{m_2}{(1+r_2/r_1)^2} = \frac{m_2}{(m_1+m_2)^2}$ ,  $(2) \frac{m_1v'}{r_1} = \frac{Gm'm_1}{r_1^2} \qquad \text{解得}_1, r_1 \frac{Gm'}{v^2} = \frac{vT}{2\pi}, m' = \frac{v'T}{2\pi G}, \mathbb{P} \frac{v'T}{2\pi G} = \frac{m_1^2}{(m_1+m_2)^2} = \frac{m_1^2}{(m_1+m_2)^2} = \frac{v'T}{2\pi G}, (代人數銀后得<math>\frac{Gm}{(m_1+m_2)^2} = 3.5m_*, \mathfrak{R} \Leftrightarrow m_2$





= 
$$nm$$
, 代人后得  $\frac{m_2^2}{(6m_1+m_2)^2} = \frac{n}{(\frac{6}{n}+1)^2}m$ ,  $=3,5m$ , ,此式说明  $\frac{m_2^2}{(6m_1+m_2)^2}$  随着  $n$  的增

大而增大, 当 n=2 时,  $\frac{m_2^2}{(6m_s+m_2)^2} = \frac{2}{(\frac{6}{2}+1)^2} m_s = 0$ ,  $125m_s \ll 3$ ,  $5m_s$  (临界值), 要使

 $\frac{m_2^3}{(6m_1+m_2)^2}=3.5m_1$  成立,有n>2,说明B是黑洞.

4.(1) 由逃逸速度公式  $v=\sqrt{\frac{2GM}{R}} \geqslant c$  才是黑洞(临界条件),由此可知  $R \leqslant \frac{2GM}{c^2}$ (临界条件),该黑洞的最大可能半径为  $R_{\max} = \frac{2GM}{c^2} = \frac{2 \times 6.67 \times 10^{-11} \times 1.98 \times 10^{30}}{(3 \times 10^5)^3}$  m =

 $3 \text{km}_{+}(2)$  宇宙的质量  $M_{\circ} = \rho \cdot \frac{4\pi R^{3}}{3}$ ,宇宙逃逸速度为  $v = \sqrt{\frac{2GM_{\circ}}{R}} \leqslant \epsilon$  (临界条件),即有  $\frac{2G \cdot \rho \cdot 4\pi R^{3}/3}{R} \lesssim \epsilon^{2}$ , $R \geqslant \epsilon \cdot \sqrt{\frac{3}{8\pi G}}$ ,所以  $R_{mn} = \epsilon \cdot \sqrt{\frac{3}{8\pi G}} = 4 \times 10^{16} \text{ m}$ 

5. 当两小球下落高度 h 后,线与钉子接触,两小球将绕 O 点做圆周运动,当到达最低点时,线所承受拉力最大。小球自开始下落到最低点过程中,只有重力做功,机械能守恒有  $\frac{1}{2}mv^2 = mg(h + \frac{l}{2})$ ,小球达到最低点,受到重力 mg 和线的拉力作用,合外力提供问心力有  $T - mg = \frac{mv^2}{l/2} = \frac{2mv^2}{l}$ ,由以上两式得  $T = (3 + \frac{4h}{l})mg$  而  $T \leqslant T$ 。(临界条件),( $(3 + \frac{4h}{l})mg \leqslant T$ 。故有  $h \leqslant l(\frac{T_0}{4mg} - \frac{3}{4})$  临界条件.

6. (1) 设 M、N 两板间的距离为 d,设板长为 L,由題意可知  $d=\frac{1}{2}a_1\left(\frac{L}{2v}\right)^2$  ①

 $d_x = \frac{1}{2}a_z \left(\frac{L}{v}\right)^z$  ② 由①式和②式可得 $\frac{d}{d_x} = \frac{a_1}{4a_z}$  ③ 又因为 $a = \frac{qE}{m} = \frac{qU}{md}$ 

所以  $\frac{a_1}{a_2} = \frac{d_c}{d}$  即  $\frac{d}{d_s} = \frac{d_s}{4d}$   $d_s = 2d$  故 N 板下移的距离为  $\Delta s_1 = d_s - d = d$  (2) S 断 开,两板间的电场强度不变,则有带电粒子的加速度不变,由 ③ 式可知  $, d_s = 4d$  故 N 板下移的距离为  $\Delta s_2 = d_s - d = 3d$  (电子例好 长出电场时就是临界条件)

- 7. (1)a 粒子速度相同,在同一匀强磁场中轨迹半径相同,  $f=qvB=\frac{mv}{r}$ ,得  $r=\frac{mv}{qB}=20$ cm。 a 粒子的関心与 S(即 0 点)的 的 面 遊 也 为 。 是 20 cm。 a 粒子的関心与 S(即 0 点)的 的 面 遊 也 为 。 是 20 cm
- O点)的距离均为 r,其圆心的轨迹为以 S 为圆心,以 20 cm 为半径的一段圆弧,如图 4 3 83 中所示;
- (2)由于α粒子的轨道半径r大于磁场区域的半径R,α 粒子最长的轨迹所对应的弦为2R=r=20cm时,α粒子在 磁场中最大偏转角的轨迹对应α粒子在磁场中轨迹线最长 (临界条件),由于最长的轨迹线的弦长与其轨迹半径相等,

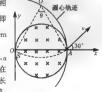


图 4 3-83



所以偏转角的最大值为 $\theta = 60^{\circ}$ :

(3)由(2)中可知。粒子的最大偏转角为60°,目所对的较为QA,故。粒子在磁场轨迹 的人射点O和出射点A与其轨迹圆心O。的连线和OA组成一个正三角形。也就是a粒子 离开磁场时与 x 轴正方向的夹角 y = 30°角,如图 4-3-83 所示,要使偏转角最大的 n 粒子 离开磁场时能打在  $\sqrt{2}$ 轴的正方向上,则  $\alpha$ 粒子与  $\sqrt{2}$ 轴的正方向夹角  $\sqrt{2}$  > 90°(临界条件), 则 OA 绕过O 点的水平轴至少要转过 $B = y' y = 60^\circ$ .

特注:带电粒子在磁场中的轨迹不大于半圆时,要使带电粒子在磁场中的偏转角器 大,就是要求带电粒子在磁场中的轨迹线愈长(由于半径确定)。它所对应的弦愈长,在圆 形磁场中,只有直径作为轨迹的弦长最长,所以要求带电粒子进入磁场时入射点、离开磁 场时的出射点的连线圆形磁场区域的直径, 这是本题的难点,

若是r>R,情况就完全变了,这时带电粒子在磁场中的轨迹可能大于半圆或等于半 圆,带电粒子在磁场中做匀速圆周运动的周期  $T = \frac{2\pi m}{cR}$ ,这是一个与速度大小和半径无 关的物理量,也就是说在磁场中运动时间长短仅与轨迹所对圆心角有关,在具体确定时 还与磁场的边界有关,对于矩形的边界和圆形的边界是不相同的,如例 1 中带电粒子在 磁场中运动时间最长的是从同一边界进入,又从同一边界射出,具体问题具体分析是很 重要的,切不可一概而论.

8. 小球在光滑的斜面上,由于重力的作用而具有的加速度为  $a = g sin \theta$ ,当小球获得 速度后,格受到安培力的作用,由左手定则可以判断小球受到的安培力是垂直干斜面向 上的,当小球由于安培力的作用而对斜面的压力为零时,就是小球在斜面上的临界状态。 此后小球要离开斜面,故有  $mg\cos\theta = qv_mB$ ,即  $v_m = \frac{mg\cos\theta}{aB}$ 小球能在斜面上,其速度范 国为 $0 \le v \le \frac{mg \cos \theta}{aB}$  (临界条件). 小球在斜面上是做匀变速运动,在斜面上运动的最大 距离为  $s_{max} = \frac{v_m^2}{2a} = \frac{m^2 g \cos^2 \theta}{2 B^2 \sigma^2 \sin \theta}$ .

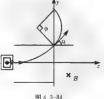
9. (1)带电粒子进入电场,在电场方向上有  $\frac{1}{2} \cdot \frac{qU_0}{r^2}$   $t_0^2$ 

 $-\frac{l}{2}$ ,  $U_0 = \frac{ml^2}{ct^2}$ 

(2) 1 to 进入两板间带电粒子, 离开电场时速度为

$$v, v_{c} = \frac{l}{t_{c}}, v_{E} = \frac{qU_{c}}{ml}, \frac{t_{c}}{2} - \frac{l}{2t_{c}} - \frac{v_{c}}{2}, v - \sqrt{v_{c}^{2} + v_{E}^{2}}$$
  
 $-\frac{\sqrt{5}}{2}, \frac{l}{t_{c}}$ ,  $\frac{l}{t_{c}}$ ,  $\frac{l}{t_{c}}$   $\frac{mv}{R}, R = \frac{mv}{nB} = \frac{\sqrt{5}ml}{2dR_{c}}$ 

(3)0~to之间时刻进入电场的粒子偏向 Q 极板, 2to~3to之间时刻进入电场的粒子偏向 P 板,而带电粒 子进入磁场后做逆时针方向旋转,即带电粒子出电场时







(3)

写 y 轴正方向的夹角  $\theta$  越小在磁场中运动的时间越短,也即粒子出电场时速度方向 x 轴 正方向的夹角  $\alpha$  越大、如图 4 3 84 所示, $\tan a_{\max} = \frac{v_{E \max}}{v_{b}}$ , $v_{E \max}$ 最大,是带电粒子  $2t_{o}$ 时刻进入电场时, $v_{E \max} = \frac{qU_{o}}{ml}$ , $t_{c} = \frac{l}{t_{n}} = v_{b}$ , $\tan a_{\max} = \frac{v_{E \max}}{v_{b}} = 1$ , $a_{\max} - \frac{\pi}{4}$ ,轨迹所对应的圆心角为  $\varphi = \frac{\pi}{2}$ , $t_{\min} = \frac{T}{4} = \frac{\pi m}{2aB}$ 

10. (1)设粒子在磁场中的运动半径为 r. 如图 4 - 3 - 85 ,依题意 M 、P 连线即为该粒子在磁场中做匀速圆周运动的直径,由几何关系得  $r=\frac{\sqrt{2}L}{\alpha}$  ①

由洛仑兹力提供粒子在磁场中做匀速圆周运动的向心力,可得  $qvB=m\frac{v^2}{r}$ 

联立①②并代人数据得  $\frac{q}{m} = 4.9 \times 10^7 \text{C/kg}$ (或  $5.0 \times 10^7 \text{C/kg}$ )



图 4-3-85

图 4-3-86

(2)设所加电场的场强大小为 E. 如图 4-3-86,当粒子经过 Q点时,速度沿 y轴正方向,依愿意,在此时加人沿 x轴正方向的勾强电场,电场力与此时洛仑兹力平衡,则有

$$qE = qvB$$
 (4)

$$E = 70 \text{N/C}$$

接收器

所加电场的场强方向沿 x 轴正方向. 由几何关系 可知,圆弧 PQ 所对应的圆心角为 45°,设带点粒子做 接收数 匀速圆周运动的周期为 T,所求时间为 t,则有

$$t = \frac{45^{\circ}}{360^{\circ}}T = \frac{T}{8}$$
 6

$$T = \frac{2\pi r}{\pi}$$
 ⑦

联立①⑥⑦并代人数据得 t = 7,9×10-6s

(3)如图 4-3-87, 所求的最小矩形是 MM, P, P,





该区域而积 S == 2r2

联立①800 并代人数据得 S.\_\_ 0.25m2,矩形如图丙中 MM.P.P(虚线)

- 11. (1)设侧板与物块相对静止时,它们之间的静度擦力为 f,共同加速度为 a,由生 顿运动定律有:物块 f=2ma,对圆板 F=f=ma,两物相对静止,有  $f \leq f_m$ , 得  $F \leq$  $\frac{3}{9}f_{max}$ , 两物相对滑动的条件是:  $F > \frac{3}{9}f_{max}$ . (2) 设冲击刚结束时圆板获得的速度大小为 vo,物块掉下时,圆板和物块速度大小分别为 vo和 vo,由动量定理有 I=mvo,由动能定理 有对圆板:  $-2\mu ng\left(s+\frac{3}{4}d\right)=\frac{1}{2}mv_1^2-\frac{1}{2}mv_1^2$ , 对物块有:  $2\mu ngs-\frac{1}{2}\cdot 2mv_1^2$ ,  $mv_0$  $m\tau_1 + 2m\tau_2$ .
  - ①要物块落下、 $v_1 > v_2$ ,由以上各式  $I > \frac{3}{2} m \sqrt{2\mu g d}$ .
  - ②物换从开始运动到掉下时的位移 s  $\frac{1}{2\mu g} \left[ \frac{I \sqrt{I^2 \frac{9}{2} \mu m^2 g d}}{\frac{3m}{2m}} \right]^2$ .
  - ③分子有理化后得  $s = \frac{1}{2} \mu g \left( \frac{\frac{3}{2} md}{1 + \sqrt{I^2 \frac{9}{2} um^2 gd}} \right)^2$ , 根据左式结果知: I 越大, s

越小.

12. (1)设绳断后球飞行时间为t,由平抛运动规律,竖直方向  $\frac{1}{4}d = \frac{1}{2}gt^2$ ,水平方向  $d-v_1t_1$ 得:  $v_1-\sqrt{2gd}$ ,由机械能守恒有:  $\frac{1}{2}mv_1^2=\frac{1}{2}mv_1^2+mg(d-\frac{3}{4}d)$  得  $v_2=$  $\sqrt{\frac{5}{2}gd}$ . (2)设绳能承受的最大拉力为大小为T,这也是球受到绳的最大拉力的大小.

球做圆周运动的半径  $R=\frac{3}{4}d$ ,由牛顿运动定律有  $T-mg=\frac{mv_1^2}{D}$ ,解得  $T=\frac{11}{2}mg$ .

(3)设编长为 l, 编断时球的速度大小为 va. 绳承受的最大拉力不变(这是解题关键)。 有  $T-mg=m\frac{v_J^2}{l}$ ,得  $v_0=\sqrt{\frac{8}{3}gl}$ ,绳斷后球做平拋运动,竖直位移为 d-l,水平位移为 x,时间为 $t_1$ ,有 $d-l=\frac{1}{2}gt_1^2$ , $x=v_2t_1$ ,由以上二式解得 $x=4\sqrt{\frac{l(d-l)}{2}}=$ 

$$4\sqrt{\frac{\frac{d^2}{4}-\left(l-\frac{d}{2}\right)^2}{3}}, 由 x 的表达式可知, 当  $l=\frac{d}{2}$ 时,  $x$  有极大值  $x_{\max}=\frac{2\sqrt{3}}{3}d$ .$$

13. (1) 粒子沿 y 轴的正方向进人磁场,从 P 点经过做 OP 的垂直平分线与 x 轴的交



-

点为圆心C。由图 4 3·88 根据直角三角形的几何关系有; $R^2=a^2+(\sqrt{3}a-R)^2$ ,解得  $R=\frac{2\sqrt{3}}{3}a$ ,而  $\sin\theta=\frac{a}{R}-\frac{\sqrt{3}}{2}$ ,则粒子做圆周运动的圆心角为 120°,周期为  $T=3t_0$ . 粒子做圆周运动的同心力由洛仑兹力提供,根据牛顿第二定律得;

$$Bqv = m \left(\frac{2\pi}{T}\right)^2 R, v = \frac{2\pi R}{T}$$
,化简得 $\frac{q}{m} = \frac{2\pi}{3Bt_0}$ .



翔 4-3-88



图 4-3-89

(这是临界轨迹线)其轨迹如图 4-3-89 所示,由几何关系可知,OM = OP,由对称性可知:ME = OP,从粒子发射到全部粒子飞出艦场所用的时间  $t_m = 2t_o$ .

14. (1) 由懸意知,所有离子在平行金屬板之间做匀 速直线运动,它所受到的向上的磁场力和向下的电场力 平衡,有  $qvB_s = qE_o$ ,式中 v 是离子运动的速度, $E_o$  是平 行板间场强,

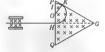


图 4-3-90

$$E_0 = \frac{U}{d}$$
,可得  $v = \frac{U}{B_0 d}$ .

在正三角形磁场区域,离子甲做匀速圆周运动。

设离子甲质量为 m,由洛仑兹力公式和牛顿第二定律有: $qvB=m\frac{v^2}{r}$ ,式中:r是离子甲做圆周运动的半径.离子甲在磁场中的运动轨迹为半圆。圆心为 O,如图 4-3-90 所示.这半圆刚好与 PG 边相切于 K,与 PQ 边交于 I'点.在 $\triangle POK$  中·OK 垂直于 PG.由几何关系得  $\frac{1}{2}$   $a-r=\frac{2}{\sqrt{3}}r$ ,得  $r=\left(\sqrt{3}-\frac{3}{2}\right)a$ 。由以上关系得离子甲的质量为  $m=\frac{1}{2}$ 





 $\frac{qaBB_0d}{U}\left(\sqrt{3}-\frac{3}{2}\right).$ 

(2)同理、有洛仑兹力公式和牛顿第二定律有  $qvB=m'^{v^2}$ 

式中, m'和 n'分别为离子乙的质量和做圆周运动的 轨道半径, 离子乙运动的圆周的圆心 0'必在 P、H 两点 之间, 如图 4-3-91 所示, 有几何关系有



$$r'^2 = \left(a - \frac{3}{4}a\right)^2 + \left(\frac{a}{2} - r'\right)^2 - 2\left(a - \frac{3}{4}a\right)\left(\frac{a}{2} - r'\right)\cos 60^\circ.$$

由上式得  $r'=rac{1}{4}a$ ,联立前面关系式得,离子乙的质量为  $m'=rac{qaBB_0d}{4U}$ .

(3)对于最轻的离子,其质量为 m/2,由  $qvB=m\frac{D^2}{r}$ 知,它在磁场中做半径为 r/2 的 勺速圆周运动。因而与 PH 的交点为O,有  $OH=\left(\sqrt{3}-\frac{3}{2}\right)a$ 。当这些离子中的离子质量逐渐增大到 m 时,离子到达磁场边界上的点的位置从 O 点沿 PD 边查到 I' 点;当离子质量继续增大时,离子到达磁场边界上的点的位置从 K 点沿 PG 边趋向于 I 点,K 点到 G 点的距离为  $KG=\frac{\sqrt{3}}{2}a$ .

所以,磁场边界上可能有离子到达的区域是: PQ 边上从 O 到 I'点、PG 边上从 K 到 I.

15. (1)设粒子发射速度为v,粒子做圆周运动的轨道半径为R,由牛顿第二定律和洛仑兹力公式得 $qvB = \frac{mv}{R}$ ,可得 $R = \frac{mv}{qB}$ ,当a/2 < R < a 时,在磁场中运动时间最长的粒子轨迹的圆心为C 的圆弧,圆弧 写磁场的上边界相切(临界条件),如图 4 - 3 - 92 所示。设该粒子在磁场运动的时间为t - 依愿意 t = T/4,得 $\angle OCA = \frac{\pi}{2}$ . 设最后离开磁场的粒子的发射方向与y轴正方向的夹角为a,由几何关系可得



图 4-3 92

 $R\sin \alpha = R - \frac{a}{2}$ ,  $R\sin \alpha = a - R\cos \alpha$ ,  $\pi \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$ ,

由以上关系式解得 
$$R = \left(2 - \frac{\sqrt{6}}{2}\right)a$$
,  $v = \left(2 - \frac{\sqrt{6}}{2}\right)\frac{aqB}{m}$ .

(2) 
$$\sin \alpha = \frac{6 - \sqrt{6}}{10}$$
.

16. (1)粒子在磁场中匀速圆周运动,洛仑兹力提供向心力





 $qvB=m\frac{v^2}{R}$ ,而  $T=\frac{2\pi R}{m}$ ,又  $t=\frac{T}{A}$ ,由以上关系式解得: $t=\frac{\pi m}{2\pi R}$ 

(2)速度最小时,打在感光片的  $P_1$ 处,最小半径为  $R_{mm}=rac{d}{r}$  ,  $qv_{mm}B=mrac{V_{mm}^2}{1/a}$  ,

而 
$$L = v_{min} t_2$$
,  $\theta_0 = \omega_{min} t_2$ , 可以解得;  $\omega_{min} = \frac{qBd\theta_0}{4mL}$ (最小  
條果債)

速度最大时,打在感光片的  $P_2$  处,最大半径为  $R_{mea}$ ,由图 4-3-93 可知

$$R_{\text{max}}^2 = (R_{\text{max}} - \frac{d}{2})^2 + d^2$$
,解得: $R_{\text{max}} = \frac{5d}{4}$ .

而 
$$L=v_{\max}t_2$$
,  $\theta_0=\omega_{\max}t_2$ ,  $qv_{\max}B=m\frac{v_{\max}^2}{R}$ , 由以上几式解得:

$$\omega_{\max} = rac{5qBd\theta_0}{4mL}$$
 (最大临界值),综上所述;  $rac{qBd\theta_0}{4mL} \leqslant \omega \leqslant rac{5qBd\theta_0}{4mL}$ .

17. (1)作出临界轨道,如图 4-3-94 所示的几何 r=d,由  $qv_1B=m$ ,  $\frac{v_1^2}{r}$ ,得  $d=\frac{m_rv_1}{qB}$ .

(2)对电子: $d = \frac{m_e v_1}{eB} = 0$ , 05 m,a 粒子: $r_e = \frac{m_e v_1}{q_e B} = 1$ . 84 m>d,作出轨道如图 4-3-95 所

示, 竖直方向上的距离  $y=r_s$   $\sqrt{r_s^2-d^2}=0.0007$  m, 区域 I 的磁场不能将 a 射线和 y 射线分离, 可用薄纸片挡住 a 射线,用厚铅板挡住 y 射线。(3)画出速率分别为  $v_1$  和  $v_2$  的粒子离开区域 II 的轨迹如图  $4\cdot 3\cdot 96$  所示, 速率在  $v_1 < v_2 < v_3$  区域间射心的  $\beta$  粒子束宽为  $(y_1-y_2)$ ,  $y_1=2d$ ,  $y_2=2(r_2-\sqrt{r_1^2-d^2})$ ,  $d=\frac{m_0 v_1}{r_2}$ ,  $r_2=\frac{m_0 v_2}{r_2}$ ,  $r_3=\frac{2m_0 v_1}{r_2}$ 

$$y_2 = \frac{2m_e}{eB}(v_2 - \sqrt{v_2^2 - v_1^2}).$$

(4) 中对称性可设计如图 4-3-97 所示的磁场区域。最后形成豪华日水平向右射出。

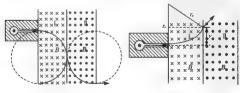


图 4-3-94

图 4-3-95

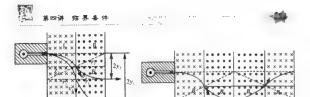


图 4-3-96 图 4-3-97





## 第五讲 物理模型

物理模型,从物理学的角度看,所谓"建模",就是将我们研究的物理对象或物理过程通过抽象,理想化、简化和类比等方法形成物理建模,它是一种重要的科学思维方法,通过对物理观象或物理过程进行"去伤存真","去租取精"的处理,从而与找出反映物理现象或物理过程的内在本质及内在规律。达到认识自然的目的. 如物理学中质点、理想气体、点电荷、单摆、弹簧振子、刚体、光线等。即是对研究对象的"建模", 匀速直线运动、匀变速自线运动、匀变速直线运动、匀变速直线运动、匀变速度线运动、匀变速度线运动、匀变速度线运动。(非匀变速运动)、简谐运动、简谐波、热学的推静态过程等等,即是对物理过程的"建模"。

物理学科对培养学生的建模能力有着特殊的条件和优势。从物理学的发展历史来看,"建模"起着推动其前进的作用。如初期的托勒密的"地心说"和后来哥白尼的"日心说",都是对天体运动的"建模"。早期的伽利略提出的匀变速运动是对运动过程的"建模"。而户瑟福提出的核式结构模型就是对原子结构的"建模"……一个正确物理模型的建立是需要很长时间来完善的。如户瑟福核式结构模型中。由最初的电子绕核高速旋转的固定轨道到后来的"电子云"。

"科学的基本活动就是探索和制定模型","建模"能力更能反映学生的素质,随着素质教育的推行,在现行的高考和竞赛中,对考查学生的"建模"能力逐步有所体现,如近年来的高考和竞赛中,些信息题,其实就是考查学生的"建模"能力,如2000年上海市高考知,2001年全国高考理科综合能力测试第32题、2001年(第十八届)全国物理竞赛预赛等6题,这是一个认识层次上的提高,也是使教学走出"题海战术"这一误区的有效措施,更是实施豪质教育的一个重要措施。

# 5. 1

### 力学中的建模



### 解析方法指导

[**閏**] 某同学身高 1.8m,在运动会上他参加疏高比赛,起跳后身体横着越过了1.8m 高度的横杆,据此可估算出他起跳时警盲向上的速度大约为(取 $\alpha$ =10m/s²)

A. 2m/s

B. 4m/s

C. 6m/s

D. 8m/s

[分析] 人起跳后的运动是竖直上抛运动,上升的高度为重心上升的高度 $v = \sqrt{2m} = \sqrt{2 \times 10 \times 0.9} \text{m/s} \approx 4 \text{m/s}$ . 本題是将人离她后的运动看作是一个竖直上抛运动(过程物理模型)。上升的高度效人高的中心那位倒抛杆的距离





[分析] 这动员在空中的运动是由竖直上抛和自由落体两个运动阶段组成,运动员跃起后上升的时间为 $t_1=\sqrt{\frac{2L}{g}}=\sqrt{\frac{2\times0.45}{10}}$ s=0.3s,下落的高度可以近似等于平台离水面的高度(因为人接触水是手先接触,假设人重心与手尖的距离为0.45m,所以,下落时间为 $t_2=\sqrt{\frac{2H}{g}}=\sqrt{\frac{2\times10}{10}}$ s=1.4s,所以运动员空中动作时间 $t=t_1+t_2=1.7$ s.

[购3] 假如百慕大三角区之谜是水合天然气引起的。在海底。由于温度低、压力大、动植物遗体腐烂变成天然气与水鲇合。形成了固态的水合天然气。当这些水合天然气稳定的条件一旦受到破坏。它们就可分解出气态的天然气气池上升,上升的气泡流导般海底的压力变小,更多的固态水合天然气流化。这样导致大量天然气溢出洋面。大量的天然气泡使海水的密度变小。浮力下降。当船舶驶入这个区域时海水浮力支撑不住船舶的重力,而使船舶沉入洋底。飞机飞入这个地带,则可引燃天然气,而被船舶沉入洋底。飞机飞入这个地带,则可引燃天然气,而被船舶

一艘水上排水量为9901、水下排水量为12001、最大潜水深度为250m的潜水艇在 该地区海面下100m处巡航,突遇海水密度骤降(假如潜水艇所在处及它下面海水密 度从1,03×10³kg/m³乘变为0.9×10³kg/m³),5s后潜艇发现此情况并立即采取措 施,以最快的速度排泄艇内的储水仓中的水,当它侧止住自己加速下坠时已在水面下 200m处,不计阻力,问。

- (1)潜水艇在采取措施前的 5s 钟内下坠了多少位移? 5s 末的速度多大?
- (2)假如潜水艇一直保持排水速度不变,它做什么运动?加速度大小如何变化? 能否摆脱箅身海底的厄运?

[分析] (1)潜水艇在该地区海面下 100m 处巡航时,受到的浮力与重力平衡,设潜水艇总质量为m,即有  $mg = \rho_i Vg$ ,潜水艇进入海水密度  $\rho_e = 0.9 \times 10^3 \, \mathrm{kg/m^3}$  时受到的浮力为  $\rho_e Vg = \frac{\rho_e}{\rho_i} * mg$ ,潜水艇在采取措施前的 5s 钟内的加速度为  $a_1$ ,由牛顿第二定律可得

 $mg - mg \cdot \frac{\rho_2}{\rho_1} = ma_1$   $a_1 = g\left(1 - \frac{\rho_2}{\rho_1}\right) = 1.3 \text{ m/s}^2 (a_1 是潜水艇下沉最大加速度)$ 

潜水艇在采取措施前 5s 钟内下坠  $s = \frac{1}{2}a_1t_1^2 = 16.25m$  5s 末速度  $v=a_1t=6.8m/s$ 



(2)潜水艇排水过程中,它自身的重力在碳小,开始时做加速度碳小的加速运动,当 潜水艇刚让住自己的加速下坠时已在水面下 200m 处,说明此时潜水艇的加速度为零,此 时潜水艇的下坠速度已达到最大,若潜艇一直保持排水速度不变,此后它将做加速度增 大的减速运动,由于它加速时已下坠了近 100m,当它速度减为零的过程中,潜水艇最大 向上加速度为 a,对应的是潜水艇排完水后质量为 m —9990:由牛顿运动定律可知

$$\rho_2 V_g - m_0 g - \frac{\rho_2}{m} \cdot mg$$
  $m_0 g = m_0 a_2$   $a_2 = \left(\frac{\rho_2}{m} \cdot \frac{m}{m_0} - 1\right) g \approx 0.6 \text{ m/s}^2$ 

潜水艇最大下沉加速度  $a_1$  远大 F最大向上的加速度  $a_1$  、战加速过程中它 F坠的深度接近了 100m,那么,借助于勾变速运动的  $s=\frac{v'}{2a}$  可知,加速度越小,位移 s 越大,潜水艇在减速过程中 F坠的深度会超过 100m,这样潜水艇就会 F坠到 250m 以 F处,超过 f 它能下潜的最大深度,故潜水艇不能便脱难身添底的见运

[釋析] 本题的分析借助于勾变速运动的公式进行,从定性的角度来讲是完全可以的,实质就是利用的勾变速直线运动(过程物理模型)。

应用图象也能说明减速下沉的距离大于加速下沉的距 高,如图 5·1·1 所示,由图可知加速度减小的加速运动位移是 图象与 1.段时间所图的面积,加速度增大的减速运动是图象 与 1.段时间所图的面积,显然,减速阶段的位移大于加速度阶 段的位移。



[购4] 读过高中地理的学生都知道,风化侵蚀的产物有可能被风、流水、冰川和 海浪按带而离开原位置,地理学家把这种现象叫做"搬运",在比较温润的地区,流水 的搬运作用非常显著. 1995 年出版的高中(地理)课本上第 153 页写道:

"流水推动物体的力量和水的流速的平方成正比,实验证明,在水中被搬运的物体的重力与水流速度的 6 次方成正比,如果集河流的水流速度是原来的 2 倍,则它推动的物体重力是原来的 64 倍;如果某河流的水流速度是原来的 1/2,则它携带的物体重力是原来的 1/64."

已知流体力學已經证明:水流作用于環水流方向垂直的平板上的压力。環平板的面积成正比,環水流速度的平方成正比.

这是一个很有趣的力学问题,同学们一定很想知道,在水中被撤远的物体重力何以与水油速度的6次方由正比。

[分析] 解法一,假设水平河底有一块每边长度为 L 的立方体石块,质量分布均匀。密度为  $\rho$ ,石块右侧面有速度为  $\nu$  的水流垂直于该侧面向左冲来,水流对右侧面的压力记作为 F;石块同时受到水的浮力 Q 和重力 G 的作用。C 是石块的重心(如图 5 - 1 - 2 所示),河底对石块的支持力和摩擦力均作用在 AB 上,F 的作用是要使石块绕 AB 轴逆时针方向翻转,而 G 和 Q 的合力



图 5-1-2

P(向下),则要阻止石块绕 AB 轴逆时针翻转,由图可知:F对 AB 轴的力臂为 L/2;G 和





(2)

Q 的合力 P 对 AB 轴的力臂也等于 L/2. 若要石块不绕 AB 轴逆时针翻转,对上述两个力 (F 和 P=G-Q) 的力矩有如下要求.

$$F\frac{L}{2} \leqslant (G-Q)\frac{L}{2}$$
,  $\mathbb{I}$   $F \leqslant G-Q$ 

由顯设中已知条件有 F=kv²L² (k 是比例常数)

设水的密度为 $\rho_0$ ,则 $P=G-Q=(\rho-\rho_0)gL^3$ 

将①、②、③可得 
$$kv^2L^2 \leqslant (\rho - \rho_k)gL^2$$
,即  $L \geqslant \frac{kv^2}{(\rho - \rho_k)g}$  ④

石块重力可表示为
$$G = \mathbf{pg}L^3 \geqslant k^3 * \frac{\mathbf{p}^6}{(\mathbf{p} - \mathbf{p}_0)^3 \mathbf{g}^2} \Rightarrow \mathbf{e} = \frac{\mathbf{p}^4}{(\mathbf{p} - \mathbf{p}_0)^3 \mathbf{g}^2}, \quad \mathbf{M} G \geqslant \mathbf{v}^6$$
 ⑤

⑤式从反面告诉我们·G<cv<sup>6</sup>的物体都能被流速为v的水冲动。

这就是液体力学中的艾里定律:"水流速度增至原来的 n 倍,水流能带走的物体的重量可增至原来的 n<sup>6</sup>倍."

解法二:假设水平河底有一块每边长度为L的立方体石块、其质量分布均匀,密度为 $\rho$ ,石块的右侧面有速度为v的水流垂直于该侧面向左冲来、水流对右侧面的压力记作为F,石块同时受到水的浮力Q和重力G的作用。C是石块的重心(如图 5-1-3 所示)。F的作用是要推动石块运动,而G和Q的合力P(向F),则河床对石块的支持力N=P-G-Q、设河床对石块的骨动摩擦力为 $f=\mu N=u(G-Q)$ 、差要石块不动、则必须有



图 5-1-3

$$F \leq_{\mathcal{U}} (G - Q)$$
 III  $F \leq_{\mathcal{U}} N$  ①

根据题设中的已知条件可知 F=kvll²(k 是比例常数) ②

设水的密度为ρ<sub>0</sub>,则 P=G-f=(ρ-ρ<sub>0</sub>)gL<sup>3</sup> ③

由①、②、③ 三式可得 
$$kv^2L^2 \leqslant \mu(\rho-\rho_0)gL^3$$
 即  $L \geqslant \frac{kv^2}{(\rho-\rho_0)\mu g}$  ④

石块重力表示为
$$G = \operatorname{gg} L^1 \geqslant \operatorname{gg} k^3 \frac{\operatorname{gg} k^3 \psi}{(\rho - \rho_0)^3 g^3} = \operatorname{gg} \frac{\operatorname{gk}^3 \psi}{\mu^3 (\rho - \rho_0)^3 g^2} \quad \diamondsuit \epsilon = \operatorname{gg} \frac{\operatorname{gk}^3}{\mu^3 (\rho - \rho_0)^3 g^2}$$

则 G≥cv

⑤式从反面告诉我们; G<cv<sup>6</sup> 的物体都能被流速为 v 的水冲走, 这就是液体力学中的艾里定律: "水流速度增至原来的 n 倍, 水流能带走的物体的重量可增至原来的 n <sup>6</sup>倍." 设流速为 vs 的水流可带走 l kg 的石块,则当水的流速 v<sub>2</sub> = 2v<sub>3</sub> 时,流水可带走 64kg 石块;则当水的流速 v<sub>2</sub> = 2v<sub>3</sub> 巨,流水可带走 4096kg(约 40)的石块。

环境保护是当今社会面临的 · 道难题, 一方面, 社会的发展对环境的破坏越来越大, 另一方面, 许多人没有意识到环境保护的重要性, 如乱砍滥伐现象的普遍存在, 使得上地沙化, 水土流失严重, 由此题可以看到沙化土地, 特别是坡地, 在暴雨时水土流失是非常严重的.

[轉環] 本题利用了物理学中的"建模"方法,在初中的物理中涉及浮力的推导时就 是将一个正方体的物体放在液体里来计算这个正方体物体所受的浮力,本题中也假设在 水平的河底一个正方体的石块来分析,因为本题主要目的是揭示一个自然客观存在的规 律,而不要求准确的程度,用最简单的物理模型来简化的运算过程是很有必要的,本题旨





在找出破坏平衡的条件是什么,而不在于表达式⑤前面的系數 c 是什么. 用最简单的物理模型来说明一些自然界的规律性的物理过程,是学习物理科学方法,也是物理学中简单单的一种体现

本题求解过程应用物体平衡条件的两种表述形式分别进行求解:解法 -是采用有固定转动轴物体的平衡条件进行求解;解法 -是根据共点力作用下物体平衡条件,合力为零进行求解,两种解答均是回答石块被子推动的条件,结果是相同的,这也进一步说明了两种表述的物体平衡备件实质上是相同的.

[內5] 天文观测表明,几乎所有的恒星(成星系)都以各自的途率背离我们而运动,再我们超远的星体,背离我们运动的速度(称为退行速度)超大;也就是说宇宙在膨胀,不同的星体运行速度力和它们离我们的距离,应正比,即

#### n=Hr

式中 H 为一常量, 称为哈勃常数, 已由天文观察测定, 为解释上述观象, 有人提出一种理论, 认为宇宙是从一个大爆炸的火球开始形成的. 假设大爆炸后各星体都以不同的速度向外匀速运动, 并设想我们就住于其中心, 则速度越大的星体现在离我们越远, 这一结果与上述天文观测一致.

[分析] 宇宙大爆炸后,各星体均以不同的速度同时远离地球,即 r=vt,与 v=Hr比较后,可知  $T=\frac{1}{Lr}$ ,代人數据后即可算出宇宙年齡  $1\times 10^{10}$ 年.

## [★★] 1×10<sup>10</sup>

[砰新] 本應在理解題意上有误。宇宙大爆炸后、每个星体离开地球的速度不同,但 每个星体看作是匀速直线运动离开地球,所以有星球离开地球的距离 r=vt. 离开地球越 远的星球,它离开的速度越大,这是由题目给出的 v=Hr.由这两式相乘可得 17.

#### [侧 6] 试用一种简化的模型来估算撑竿跳高运动员能跳过的高度大约是多少?

[分析] 一般运动员大约在 10s 内跑完 100m,若撑竿运动员所具有的动能全部转化为势能,由机械能守恒有  $mgh=\frac{1}{2}mv^2$ , $h=\frac{v^2}{2g}=\frac{(100/10)^2}{2\times 10}m=5m$ .

撑竿跳高运动员能跳过的高度大约为 5m.

[**坪**奇] 本題是由做题者自选条件来进行估算,只要各物理量选取合适的值进行计算,才能得出比较合理的结果,本题对于研究对象和运动过程均进行物理模型的选取.

[**37**] 在一般模房中,一名成年人从一模快步走上二樓所消耗的平均功率約为( ) A 100W B 200W C 300W D 400W





[分析] 设楼高 3m,成年人质量为 60kg,快步上楼的时间为 5s, 拉功率为 P = mgh = 360W ≈ 400W、人上楼的过程是一个变速运动。由于是估算题、故可将人上楼的运动 看作是克服重力所做的功的平均功率(运动过程的建模)

\*\* D

[图8] 跳绳是一种健身运动,设装运动员的盾量为50kg,他一分钟跳编180 次. 假定在無次聽發中,脚与地面的接触时间点聽發一次所雲时间的 2/5. 則違运动员雖 绳时克服重力做功的平均功率是 W.

[分析] 运动员平均每跳一次所需时间  $t=\frac{60}{180}s=\frac{1}{3}s$ ,运动员腾空的时间为 t'= $(1 \frac{2}{5})t = \frac{1}{5}s$ ,运动员离地后的运动看作是竖直上抛运动(过程物理模型),他落地的

时间为腾空时间的一半,所以,运动局能达到的高度为  $h - \frac{1}{2}g\left(\frac{t'}{2}\right)^2 = 0.05m$ ,平均功率为 $P = \frac{nmgh}{t} - \frac{180 \times 50 \times 10 \times 0.05}{60}W = 75W$ .

[华桥] 本题的关键是将运动员腾空的过程看作是竖直上抛运动,并能根据题意求 出平均每次腾空的时间。

[實 9] 传说国外基磐厅店主为了招揽顾客想制作一块 1m3 的特大豆腐, 纹果因, 豆腐瘟致而失败 其字即使是坚硬的些石处在大高的山体层部也会遍致 这是因为山 峰高度到一定程度后, 岩石基都压强过大, 会发生熔化而开始流动的缘故,

若每摩尔岩石熔化时要吸收热量为 2m。岩石的摩尔盾量为 4. 山体看作是均匀的 圆柱体, 当山高达极限高度 日时, 继续增高一点就炫化掉一点, 即不能再增高了, 该从 能量转化的角度写出山的极限高度 H 的表达式, 设岩石的主要成分是 Si(), (Si 原子 量为 28,0 原子量为 16),SiO,的摩尔熔解热(即 1mol 的物质熔解成同温度的液体时 所吸收的热量)为 1 = 854 1/mol. 求山的最大高度 H 的值.

[分析] 首先假设山县 · 个楷载面积为 S. 高为 H 的圆柱体。 其剖面图如图 5 1·4 所示, 若山增加 Δh 高度后(增加的质量为 m)。 底部就熔化掉 Δh 高度, 这表明 H 已是极限高度, 这时 m 的势能减 少转化为熔化岩石的内能.即 mgH=Q 式中的  $m=\rho S\Delta h$ 

Q=nlm (n 为岩石物质物质的量)

所以、有 $\rho S \Delta h g H = \rho S \Delta h \lambda_m / \mu$  即得  $H = \frac{\lambda_m}{\mu}$ 

将 µ=0,06 kg/mol 代人后可得 H=854 (0,06×10)m=1423,4m

「碎折」 本题是应用了能量转化和守恒定律,其中重要的是当山高到达了极限值 时,若是继续增高 Ah,则增高部分的势能会转化为底部相应熔化的高度 Ah, 山的形状接 近圆锥体,若是用圆锥体来讲行计算,格增大计算的难度,本题利用了一个简单的物理模





型: 将山等效为一个圆柱体, 其实山不是圆柱, 用圆柱体来计算比圆锥体简单(对象物理模型), 本题旨在说明一个山高的数量级, 而不是具体的数据.

[對 10] 如图 5-1-5 所示,质量为 m, 的物体 A 经一轻质弹簧与下方地面上的质量为 m, 的物体 B 相连,弹簧的功度系数为 k, A, B 都 处于静止状态。一条不可伸长的轻绳绕过轻滑轮。一端透物体 A, 另一端透一挂钩, 开始时各段绳都处于伸直状态, A 上端的一段绳沿竖直方向, 现在挂钩上挂一质量为 m, 的物体 C,并从静止状态释放,已知它恰好能使 B 离开地面但不继续上升, 若将 C 换成另一个质量为(m, + m) 的物体 D, 仍从上述初始位置由静止状态释放,则这次 B 刚好离地时 D 的速度太小显多少? 已知雷力加速者为 p.



图 5 1-5

[郵析] 开始时弹簧压缩。压缩量为 $x_1$ ,此时储藏的弹性势能为 $W_1$ ,有 $kx_1=m_1g$ ,当恰好能使 B 离开地面而无速度时弹簧的伸长量为 $x_2$ ,有 $kx_2=m_2g$ 。对应储藏的弹性势能为 $W_2$ 。当挂钩上挂一质量为 $m_1$ 的物体C 并从静止状态释放。已知它恰好能使 B 离开地面但不继续上升说明此时系统的速度为零,此系统属于机械能守恒(过程物理模型)

有 
$$(m_3-m_1)g(x_1+x_2)=W_2-W_1$$

若将 C 换成另一个质量为 $(m_i+m_s)$ 的物体 D,这次 B 刚好离地时 D 的速度大小为 v,同理,有机械能守恒有

$$(m_3+m_1-m_1)g(x_1+x_2)=W_2-W_1+\frac{1}{2}(m_3+m_1+m_1)v^2$$

由两次机械能守恒的表达式可得 
$$v = \sqrt{\frac{2m_1g(x_1 + x_2)}{m_3 + 2m_1}} = \sqrt{\frac{2m_1(m_1 + m_2)g^2}{m_3 + 2m_1}}$$

[弊新] 在处理物理过程中,要注意到变量与不变量之间的关系. 无论是挂C还是挂D时,尽管每个过程的弹簧的弹性势能是变化的,但两个过程中两次的变化量相同,即为 $W_2$   $W_1$ ,即为不变量,这种处理问题的方式在涉及弹性势能时经常用到,回避求弹性势能大小(这是中学物理中不需要直接求解的).

[內11] 有两块大小不同的圆形薄板(厚度不计),质量分别为 M和加,半径分别为 R和,,两板之间用一根长为 0.4m 的轻绳相进捷,开始时,两板水平放置升叠合在一起, 静止于高度为 0.2m 处如图 5-1-6 中的(a),然后自由下落, 一固定的支架 C上,支架上有一半径为 R'(r<R'<R)的圆 孔,圆孔与两薄板中心幼在圆板中心轴线上,大板与专架发



- (1)若 M=m,則 v 值为多大?
- (2)若  $\frac{M}{m} = k$ , 诚讨论 v 的方向与 k 值间关系.





[分析] 本颗整个过程可分为以下几个阶段。

第一阶段, 两板做自由落体运动:第二阶段, 大圆板与支架相碰, 无能量损失(相当干 发生了一次弹性碰撞),而小圆板继续下落;第三阶段,当细绳绷紧瞬间,两板通过编的相 石作用恭得共同的谏商(相当于一次完全非强力碰撞)。这一个过程相当于三个物理过程 模型

- (1) M m 与固定  $\delta$  架碰撞前是自由落体,故碰前腿间速度为  $m = \sqrt{2m} = 2m/s$
- (2)大圆板 M 与支架碰撞后, M 以初速 v 做竖直上抛运动, 小圆板 m 做初速度为 v。 的匀加速运动,由于两者加速度相同。若以大圆板为参昭物,小圆板做速度为 256的匀速 直线运动,经过时间 t,两圆板间细绳拉紧,有  $L-2v_bt$ ,  $t-\frac{L}{2v_b}-\frac{0.4}{2\sqrt{2}}s-0.1s$ .

大圆板 M 的速度  $v_M = v_b - gt = 1$  m/s 小圆板 m 的速度  $v_m = v_b + gt = 3$  m/s.

(3)编绷紧瞬间,两圆板间编的拉力远大于系统重力,故动量守恒,以向上为正方向,

有 
$$Mv_M = (M+m)v$$
 解得  $v = \frac{Mv_M}{M+m} = \frac{\frac{M}{m}v_M - v_m}{\frac{M}{m}v_m + 1} = \frac{k-3}{k-1} \text{m/s}$  ①

对于①式,当M=m时,即k=1,v=-1m/s,说明两圆板获得向下的共同速度1m/s; 当b>3 时,v>0. 说明两板且有向上的共同速度: 当b<3,v<0. 说明两板且有向下的土 同速度1k=3.v=0,说明两板瞬间静止.

[例 12] 在原子植物理中研究核子关联的最有效法 1 经基"双电荷变排反应",这叁反应的前半部分过程和下述 图 5-1-7 力学模型要似,两小球 A 与 B 用轻盾弹簧相连,在光滑的 水平直轨道上处干棒止收点,在它们左边有一垂直干轨道的固定挡板 P. 右边有一小 碌 C 沿轨道以速度 vo 射向 B 碌 如图 5-1-7 所示。C 与 B 发生碰撞并立即结成一个祭 体 D,在它们继续向左运动的过程中,当弹簧长度变到最短时,长度突然被锁定,不再 改变,然后,A珠与挡板P发生碰撞,碰后A、D都静止不动,A与P排触而不粘连,过 一段时间。空然解除确定(镇定及解除镇定均无机械能损失), 已知 A、B、的盾量均为

(1)弹簧长度刚被锁定后 A 球的速度;

m.来。

(2) 求 A 球离开挡板后的运动过程中弹簧的最大弹性势能,

「分析」 C 与 B 发生完全非弹性碰撞成为一个整体 D, 然后通过弹簧与 A 发生相互 作用,当弹簧最短时(弹性势能最大),又相当于一次完全非性弹性碰撞,A、D 作为一个整 体向左匀速运动,与挡板 P 碰撞后 A、D 都静止不动(此碰撞过程动量不守恒),弹簧解除 锁定,弹簧储存弹性势能转化为 D 的动能,此过程机械能守恒而动量不守恒,以后 D 向 右运动,A、D 组成系统动量守恒,当 A、D 速度相等时相当于县完全非弹性碰撞,动能损 失最大全部转化为弹簧的弹性势能.

(1)B、C 发生完全非弹性碰撞有  $mv_0 = 2mv_1$ ,  $v_1 = \frac{v_0}{2}$ 





当弹簧压缩最短时,相当于 A 与 D 又发生完全非弹性碰撞,由动量守恒有

 $mv_0=3mv_1$   $v_2=\frac{v_0}{3}$  即为三球共同速度

此过程中弹簧储存的势能为  $E_{p1} = 2 \cdot \frac{1}{2} m v_1^2 - 3 \cdot \frac{1}{2} m v_2^2 = \frac{1}{12} m v_3^2$ 

(2) 当突然解除锁定时, $A^{i}$  均續壁接触不能向左运动,故弹簧储存的弹性势能转化为D 两球的动能,即  $\frac{1}{12}mv^{-}-\frac{1}{2}\cdot 2mv^{-}v^{-}-\frac{1}{12}v^{-}$ 

此时B、C 两球将拉弹簧向右运动,弹簧被拉到最长时三球速度相等。3mu=2mv

弹簧弹性势能为  $E_{p^2} = 2 \cdot \frac{1}{2} mv^2 - 3 \cdot \frac{1}{2} mu^2 = \frac{1}{36} mv_0^2$ .

「彈桥」 本题有三次完全非弹性碰撞,是对运动过程建模.

### 即 跟踪训练

1. 伽利略在研究自由落体运动性质的时候、为了排除物体自由下落的速度。随着下落高度h(位移大小)是均匀变化(即 $;v_i=kh_ik_i$ 是常數)的可能性。设计如下的理想实验:在速度为零的匀变速的直线运动中。因为 $v_i=\frac{v_i}{2}$  ①( $v_i$ 式中表示平均速度),而 $h=v_i$ ( $v_i$ )。若 $v_i=kh$ ( $v_i$ )。成立的话,那么,必有 $h=\frac{1}{2}hh_i$ ,即 $p_i$ ( $p_i$ )。若 $p_i$ ( $p_i$ ),常数。(竟然是h) 无关的常数!这显然与常识相矛盾!于是,可排除速度是随着下落高度,均匀变化的可能性,关于伽利略这个理想实验中的逻辑及逻辑用语,你做出的评述是

A. 全部 F 确

B. ① 書错误

C. ②式错误

D. ③式以后的逻辑用语错误

2. 春天在广场上有许多人放风筝。会放风筝的人,可使风筝静止在空中、图 5-1-8 所 示的四幅图均为竖直平面,MN 代表风筝截面,OL 代表风筝线,风向水平,图中四种情况 中,风筝可能处于静止状态的是



3.全国著名的发明家邹德发发明 ·种"吸盘式"挂衣钩。如图 5·1 9 和图 5 1 10 所 示,将它紧压在平整、清洁的竖直瓷砖面上时,可挂上衣帽等物品,如果吸盘的圆面直径 为 3. 18cm、当吸盘与墙壁紧压时,吸盘圆面压在墙上有 4/5 的面积跟墙面完全接触,中 同 1.5 未接触部分无空气,将这种挂钩吸在菜,坚宜墙面上,挂钩最多能挂物体的重力 是 125N、则吸盘面与该墙面间的最大静摩擦因数为多少? 已知最大静摩擦力与接触面 间的正压力成正比,比例常数即为最大静摩擦因数人大气压强 5~1,0×10°Pa),









图 5-1-9

图 5-1-10

图 5-1-11

- 4.1999 年,中国北极科学考察队首次乘坐我国自行研制的"雪龙"号科学考察船对北极地区进行了全方位的卓有成效的科学考察."雪龙"号科学考察船不仅采用特殊的材料,而且船体结构也满足一定的条件,以对付北极地区冰块和冰层,它靠自身的重力压碎周围冰块,同时又将破碎的冰挤到船底,如图 5-1-11 所示,若碎冰块仍挤在冰层与船体之间。船体由于受巨大的侧压力而可能解体。为此,船壁与竖直平面之间必须有一个恰当的倾斜角度θ,设船壁与冰块间的动摩擦因数为μ,试问使压碎的冰块能被挤向船底,θ角户满足什么条件.
- 5.人们受小鸟在空中飞翔的启发而发明了飞机,小鸟扇动翅膀,获得向上的举力可表示为F=k5v²,式中5为翅膀的面积。0为小鸟的飞行速度k为比例系数,一个质量为100克、翅膀长为a,宽为b的燕子,其最小的飞翔速度为12米/秒,假如飞机飞行时获得的向上举力与小鸟飞行时获得的举力有同样的规律,那么一架质量为1080 干克的飞机,其最大加速度为5m/s²,若机翼长宽分别为燕子翅膀长宽的20和15倍,则此飞机起飞的融資至少要多长?
- 6. 某病人心脏在一次轉动中可泵出血液 72ml,每分钟轉动 80 次. 医院为对他进行诊断检查,把,种不透出血管的试剂 12mg,由静脉一次注射进入体内,经一定时间后再抽取血样检查,发现该试剂浓度已稳定在 3mg/l,试计算该病人全部循环血量通过心脏一次需多长时间。
- 7. 借助于物理学,人们可以了解到无法用仪器直接测量的物理量,使人类对自然界的认识更完善,现已知太阳光经过时间。到达地球,光在真空中的传播速度为 $\epsilon$ ,地球统太阳的轨道可以近似认为是圆,地球的半径为 $\epsilon$ ,地球赤道表面的重力加速度为 $\epsilon$ ,地球统太阳运转的周期为 $\epsilon$ ,试由以上数据及你所知道的物理知识推算太阳的质量 $\epsilon$  从的场景和之比 $\epsilon$
- 8. 晴天晚上,人能看见卫星的条件是卫星被太阳照着且在人的视野之内,一个可看 成漫反射体的人造地球卫星的圆形轨道与赤道共面,卫星自西向东运动,春分期间太阳 垂直射赤道,赤道上某处的人在日蒂后 8h 在西边的地平线附近恰能看到它,之后极快地 变暗而看不到了.已知地球的半径  $R_c = 6.4 \times 10^6 \, \mathrm{m}$ ,地球表面重力加速度  $g = 10 \, \mathrm{m}/\mathrm{s}^2$ ,估 售,(1)卫星轨道高地面的高度;(2)卫星的玻度大小。
- 9. 如图 5-1-12 所示,长木板 ab 的 b 端固定 挡板,木板连同挡板的质量为 M=4. 0kg,a,b 间距离 s= 2.0m. 木板位于光滑水平面上,在木板的 a 端有一小物



图 5 1 12





块,其质量m-1.0kg,小物块与木板间的动摩擦因数 $\mu=0.1$ ,它们都处于静止状态,现令小物块以初速 $v_1=4.0$ m/s沿木板间前滑动。直到和挡板相碰,碰撞后,小物块恰好回到 a 端而不脱离木板,求碰撞过程中损失的机械能.

## 等 茶素与提

- 1. B(①式是物体的平均速度与末速度的关系是速度随时间均匀变化的规律,不能用 在速度随位移均匀变化的过程中,这显然是错误的,导致最后的结果是错误的,位移、时间关系都没有错)
- 2. B(风对风筝的作用力与风筝平面垂直,有一个向上的力,风筝有向下的重力,绳子的拉力只能在风筝面的垂线和水平线之间的范围内才可能平衡,这因为物体受上力平衡,三个力不能在一条直线的同一侧,否则不能平衡。A 图中的绳拉力与风力在同一条直线上,而重力不在这条直线上,不可能平衡;B 图有可能;C 图中的绳子拉力与竖直重力同向,而风力不在这条直线上,D 图风筝不受风力作用,风筝平面与风力平行)
- 3. 由题意可知吸盘面积为  $S=\frac{\pi d^2}{4}$ ,由于吸盘与墙面之间无空气,所以墙面与吸盘间的压力为  $N=p_oS=\frac{\pi d^2p_o}{4}$ ,吸盘与墙面之间的最大静摩擦力为  $f_{max}=kN$ ,所以盘面与该墙面间的最大静摩擦因数  $k=\frac{f_{max}}{N}=\frac{4f_{max}}{\pi d^2}$   $p_o=0$ ,  $p_o=1$
- 4. 如图 5-1-13 所示,作出冰块被挤向船底的时受力图,N 是船体对冰块的压力,f 是冰块向船底时的摩擦力。F 是周围冰块对它的挤压力、冰块受到的重力与浮力的合力很小。相对以上:力可忽略不让,由受力图可别。Fsin9 分量越大。<math>Fcos9 分量越小。从而使<math>f 变为滑动摩擦力,即  $tan \theta = \int_{M} = \mu$ ,所以,为使压碎的冰块被挤向船底,船壁与竖直平面间的



图 5-1-13

倾斜角必须满足 θ>β = arctange

5. 由  $F = ksv^2$  , 对小型 ;  $m_1g = Kabv_1^2$  ; 对飞机 ;  $m_2g = K \times 20a \times 15bv_2^2$  , 得  $v_2 = \sqrt{\frac{m_2}{300m}}v_1 = 72\text{m/s}$  ,  $v_2^2 = 2as$  ,觀道长至少  $s = \frac{v_2^2}{2a} = \frac{72^2}{2 \times 5}\text{m} = 518.4\text{m}$  .

6. 由題意可知,病人心脏每分钟搏动 80 次,每次泵血 72ml,则每分钟泵血量  $V=nV_0$   $=80\times72$ ml=5760ml=5,  $76\times10^{-3}$ m², 已知试剂质量为 12mg,且在血液中循环不能渗透到血管外的组织中,试剂浓度  $\rho=3$ mg/l 是保持稳定不变的,因此血液循环系统的血量  $V_M=\frac{m}{\rho}=4\times10^{-3}$ m²,则心 脏泵 完全部循环血量  $V_M$  所需的时间  $t=\frac{V_M}{V}=4\times10^{-3}$ 

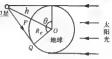
 $\frac{4 \times 10^{-3}}{5.76 \times 10^{-3}} \text{min} = 41.7s.$ 

7. 设地球绕太阳公转的半径为 r,周期为 T,它们之间的万有引力提供向心力,有  $\frac{GMm}{r^2} = m \cdot \left(\frac{2\pi}{\Gamma}\right)^2 r$ ,由题意有 r = ct。即  $M - \frac{4\pi^2}{G\Gamma^2}$ ,地球上物体的重力加速度就 是  $g = \frac{Gm}{D^2}$ ,即  $m = \frac{gR^2}{D^2}$ ,即可得  $\frac{gR}{M} = \frac{gR^2}{D^2}$ ,是  $\frac{3\pi^2}{2}$   $\frac{3\pi^2}{2}$   $\frac{3\pi^2}{2}$ 



由魯可知

8. (1) 由題意作出赤道上某处的人在日落后 卫星8h 在西边的地平线附近恰能看到卫星的示意图如 图 5 1 14 所示,其中  $\theta=\frac{2\pi}{24}\times 8=\frac{2\pi}{3}$ , $\frac{\theta}{2}=\frac{\pi}{3}$ ,



$$R_{e} + h = \frac{R_{e}}{\cos{(\theta/2)}} = 2R_{e}, h = R_{e};$$

(2)卫星做圆周运动,万有引力提供向心力,有 $\frac{GMm}{(R+b)^2} = \frac{mv^2}{R+b}$ ,地球表面

物体重力是万有引力,  $m_g = \frac{GMm}{R^2}$ ,由(1)知  $h=R_e$ ,可得  $v=\sqrt{\frac{gR_e}{2}}=5$ .6km/s.

9. 小物块以初速  $v_0=4$ . 0m/s 沿木板向前滑动,直到和挡板相碰。碰撞后,小物块恰好回到 a 端而不脱离木板,这一全过程中小物块和长木板在水平方向上不受外力,它们从速度不相同达到速度相同,相当于是完全非弹性碰撞,全过程损失的机械能(即损失的动能)等于克服摩擦力做功( $2fs-2\mu ngs$ )和碰撞时损失的机械能  $\Delta E$  之和,由动量守恒有  $mv_0=(M+m)v$  由能量守恒有  $\frac{1}{2}nv_0^2=\frac{1}{2}(M+m)v^2+2\mu ngs+\Delta E$ 

由以上两式解得  $\Delta E = \frac{1}{2} m v_0^2 \cdot \frac{M}{M+m} - 2 \mu m g s$  代人数据后得  $\Delta E = 2.4 J$ .

## 5. 2

### 电学中的建模



#### 解释方法指导

[分析] 质点只在静电力的作用下以恒定速率沿圆弧运动,说明质点在做勺速圆周运动,受到的电场力指向圆心,显然圆心处有带异种点电荷,质点的动能不变,说明电场力不做功,由点电荷的电场特点可知,以点电荷为圆心的圆弧上各点的电势射等,故 A.B.阿点的电势差为零.质点做勾速圆周运动的向心力是电场力提供,由牛顿第二定律可知:

$$F=qE=rac{mv^{\parallel}}{R}=rac{mv}{S/ heta}=rac{mv^2 heta}{S}$$
,解得  $E=rac{mv^2 heta}{Sq}$ 

$$[\clubsuit \clubsuit] \quad 0 \quad \frac{mv^2\theta}{Sa}$$

「砰折」本题用点电荷的形成电场的物理模型进行求解是完全正确。

[閏2] 一质量为 m, 电量为 e 的帶电粒子在磁感应强度为 B 的勾强磁场中做圆周运动, 其效果相当于一环形电流, 则此环形电流的电流强度为\_\_\_\_\_\_.





[分析] 带电粒子在勾强磁场中做匀速圆周运动是洛仑兹力提供向心力,运动的周期为T, 有 $e^{\frac{2\pi r}{r}}B = m\frac{4\pi^2}{r}r$ ,  $T = \frac{2\pi r}{r}$ , 由电流的定义式可知  $I = \frac{e}{r} = \frac{e^2B}{r}B$ 

 $\begin{bmatrix} \blacksquare \blacksquare \end{bmatrix} \frac{e^2 B}{2 - m}$ 

「彈箭」 本额就是用电流物理模型代替带电粒子运动的产生的效果。

[門3] 如图 5-2-1 所示,在真空中造 度为 v=6,4×10<sup>7</sup>m/s 的电子束连续地射到 m v

加上50Hz的交流电压 $u=U_0$ sined,如果所加电压的最大值超过某一值 $U_c$ 时,将会出现下列情况;电子束有耐能通过两极板,有时间中断,不能通过两极板、尽

(1)Uc的大小.

 $(2)U_0$ 为何值时,使通过的时间 $(\Delta t_{ii})$ 与间断的时间性 $(\Delta t_{ii})$ 之比为 2:1.

电子通过极板的时间为
$$t - \frac{L}{v} - \frac{8.0 \times 10^{-2}}{6.4 \times 10^7}$$
s = 1.25 × 10<sup>-9</sup> s  $\ll T$ 

故在,时间内可以认为电子受到的电场力是恒力(用不变代警变化),电子在电场中 的运动是类平抛运动(平抛运动就是一种物理模型),在与极板垂直的方向上,有

$$y = \frac{1}{2}\alpha^2$$
 ##  $p = \frac{eE}{m} = \frac{eU_C}{md}$   $p = \frac{d}{2}$   $t = \frac{L}{v}$ 

由以上四个关系式得  $U_C = \frac{m d^2 v^2}{dL^2}$ 

然后将 m=9.1×10 31 kg,e=1.6×10-15C 以及题中的已知量代人后,可得

$$U_C = \frac{9.1 \times 10^{-31} \times 0.005^2 \times 6.4^2 \times 10^{14}}{1.6 \times 10^{-19} \times 0.08^2} V \approx 91V \quad (电子穿过电场的临界压电值)$$

(2)由(1)中的计算可知,当所加交变电压瞬时值大于 $U_c$ 时,电子來不能通过平行板而打在极板上,当电压瞬时值小于 $U_c$ 时,电子來才可以通过平行板。相应的通过和问期时间如图 5-2-2 所示。由于对称性那就意味着在四分之一的周期内通、断的时间关系所对应的相位如图所示。



$$\theta = \frac{\pi}{2} \cdot \frac{2}{2} = \frac{\pi}{2} = \omega t$$

$$U_C = U_0 \sin \omega t = U_0 \sin \theta = U_0 \sin \pi/3$$
  $U_0 = \frac{U_C}{\sin \frac{\pi}{3}} - \frac{91}{\sqrt{3}} V - 105 V$ 





#### 变,这一方法在变化的电场中经常用到.

#### 「图 4] 阅读如下资料并回答问题:

自然界中的物体由于具有一定的温度。会不断地向外辐射电磁波,这种辐射因与温度有关, 称为热辐射, 热辐射具有如下特点;①辐射的能量中包含各种波长的电磁波;②物体温度越高,单位时间从物体表面单位面积上辐射的能量越大;③在辐射的总能量。 急辩证长所占的百分比不同。

处于一定温度的物体在向外辐射电磁能量的同时,也要吸收由其他物体辐射的 电磁能量,如果它处在平衡状态,則能量保持不变.若不考虑物体表面性质对辐射与 吸收的影响,我们定义一种理局的物体,它能100%地吸收入射到其表面的电磁辐射, 这样的物体称为黑体,单位时间内从黑体表面单位面积辐射的电磁波的总能量与黑 体绝对温度的四次方成正比,即P<sub>6</sub>=6T<sup>6</sup>,其中6=5.67×10 <sup>8</sup>W/(m<sup>6</sup>·K<sup>4</sup>),

在下面的问题中,把研究对象都简单地看作黑体.

有关数据及数学公式:太阳半径  $R_S=696000$ km,太阳表面温度 T=5770K,火星 半径 r=3395km. 球面积  $S=4\pi R^2$ ,其中 R 为粜半径.

- (1)太阳燕輻射能量絶大多數集中在波长为  $2\times10^{-7}$ m $\sim1\times10^{-5}$ m 范围内, 宗相应 頻单范围。
  - (2)每小时从太阳表面辐射的总能量为多少?
- . (3)火星受到来自太阳的辐射可认为垂直射到面积为 n²(r为火星的半径)的圆盘上,已知太阳到火星的距离的为太阳半径的 400 倍,忽略其他天体及宇宙间的辐射, 诚估算火星的平均温度.

[分析] (1) 
$$\nu = \frac{\epsilon}{\lambda}$$
 代人数据得  $\nu_1 = 1.5 \times 10^{15}\,\text{Hz}$  ,  $\nu_2 = 3.0 \times 10^{13}\,\text{Hz}$ 

所以, 辐射的频率范围为 3.0×1013 Hz~1.5×1015 Hz.

- (2)单位时间内从黑体表面单位面积辐射的电磁波的总能量与黑体绝对温度的四次 方成正比。即 $P_c = 6T^*$ ,那么,每小时从太阳表面辐射的总能量为 $W = P_c S_t$ ,其中太阳表面积 $S_c = 4\pi R^*$ , $W = P_c S_t = 4\pi R S_c^* T^*$  t 代入数据得W = 1, $38 \times 10^{10}$  1
- (3)太阳向空间各方向輻射能量是各向同性,太阳、火星相 对位置如图 5-2 3 所示、火星单位时间内吸收的能量是太阳单位时间内辐射能量的 zer 倍.

设火星表面温度为 T',太阳到火星距离为 d,火星单位时间内吸收来自太阳的辐射能量为  $P_o = 4\pi 0 R_b^2 T^4 \cdot \frac{\pi r^2}{4-r^2}$ 

吸收来自太阳的辐射能量为  $P_m = 4\pi \delta R_s^2 T^4 \cdot \frac{\pi r}{4\pi c}$ 将  $d^{-400}R_s$ 代人上式后得  $P_m = \frac{\pi \delta T^4 r^2}{400^2}$  LA PARTIES AND THE PARTIES AND

图 5-2-3

火星单位时间内向外辐射电磁波为  $P_{oo}=4\pi 6r^2T'^4$ ,火星处在平衡状态  $P_{o}=P_{ost}$ . 即 $\frac{\pi \delta T'^4r'}{400^2}=4\pi \delta r^2T'^4$  所以,火星的平均温度  $T'=\frac{T}{\sqrt{600}}=204$ K

[釋析] 根据已有的物理能力和题设中交代的信息,对太阳辐射建立模型.





[內5] 正电子发射计算机断层(PET)是水平上的 人体功能显像的国际领先技术,它为临床诊断和治疗提供 分析的平衡。

- (1)PET在心脏疾病诊疗中,需要使用放射正电子的 同位素類 13 示除剂 數 13 是由小型回旋加速器輸出的高 速质子轰击戰 16 获得的,反应中同时还产生另一个粒子, 试写出該核反应方程。
- (2)PET 所用回旋加速器示意图如图 5-2-4 所示,其 中置于高真空中的金属 D 形盒的半径为 R,两盒间距为 d,在左侧 D 形盒圆心处放有粒子源 S,匀强磁场的磁感

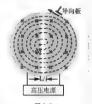


图 5-2-4

应强度为 B,方向如图所示。质于质量为 m、电荷量为 q、设质子从粒子源 S 进入加速 电场时的初速度不计。质子在加速器中运动的总时间为 t(其中已略去了质子在加速 电场中的运动时间),质子在电场中加速次数与回旋半周的次数相同,加速电子时的 电压大小可视为不变. 求此加速器所需的高频电源频率 f 和加速电压 U.

(3)減推证当 R≫d 时, 质子在电场中加速的总时间相对于在 D 形盒中回旋的总时间可忽略不计(质子在电场中运动时,不考虑磁场的影响).

[分析] 解法一:(1) H+160→13N+1He

(2)质子在匀强磁场中做匀速圆周运动(匀速圆周运动模型)周期和半径分别为  $T\simeq \frac{nm}{aB}$   $r=\frac{m}{aB}$ 

由于 D 形盒的半径 R 一定,说明质子离开磁场的动能一定,

质子离开磁场动能为  $E_{lemax} = \frac{(RqB)^2}{2}$ , 与此对应最大速度  $v_{lmax} = qBR$ 

质子在加速器中运动的总时间为 t(其中略去了质子在加速电场中的运动时间),质子在电场中加速次数与回旋半周的次数相同,质子在磁场中回旋加速的次数为  $n=\frac{t}{T/2}$ 

$$=rac{qBt}{\pi m}$$
,由能量守恒可知  $E_{
m konex}=rac{(RqB)^2}{2m}=nqU=rac{q^2BtU}{\pi m}$  解得  $U=rac{\pi R^2B}{2t}$ 

此加速器所需的高频电源频率 f 为  $f = \frac{1}{T} = \frac{qB}{2\pi m}$ 

(3)质子在电场中运动时,由于开始是做初速度为零的匀加速运动,每回旋一次,只改变速度和加速度方向,若不考虑回旋,相当于质子一直微匀加速运动(将分段的加速运动等效为一个连续的匀加速运动的物理模型)

即 
$$nd \cdot \frac{1}{2}at'^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{qU}{md}t'^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{qt'^2}{md} \cdot \frac{\pi BR^2}{2t}$$
,由此太可得  $t'^2 = \frac{4mt}{\pi qB} \cdot \frac{d^2}{R^2} \cdot \frac{qBt}{\pi^m} = \frac{4}{\pi^2} \cdot \frac{d^2}{R^2} \cdot t^2$ 

即得  $\frac{t'}{t} = \frac{2}{\pi} \cdot \frac{d}{R}$ ,此式说明当  $R \gg d$  时, $t \gg t'$ ,t' 相对 t 可忽略不计.





解法二:匀加速总时间为t',2 $nd = \frac{v_{max}}{2}t'$ ,回旋时间为t, $t = nT - n\frac{2\pi R}{v_{max}}$ 

 $\frac{t'}{t} = \frac{2d}{\pi R}$ , 当  $R\gg d$ ,  $t\gg t'$ , t' 相对 t 可忽略不计.

「理新」 解決 一中機型公典。计算间歇的加速时间和回旋时间解決新羅、简格

[**两6**] 图 5-2-5 是导航式电磁炮实验装 置示意图,两要根平行长直金属导航沿水平方 向固定,其间安放金属滑块(即实验用弹丸),滑 块可沿导航无摩擦滑行,且始终与导航保持良



舒接触,电源提供的强大电流从一根导轨流入,经过滑块,再从另一导轨流回电源,滑块棒导轨中的电流形成的磁场推动而发射,在发射过程中,该磁场在滑块所在位置始标可以简化为匀强磁场,方向垂直于版面,其强度与电流的关系为 B=kI,比例常数  $b=2.5 \times 10^{-4} \Gamma/\Lambda$ .

已知两导航内侧间距 L=1.5cm, 滑块的盾量 m=30g, 滑块会沿导航滑行 5m 后获得的发射速度 v=3.0m/s(此过程视为匀加速运动)

- (1) 求发射过程中电源提供的电流强度;
- (2)若电源輸出的能量有4%转换为滑块的动能,則电源輸出功率和輸出电压各 是多少?
- (3)若此滑块射出后随即以速度v沿水平方向击中放在水平面上的砂箱,它嵌入砂箱的深度为≤,设砂箱质量为M,滑块质量为m,不计砂箱与水平面之间摩擦,水滑块砂粉箱平均冲击力的表达式。
- [分析] (1)由勾加速运动公式  $a=\frac{v^F}{2s}=9\times 10^s \text{ m/s}^2$ ,由安培力公式和牛顿第二 定律有F=1Bl,kFl=ma,因此  $I=\sqrt{\frac{mu}{kH}}=8.5\times 10^s \text{ A}_1$ 
  - (2)滑块获得动能是电源输出能量的 4%,即  $P\Delta t \times 4\% = \frac{1}{2}mv^2$

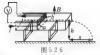
发射过程中电源供电时间  $\Delta t = \frac{v}{a} = \frac{1}{3} \times 10^{-2} \text{ s}$  ,所需电源输出功率  $P = \frac{\frac{1}{2}mv^2}{\Delta t \times 4\%}$   $1.0 \times 10^3 \text{ W}$  功率 P = UI 。 傾得輸出由  $EU = \frac{P}{2} = 1.2 \times 10^3 \text{ V}$  :

- $-1.0 \times 10^{3}$  W 功率 P=UI,解得輸出电压  $U=\frac{P}{I}=1.2 \times 10^{3}$  V;
- (3)砂箱和滑块所组成的系统在水平方向不受外力,滑块与砂箱的相互作用相当于 是完全非弹性磁撞(物理模型)

由 动量守恒 mv=(m+M)V 由能量守恒有  $\tilde{f}s'=\frac{1}{2}mv^t-\frac{1}{2}(M+m)V^t$  由以上两式解得,平均冲击力  $\tilde{f}=\frac{M}{M+m} \cdot \frac{mv^t}{2s'}$ .



[助7] 如图 5-2-6 所示为利用电磁作用輸送非导电液体装置示意图。一边长为 L, 截面为正方形的塑料管道水平改置。其右端面上有一截面积为 A 的小喷口、喷口离地的高度为 h, 管道中一绝缘活。某个漆的的两城与一电压表相连, 禁个装置放在管



直向上的匀强磁场中,当棒α中通有垂直于纸面向里的恒定电流 I 时,活塞向右匀速 推动液体从喷口水平射出,液体落地点离喷口的水平距离为 5. 若液体密度为 ρ,不计 所有阻力。

- 求:(1)活塞移动的速度;
- (2) 该装置的功率;
- (3)磁感应强度 B 大小;
- (4)若在实际使用中发现电压表的读数变小,试分析其可能的原因.

[分析] 活塞在 a 棒受到向右的安培力的推动下向右移动将液体从喷口射出,由于液体不可压缩。活塞推动液体的流量与从喷口出来的流量相同。从喷口射出的液体做平抛运动。该装置的功率就是从喷口射出液体动能的增量与对应时间的比值。

(1)设液体从喷口水平出射速度 v,活塞移动速度 v,流量相同,wA=vL2

喷出液体做平抛运动:水平方向  $s = v_0 t$  , 竖直方向  $h = \frac{1}{2}gt^2$ 

解得 
$$v_{\cdot}=s\sqrt{\frac{g}{2h}}$$
 代人流量相同表达式得  $v=\frac{A}{L^{2}}v_{\cdot}=\frac{As}{L^{2}}\sqrt{\frac{g}{2h}}$ 

(2)设装置的功率为 P.在  $\Delta t$  时间内有  $\Delta m$  质量的液体从喷口射出,由动能定理有  $P\Delta t = \frac{1}{2\pi} \Delta m(\tau t' - \tau')$ ,  $\Delta m = \rho L \cdot \nu \Delta t$ ,由以上两式可得

$$P = \frac{1}{2} \rho L^{i} v(v^{2} - v^{\epsilon}) = \frac{1}{2} \Delta \rho \left(1 - \frac{A^{2}}{L^{i}}\right) v^{\epsilon} \qquad \text{fill } P = \frac{\Delta \rho \left(L^{i} - \frac{A^{\epsilon}}{2L}\right) \cdot s^{\epsilon} \left(\frac{g}{2h}\right)^{\frac{1}{2}}$$

(3)由能量守恒可知、
$$P = F_B v$$
、 $\frac{1}{2} d^2 v \left(1 - \frac{A^2}{L^4}\right) v_b^2 = BILv$   
 $B = \frac{\rho v^2 (L^4 - A^2)}{2H^3} = \frac{\rho (L^4 - A^2) s^2 g}{4 B L^3}$ 

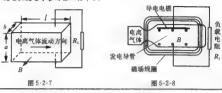
(4)电压表上读数为感应电动势大小U BLv,喷口液体的流量减少,活塞移动的速度减小,或磁场变小等会引起电压表读数变小,

[**砰析**] 安培力推活塞移动将水喷出这一物理模型是理解题意的要点. 本题属于过程模型。





- (1)不存在磁场时电离气体所参摩擦阻力下的大小。
- (2)磁流体发电机的电动势 E 多大?
- (3) 磁液体发电机发电异管的输入功率 P.



[分析] 解法 : 电离气体进入发电导管后,没有磁场中,气体在导管中保持勾速流动的条件是外加的压力差与电离气体受到的阻力平衡;加有磁场后,由于电离气体在上、下两个极板之间有定向的电流,该电流受到安培力与电离气体的流动方向相反,所以,电离气体的匀速流动的条件是导管两端的压力差与电离气体所受的阻力和安培力的合力平衡,本题导管中匀速流动的气体沿流动方向上是合外力为零的平衡态.

- (1)不存在磁场时,由力的平衡得 F=ab△p
- (2)设磁场存在时气体的流速为 v. 则磁流体发电机的电动势为 E=Bav

回路中的电流 
$$I=rac{Bav}{R_L+
horac{a}{lb}}$$
,电流受到的安培力为  $F_B=lBa=rac{B^2a^2v}{R_L+
horac{a}{lb}}$ 

议 F' 为磁场存在时的摩擦阻力,由题意可知  $\frac{F'}{F}=\frac{v}{v_C}$  得  $F'=\frac{v}{v_C}$   $ab\Delta p$ 

存在磁场时,由力的平衡有  $ab\Delta p = F_B + F'$  将安培力和摩擦阻力代人后得

$$ab\Delta p = \frac{B^2 a^2 v}{R_L + \rho \frac{a}{lb}} + \frac{v}{v_e} ab\Delta p \qquad \text{if} \quad v = \frac{w}{1 + \frac{B^2 av_c}{b\Delta \rho (R_L + \frac{\rho a}{lb})}}$$

磁流体发电机电动势  $E-Bav-\dfrac{Bau}{1+\dfrac{B^2au}{b\Delta\rho(R_t+\dfrac{\rho\alpha}{u})}}$  (对流动的气体建立平衡模型)

(3)磁流体发电机发电导管的输入功率 P=abvΔp

将速度
$$v$$
表达式代人后得 $P=ab\Delta p \cdot v=rac{ab\Delta p w}{1+rac{B^2 a w}{b\Delta p (R_L+rac{\rho a}{lb})}}$ 





由能量守恒有 めム
$$p \cdot v = \frac{E'}{R} + F'v$$
 即 め $\Delta p \cdot v = \frac{(Bav)^2}{R_L + \frac{\rho a}{lb}} + ob\Delta p \cdot \frac{v}{v_C} \cdot v$ 

解得 
$$v=-\frac{v_c}{1+\frac{B^2av_c}{b\Delta\rho(R_L+\frac{\rho a}{b})}}$$
,磁流体发电机电动势  $E=Bav=\frac{Bav_c}{1+\frac{B^2av_c}{b\Delta\rho(R_L+\frac{\rho a}{b})}}$ 

[异析] 解决一县力的平衡杰、解决二县能量的平衡杰、平衡杰县本题的物理模利

[四9] 如图 5-2-9 所示, OACO 为胃干水平面内的 光滑闭合金属导轨,O,C处分别接有短电阻丝(围中用粗 线表示),R<sub>1</sub>=4Ω,R<sub>2</sub>=8Ω(导轨其他部分电阻不计),导 執 OAC 的形状满足  $y=2\sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)$  (m), 磁感应强度 B

=0.2T 的匀强磁场方向垂直干导轨平面。一足够长的金

属棒在水平外力F作用下,以恒定的速率 v=5.0m/s 水平向右从 O 点滑动到 C 点,不, 计棒的电阻 皮。

- (1)外力F的最大值.
- (2)金属棒在导轨上运动时电阻丝 R, 上消耗的量大功率。
- (3)在漫动过程中通过全层棒的电流 1 与时间 t 的关系。

[分析] 导轨 OAC 的形状满足  $y = 2\sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)$  (m), 金属棒切割磁感线的有效长 度将隨导軌宽度的变化而变化,即感应电动势  $e=BLv=Byv=2Bv\sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)(V)$ ,其 中x = u,代人后得 $e = 2Bvsin\left(\frac{\pi}{2}u\right)(V)$ ,该式说明感应电动势随t变化的规律,它与 线圈在匀强磁场中产生的正弦交流电的表达式相同,也就是正弦交流电(物理模型).

(1)电阻中的总电阻 
$$R=rac{R_1R_2}{R_1+R_2}=rac{8}{3}\Omega$$
,感应电动势最大值  $E_{\max}=2$ V,  $I_{\max}=rac{E_{\max}}{R}$  =  $rac{3}{4}$  A

金属棒匀速运动, $F_H = F_{\psi}$ , $F_{H max} = F_{\psi max} = I_{max} \nu_{max} B = 0.3N$ :

- (2)金属棒在导轨上运动时电阻丝  $R_1$  上消耗的最大功率  $P_{\text{lmax}} = \frac{E_{\text{max}}^2}{D} = 1W$ ;
- (3)金属棒与导轨接触点间的长度为  $L=y=2\sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)$ m,  $e=2Bv\sin\left(\frac{\pi}{2}vt\right)$ (V)

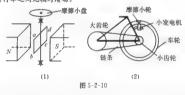
所以 
$$i = \frac{e}{R} = \frac{Bv}{R} \cdot 2\sin\left(\frac{\pi}{3}vt\right) = \frac{3}{4}\sin\left(\frac{5\pi}{3}t\right)A.$$

[坪桥] 由于轨道的形状是正弦变化规律,从而使金属棒切割磁感线的有效长度也 是正弦规律,产生的感应电动势也是正弦变化规律,有了这样的物理模型,利用正弦交流 电的规律进行求解就显得水到渠成,





[910] 曾經流行过一种向自行车车头打供电的小型交流发电机,图 5-2-10(1) 为其結构示意图. 图中 N, S是一对图定的磁板,abcd 为图定在转轴上的矩形线框,转轴过 b 边中点、与 ab 边平行。它的一城有一半径  $r_0$ —1.0 cm 的摩擦小轮,小轮与自行车车轮的边缘相接触,如图(2) 所示. 当车轮转动时,因摩擦而带动小轮转动,从而使线框在磁板间转动,设线框由 N=800 医导线圆组版,每医线圆的面积 S=20 cm²,磁板间的磁场可视作习强磁场,磁感应强度 B=0.010T,自行车车轮的半径  $R_1$ =35 cm,小齿轮的半径  $R_2$ =4.0 cm,大齿轮的半径  $R_1$ =10.0 cm,见图(2). 现从静止开始使大价容验验。将以直轮的角边度为多大才能使发电机输出电压的有效值U=3,2 V? (假定摩據小龄占自行生之间至和排泄动)



[分析] 线框在勾强艦場中转动时产生的是正弦交流电、其感应电动势的最大值为  $E_m = NBS_{\omega}$ ,有效值  $U = \frac{NBS_{\omega}}{G}$ ,可得  $\omega = \frac{\sqrt{2U}}{NBS} = 283 \text{ rad/s}$ .

线框与摩擦小轮同轴转动,角速度均为 $\omega$ 。摩擦小轮与车轮的线速度相等。它们角速度之比与半径成反比,车轮与小齿轮同轴转动,角速度 $\omega$ /相等,大齿轮与小齿轮由链条带动,线速度相等。大齿轮的角速度 $\omega$ / 与小齿轮的角速度 $\omega$ / 之比与它们的半径成反比,即有 $\omega$ / =  $\frac{R_1}{\omega}$  =  $\frac{R_2}{\Omega}$ , 由以上两式可得 $\omega$ / =  $\frac{R_2}{R_2}$  •  $\frac{R_2}{\Omega}$  •  $\omega$  = 3. 23 rad/s.

[坪壽] 本題的难点是理解图 5-2-10 中图(2)的传动部分的关系,由图读取的信息是;

- ①摩擦小轮的线速度与车轮的线速度相等;
- ②车轮与小齿轮的角速度相等;
- ③小齿轮与大齿轮的线速度相等.

这三点信息是求解的关键,要读取这三点信息,必须明确,依靠摩擦转动、齿轮转动和皮带转动的装置是线速度相等;同轴转动是角速度相等.

本题是交变电流与圆周运动两物理模型的综合应用

### 眼腺训练

1. 超导材料电阻降为零的温度为临界温度,1987 年我国科学家制成的临界温度为 90K 的高温超导材料.



(1)上述临界温度对应的摄氏温度为

A. 100°C

B -100℃

C. - 183°C

D. 183°C

(2)利用超导材料零电阻的性质,可实现无损耗输电,现有一直流电路,输电线的总 电阻为 0.4Ω,它提供给用电器的电功率为 40kW,电压为 800V. 如果用临界温度以下的 超导电缆代替原来的输电线、保持供给用电器的功率和电压不变,那么节约的电功率为

A. 1kW

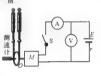
B 1.6×103kW

C. 1.6kW

D 10kW

2. 精密测量电子的荷质比 e/m 的现代方法之一是双电容器法,其装置如图 5-2-11 所示,在真空管中由阴极 K 发射电子,其初动速度可以忽略不计,此电子被阴极 K 与阳极 A 间的电场加速后穿过屏障  $D_1$  上的小孔。然后顺序穿过电容器  $C_1$  ,屏障  $D_2$  上的小孔和第二个电容器  $C_1$  ,所附到荧光屏 F 上. 阳极与阴极间的电势差为  $U_1$  分别在电容器  $C_1$ 、 $C_2$  上加有频率为 f 的完全相同的交流电压、 $C_1$ 、 $C_2$ 之间的距为  $L_1$ 选择频率 f 使电子束在荧光屏上的亮点不发生偏转,试求电子的荷质比为  $\frac{e}{L}$ .





网 5-2-11

图 5-2-12

- 3. 如图 5-2-12 所示,直流电动机 M 串联在直流电路中,其轴与圆盘中心 O 相连,圆盘 华径 R=5.0 cm,一皮带绕过圆盘边缘,两端通过弹簧杆拉紧,开关 S 断开,电压表的读敷为 12.6V,开关 S 闭合后,使两弹簧秤的读数之差保持 2.0N,这时电流表的读数为 2.00A,电压表的读数为 12.0V 测读计测得圆盘的角速度 ω=180rad/s,求
  - (1)电动机输出功率、效率各为多少?
- (2)拉紧皮带使电动机停转片刻,此时电压表、电流表的读数各为多少? 电动机输入 功率为多大?
- 4. 如图 5-2-13 所示,在直角坐标 xOy 内,有一质量为 m、带电量为+q 的粒子从原点 〇沿 y 轴正方向以初速度 vs 出发,现要求该粒子能通过点 P(a、-b),试设计在粒子运动的 空间范围内加"电场"后并运用物理知识求解的一种简单、常规的方法,粒子的重力不计。
  - (1)说明粒子由 O到 P 的运动性质,并在图上绘出粒子的轨迹.
- (2)用必要的运算说明你设计的方案中相关物理量的表达式。(用题中的已知条件和 有关常数)







5. 在电场强度为 E 的匀强电场中,有一条与电场线平行的几何线,如图 5-2-14 所 示,几何线上有两个静止的小球 A 和 B(均可看作质点),两小球的质量均为 m, A 球带电 量+a.B球不带电,开始时两球距离为L.在电场力的作用下,A球开始沿直线运动,并与 B球发生正碰,碰撞中A、B两球的总动能无损失,设在各次碰撞过程中,A、B两球间无 电量的转移,不用考虑重力及两球间万有引力,求:

- (1)A 球经多长时间与B 球发生第一次碰撞?
- (2)第一次碰撞后,A、B 两球的速度各为多大?
- (3) 请猜测以后 A. B. 两球再次不断地碰撞的时间间隔会相等吗? 并对猜测的结论 进行论证, 如果相等, 请计算出时间间隔 T, 如果不相等, 请说明理由,
- 6. 有一个滴示实验,在上下面都是金属板的玻璃盒内, 放了许多用锡箔纸揉成的小球,当上下板间加上电场后,小 球就上下不停地跳动, 现取以下简化模型进行定量研究,

如图 5-2-15 所示,电容量为 C 的平行板电容器的极板 A 和 B 水平放置, 相距为 d, 与电动势为 ε, 内阳可不计的电 源相连,设两板之间只有一个质量为 m 的导电小球,小球可

图 5-2-15

视为质点,已知,若小球极板发生碰撞,则碰撞后小球的速度立即变为零,带电状态也立 即改夺,改变后,小球所带电荷符号与该极板相同,电量为极板电量的 a(a≪1). 不计带电 小球对极板间匀强由场的影响, 重力加速度为 g.

(1)欲使小球能够不断地在两板间上下往返运动,电动势∈至少应大于多少?

- (2)设上述条件已满足,在较长的时间间隔 T 内小球做了很多次往返运动,求在 T 时间内小球往返运动的次数以及通过电源的总电量,
- 已知某一区域的地下埋有一根与地表平行的直线电缆,电缆中通有变化的电流, 在其周围有变化的磁场,因此可以通过在地面上测量闭合试探小线圈中的感应电动势来 探測电缆的确切位置、走向和深度, 当线圈平面平行地面测量时, 在地面上 a, c 两处测得 试探线圈中的电动势为零,在b,d两处测得试探线圈中的电动势不为零;当线圈平面与 地面成 45°夹角时, 在 b、d 两处测得试探线圈中的电动势为零, 经过测量发现 a、b、c、d 恰 好位于边长为1下方形的四个面角上。如图 5-2-16 所示,据此可以判断地下电缆在

两点连线的正下方,高地表的深度为





图 5-2-16

图 5-2-17

图 5-2-18

8. 磁流体推进船的动力来源于电流与磁场间的作用, 图 5-2-17 所示是平静海面上 某实验船的示意图,磁流体推进器由磁体、电极和矩形通道(简称通道)组成,如图 5-2-18 所示,通道尺寸a=2.0m,b=0.15m,c=0.10m. 工作时,在通道内沿z轴正方向加B=8.0T 的匀强磁场;沿 x 轴负方向加匀强电场,使两金属板间的电压 U=99.6V,海水沿 > 轴方向渡过通道. 已知海水的电阻率  $\rho = 0.20\Omega \cdot m$ .





- (1)船静止时,求申源接通臘间椎讲器对海水椎力的大小和方向;
- (2)船以u = 5.0 m/s的速度匀速前进, 若以船为参照物,海水以 5.0 m/s的速率% 人进水口,由于通道的截面积小于进水口的截面积,在通道内海水速率增加到 7% = 8.0m/s. 求此时两金属板间的感应电动势 Uu;
- (3) 船行驶时,通道中海水两侧的电压按 $U'=U-U_m$  计算,海水受到电磁力的 80%可以转化为对船的推力,当船以 $v_i = 5.0 \text{m/s}$ 的速度匀速前进时,求海水推力的功率。

### 茶食与提示

- 1, (1)C(熱力学温度的零度是摄氏-273度,所以,90K 为-183℃)
- (2)A(輸电电流为  $I = \frac{P}{IJ} = \frac{40 \times 10^3}{800}$ A = 50A,输电线上损失功率  $P_R = I^2 R = 1$ kW).
- 2. 电子束在荧光屏上亮点不发生偏转条件悬电子经过电容器 C. 和 C. 时, 电场恰好 为零. 设电容电两极板间的电压  $u=U_0 \sin 2\pi ft$ , 电子从  $C_1$  到  $C_2$  需要的时间为  $\Delta t=L/v$ , 若电子在电容器  $C_1$  时电压为  $u_1=0$ , 电子到达电容器  $C_2$  电压  $u_2=0$ ,  $U_0$   $\sin 2\pi f t_1=$  $U_0 \sin 2\pi f(t_1 + \Delta t) = 0$ , 即:  $2\pi f t_1 = n_1 \pi$   $2\pi f(t_1 + \Delta t) = n_2 \pi, n_1, n_2$  均为整数,  $\frac{2fL}{2} = n_1 - \frac{1}{2}$  $n_2=n$  ,  $v=\frac{2fL}{n}$  , n 也是整数. 电子加速后动能为  $\frac{1}{2}mv^2=eU$  ,  $v^2=\frac{2eU}{m}=\left(\frac{2fl}{n}\right)^2$  , 即  $\frac{e}{n} = \frac{2f^2L^2}{n}$  (n 为正整数). 电子离开加速电场后的运动是匀速直线运动物理模型.
- 3.(1) 电动机的输出功率就是圆盘消耗的功率  $P = \Delta F \cdot \omega R = 18W$ , 电动机的机械 效率  $\eta = \frac{P}{tT} \cdot \% = \frac{18}{12.0 \times 2.00} \cdot \% = 75\%$ ,电动机内阻  $r' = \frac{UI - P}{I^2} = 1.5\Omega$ .
- (2)由題意可知电源电动势 E=12.6V,电源内阻  $r=\frac{E-U}{V}=0.3\Omega$ . 当电动机停转 片刻,此时电流表读数  $I_A = \frac{E}{1.5 + 0.3} A = 7.00 A$ ,电压表的读数为  $U_V =$  $E - I_{AF} = 10.5 \text{V}$ , 电动机的输入功率  $P_{A} = U_{C}I_{A} = 73.5 \text{W}$ .
- 4. 粒子在电场力的作用下能运动到 P 占, 最简单的方法是 備周周运动到 P 占, 连 OP, 作 OP 的垂直平分线交 z 轴与 O', 在 O 点处放 - 负电荷, 其电荷量为 g', 使粒子受到静电引力提 供向心力, 半径如图 5-2-19 中的 R, 粒子的轨迹就是图中的圆 弧,由图中的几何关系和盲角三角形勾股定理有



图 5-2-19

$$q' = \frac{(a^2 + b^2)mv_0^2}{2aka}$$

5. (1)A 球在电场力的作用下向 B 球方向加速,与 B 球碰撞前的瞬间速度为 vi,由 动能定理有  $\frac{1}{2}mv_1^2 = qEL$  得  $v_1 = \sqrt{\frac{2qEL}{m}}$ ,所经历的时间为  $t_1$ ,由动量定理  $qEt_1 =$ 

$$mv_1$$
  $\not = \frac{m}{qE} \cdot \sqrt{\frac{2qEL}{m}} = \sqrt{\frac{2mL}{qE}};$ 

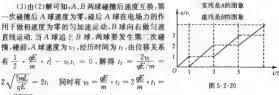
(2)A、B 两球碰撞,动量守恒,碰撞前后动能不变有(完全弹性碰撞) $mv_1 = mv_A$  +



5-2-20 所示

 $\frac{1}{2}mv_1^2 = \frac{1}{2}mv_{A1}^2 + \frac{1}{2}mv_{B1}^2$ ,由以上两式解得  $v_{A1} = 0$  和  $v_{B1} = v_1$  或  $v_{A1} = v_1$ 

和 vm = 0( \(\dagge \) 是碰前情况, 会夫). (3)由(2)解可知。A.B 两球碰撞后速度互换。第 一次碰撞后 A 球速度为零, 磁后 A 球在电场力的作 用下做初速度为零的匀加速运动,B 球向右侧匀速 直线运动, 当 A 球追上 B 球, 两球要发生第二次碰 槽,碰前,A球速度为v,,经历时间为t,由位移关系 有  $\frac{1}{2} \cdot \frac{e^{E}}{m} \cdot t_{1}^{2} - v_{1}t_{1} = 0$ ,解得  $t_{2} = \frac{2v_{1}}{e^{E}/m} =$ 



 $2\sqrt{\frac{2qEL}{A}}$ , A 球以速度  $v_2$ 与 B 球碰撞, 由于两球速

度互换,碰撞后,A 球以速度为 $v_{A2}=v_{B1}=v_1$ ,B 球速度为 $v_{B2}=v_2=2v_1$ ,两球速度同 向, A 球在电场力的作用下做初速度不为零的匀加速运动, B 球向右做匀速直线运动, 当 两球再次相遇时发生第三次碰撞,经历时间为ts,由位移关系有thts+10.0E.ts-2mts

= 0, 
$$t_2 = \frac{2v_1}{qE/m} = t_2 = 2t_1 = 2\sqrt{\frac{2mL}{qE}}$$
,此时A球速度 $v_2 = v_1 + \frac{qE}{m} \cdot 2t_1 = 3\sqrt{\frac{2qEL}{m}}$ ,

由以上计算说明每次两球碰撞之后的速度之差均为恒量  $\Delta v = v_1 = \sqrt{\frac{2qEL}{m}}$ ,所以,两球 碰撞的时间间隔为 -常數,即  $T=t_2=t_3=\cdots=2\sqrt{\frac{2ml}{aE}}$ . 请见 A、B 的 v t 图象,如图

- 6. (1)欲使小戏能够不断地在两板间上下往返运动,小戏在 B 板时获得电量受到的 电场力要大于重力才可能上跳,即  $qE = aQ \cdot \frac{\varepsilon}{4} = \frac{aC\varepsilon^2}{4} > mg$ ,即电源电动势  $\varepsilon > \sqrt{\frac{mgd}{C}}$ .
- (2)设上述条件已满足,在较长时间间隔 T 内小球做了很多次往返运动. 小球与电源 接触一次需要中和原带电量并重新获得等量的异种电荷,每次接触极板电量变化为 q= aCe 小球每往返一次,需要从电源获得电量 2q=2aCe. 小球上升的加速度为  $a_1$ ,下降的 加速度为 4, 上升过程中, 电场力向上, 重力向下, 下降过程中电场力和重力同向, 牛顿第 二定律可得  $a_1 = \frac{qE - mg}{r} = \frac{qCe^2}{r} - g$ ,  $a_2 = \frac{qCe^2}{r} + g$ , 小球上升的时间为  $t_1$ , 下降时间

为  $t_2$ ,无论上升或下降,小球均做初速度为零的匀加速运动,由  $d=\frac{1}{2}at^2$ , $t=\sqrt{\frac{2d}{a}}$ ,往 返一次时间  $t = t_1 + t_2 = \sqrt{\frac{2d}{a_1}} + \sqrt{\frac{2d}{a_2}} = d\left(\sqrt{\frac{2m}{\sigma(C_e^2 - msd)}} + \sqrt{\frac{2m}{\sigma(C_e^2 + msd)}}\right)$ ,在 T 内 往返次數  $n = \frac{T}{t} = \frac{T}{d\left(\sqrt{\frac{2m}{dCe^2 - med}} + \sqrt{\frac{2m}{aCe^2 + mgd}}\right)}$ 

通过电源总电量 qn = 2nq=  $d\left(\sqrt{\frac{2m}{dCo^2 - mad}} + \sqrt{\frac{2m}{aCo^2 + mad}}\right)$ 





A 板接触后带正电 aCe,说明:小球一次往返过程中接触电量变化量为 2aCe.小球的运动从电量的角度变进县一个搬运电荷的过程)

7. ac 0.71(试探线圈在电缆的正上方时、磁燃线与线 圈平方,线圈磁通量为零、试探线圈不在电缆的正上方。线 圈的磁通量不为零、当电流变化导效磁通量的变化时、线圈 中有感应电动势。当线圈平面与地面成 45 夹角时,在 b. d 两处测得试探线圈中的电动势为零说明线圈中的磁通量为 零,试探线圈与磁感线相切,如图 5-2-21 所示,由题图可 知,6到 ac 的距离为 0.71mm,所以图中,6-0.71m)

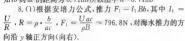




图 5-2-21

- 18m

图 5-2-22

(2) $U_{8} = Bv_{A}b = 9.6$ V.

(3)根据欧姆定律, $I_2 = \frac{U'}{R} = \frac{(U - Bv_A b)ac}{\rho b} = 600A$ ,推力 $F_2 = I_2 Bb = 720$ N. 对船的推力 $F = F_7 80\% = 576$ N,推为的功率 $P = F_{v_2} = 2880$ W.

### 高考思想篇

# UNEN 考点直击

年份	MILAN	考点
2009	江苏卷 T7 选择 4 分、理综 I T26 计算 21 分 天津理综 T12 计算 20 分、重庆 T24 计算 18 分 北京理綜 T24 计算 20 分、理综 I T24 计算 15 分	牛顿运动定律、匀变速运动 型 规律
2008	電庆卷 T20 选择 6 分、天津卷 T25 计算 22 分 汇基券 T13 计算 15 分,广东券 T17 计算 18 分	

### ●三考题探究

- A 如果立即做匀加速运动,在绿灯熄灭前汽车可能 通过停车线
- R 如果立即做匀加速运动,在绿灯熄灭前通过停车 维汽车一定超速
- C. 如果立即做勾减速运动,在躁灯熄灭前汽车一定不能通过停车线
- D. 如果距停车线 5m 处减速,汽车能停在停车线处





[分析] 绿灯熄灭前,汽车加速可达速度  $v_1=v_0+a=12\text{m/s}<12.5\text{m/s}$ ,位移为  $s_1=\frac{v_0+v_1}{2}t-20\text{m}>18\text{m}$ ;如果立即做匀减速运动,绿灯熄灭前,汽车减速时间  $t_2-\frac{v_0}{a}$ 

 $\sim 1.6 s < 2.0 s$ ,減速位移  $s_2 = \frac{v_0}{2} t_2 = 6.4 m < 18 m$ . 所以 AC 正确.

#### [##] AC

[理等] 将汽车在交叉路口遇红绿灯问题转化为匀变速直线运动的物理模型进行 讨论,是理论与实际相结合。

[明2] (2009、全國理餘員)如图 5-2-23,P、Q 为 某地区水平地面上的两点,在 P 点正下方一球形区域内 储藏有石油,假定区域/周围岩石均匀分布,密度为 A 石 油密度远小于,向。可将上述球形区域视为空腔、如果没有 这一空腔,则该地区重力加速度,(正常值)沿整直方向, 当存在空腔时,被地区重力加速度的大小和方向会与正



常情况有微小偏离,重力加速度在原整直方向(即PO方向)上的投影相对于正常值的 偏离叫做"重力加速度反常"为了探寻石油区域的位置和石油编量,常利用P点附近 重力加速度反常现象,已知引力常数为G.

- (1) 遊線形空腔体积为 V,線心深度为 d 远小于地球半径, $\overline{PQ}=x$ ,求空腔所引起的 Q点处的重力加速度反常。
- (2)若在水平地面上半径 L 的范围内发现,重力加速度反常值在 δ 与 kδ(k>1)之间变化,且重力加速度反常的最大值出现在半径为 L 的范围的中心,如果这种反常是于地下存在某一球形空腔造成的,试求此球形空腔球心的深度和空腔的体积。

[分析] 利用空腔来分析重力加速度的变化就是对研究对象建立物理模型.

(1) 若空腔是岩石,则该体积的岩石在Q点产生加速度的值为 $a_0 = \frac{C_0 V}{d^2 + x^2}$ 

它在竖直方向上投影为  $a_{0y} = a_0 \cdot \frac{d}{\sqrt{d^2 + r^2}} = \frac{G_0 V d}{(d^2 + x^2)^{3/2}}$ 

该值即空腔所引起的Q点处的重力加速度反常

(2)由(1)中所求可知 
$$a_{0y} = a_0 \cdot \frac{d}{\sqrt{d^2 + x^2}} = \frac{GpVd}{(d^2 + x^2)^{3/2}}$$

由该式可知,当x=0和x=L,上式有极大值和极小值,它们大小为

$$a_{0,\text{ymax}} = \frac{G_0 V}{d^2} = k \delta$$
  $a_{0,\text{ymax}} = \frac{G_0 V d}{(d^2 + L^2)^{3/2}} = \delta$ 

由 k 值的定义可知  $\frac{a_{0,\text{max}}}{a_{0,\text{vmn}}} = \frac{GpV}{d^2} \cdot \frac{(d^2 + L^2)^{3/2}}{GpVd} = \left(1 + \frac{L^2}{d^2}\right)^{3/2} = k$ 

解得球形空腔球心的深度 
$$d = \frac{L}{\sqrt{k^{2/3}-1}}$$

球形空腔的体积为  $V = \frac{k\delta d^2}{Gp} = \frac{k\delta L^2}{Gp(k^{2/3}-1)}$ 



[釋析] 本题说明物理学理论在实际应用中往往需要构建物理模型,以便利用物理 規律进行分析,研究,本题就是这样的特例。

- [町3] (2009・天津)2008年12月,天文学家们通过观测的数据确认了银河系中, 央的黑洞"人马座 A"的质量与太阳质量的倍数关系,研究发现,有一星体 S2 绕人马座 A 做椭圆运动,其轨道半长轴为9.50×10<sup>2</sup>天文单位(地球公转轨道的半径为一个天文单位),人马座 A 就处在這椭圆的一个焦点上,现测得到星体 S2 的运行周期为15.2年
- (1)若将 S2 星的运行轨道视为半径 r=9.50×10<sup>2</sup>天文单位的轨道, 试估算人马<sup>1</sup> 座 A 的质量 M<sub>A</sub>是太阳质量 M<sub>c</sub>的多少倍(结果保留一位有效数字),
- (2)黑洞的第二字雷速度极大,处于黑洞表面的粒子即使以光速运动,某具有的 动能也不足以克服黑洞对它的引力束缚,由于引力的作用,黑洞表面处质量为 m 的粒 于具有势能为 $E_0 = -\frac{GMm}{R}$  (设粒子在离黑洞无限远处的势能为零),式中  $M_iR$  分别 表示黑洞的质量和半径。已知引力常量  $G = 6.7 \times 10^{-11}$  N·m²/kg²,光速  $c = 3.0 \times 10^{5}$  m/s,太阳质量  $M_i = 2.0 \times 10^{50}$  kg,太阳 平径  $R_i = 7.0 \times 10^{5}$  m,不考虑相对论效应,利用上网结果,在经典力学范围内求人马座  $A_i$  的半径  $A_i$  与太阳半径  $A_i$  S 之比应小于多少(结果接回会五人保留整数)。

[分析] 黑涧是观察不到的。黑涧是科学家通过它周围的天体运动特点和天体运动 应遵循的规律进行反复研究后。而提出的一个物理模型。这个物理模型被很多事实所证 实。就成了现在被人们所接收的黑裥。

(1)由万有引力提供向心力可知 
$$\frac{GMm}{R^2} = m \cdot \frac{4\pi^2}{T^2}R$$
 ,得  $\frac{R^3}{T^2} = \frac{GM}{4\pi^2}$ 

设地球公转半径为
$$R$$
,由題意有 $\frac{(9.50 \times 10^2 \cdot R)^3}{T_{22}^6} = \frac{GM_A}{4\pi^2}$ ,  $\frac{R^3}{T_c^2} = \frac{GM_S}{4\pi^2}$ 

由以上两相比得 
$$\frac{M_A}{M_S} = \frac{(9.50 \times 10^2)^3}{15.2^2} = 4 \times 10^6$$

(2)由題意有  $E=rac{1}{2}m^2-rac{GM_{\Lambda}m}{R}\leqslant 0$  (临界条件)时粒子不能克服黑洞的引力束缚.

$$R_{A} < \frac{2GM_{A}}{c^{2}} = \frac{8 \times 10^{6} \cdot GM_{S}}{c^{2}} = 1, 2 \times 10^{10} \text{m} \qquad \frac{R_{A}}{R_{S}} < 17$$

[**四4**] (2009。**富庆**理錄)探究集种笔的弹跳问 題計,把笔分为轻质弹簧,内芯和外壳三部分,其中內 芯和外壳质量分别为 m 和 4m. 笔的弹跳过程分为三 个阶段:

个阶段:
①把笔整直倒立于水平硬桌面,下压外壳使其下 內芯/ 端接動桌面(見图 5-2-24a);

瑪祿胺果由(兒園 5-2-248); ②由静止释放,外壳豎直上升至下端距桌面高度 为 h;时,与静止的内芯碰撞(兒園 5-2-24b);

③避后,內芯与外壳以共同的速度一起上升到外壳下端距桌面最大高度为  $h_2$  处(見图 5-2-24c),

图 5-2-24

设内芯与外壳的撞击力远大于笔所受重力、不计摩擦与空气阻力,重力加速度为 8.





- 求:(1)外壳与内芯碰撞后瞬间的共同速度大小:
- (2)从外壳离开桌面到碰撞前瞬间,弹簧做的功;
- (3)从外奈下端离开桌面到上升至4,处,笔损失的机械能。

[分析] 将弹簧笔弹跳问题简化为释放弹性势能(即竖直上抛运动)、碰撞(完全非 弹性碰撞)等过程物理模型进行研究,使物理学邀诱到各个方面。

- (1)外壳与碰撞后瞬间共同速度也就是它们做竖直上抛的初速度, $v_1 = \sqrt{2\sigma(b_1-b_1)}$ 
  - (2)内芯与外壳的瘤击力远大干笔所受重力,碰槽过程动量守恒,有

$$4mv_0 = 5mv_1$$
,解得  $v_0 = \frac{5}{4}v_1 = \frac{5}{4}\sqrt{2g(h_2 - h_1)}$ 

弹簧做的功  $W = 4mgh_1 + \frac{1}{2} \cdot 4mv_0^2 = \frac{mg}{t}(25h_2 - 9h_1)$ 

(3) 笔损失的机械能  $\Delta E = \frac{1}{2} \cdot 4mv_1^2 - \frac{1}{2} \cdot 5mv_1^2 = \frac{5}{4}mg(h_2 - h_1)$ 

[內5] (2009·北京理線)(1)如图 5-2-25 所示,ABC 为一固定在竖直平面内的光滑軌道,BC 股水平,AB 股与 BC 股平滑速接,质量为 m,的小垛从高为 A 处由静止开始沿轨道下滑,与静止在轨道 BC 股上质量为 m;的小球发生碰撞,碰撞前后两球的运动方向处于同一水平线上,且在碰撞过程中无机械能损失,张碰撞后小球,m,的速度大小 vo.



图 5-2-25

(2)碰撞过程中的能量传递规律在物理学中有

图 5-2-26

着广泛的应用,为了探究这一规律,我们采用多字依次碰撞、碰撞前后速度在同一直 战上且无机械能损失的简化力学模型。如图 5-2-26 所示。在固定光滑水平轨道上,质 量分别为 $m_1, m_2, m_3, \dots m_{n-1}, m_n$ …的若干个球沿直线静止相间排列,给第 1 个球初动 能  $E_{k1}$ ,从而引起各球的依次碰撞、定义其中第 n 个球经过一次碰撞后获得的动能  $E_{kn}$ 与  $E_{k1}$ 之比为第 1 个球对第 n 个球的动能传递系数  $k_{1n}$ 。a. 求  $k_{1n}$  ; b. 若  $m_1 = 4m_0$  ,  $m_3 = m_0$  ,  $m_0$  为确定的已知量、求  $m_2$  为何值时 ,  $k_{11}$  值最大.

[分析] (1)质量为  $m_1$ 的小球滑到水平面时的速度由机械能守恒可知  $mgh = \frac{1}{2}mw_0^2$ ,  $v_0 = \sqrt{2gh}$ 

 $m_1$ 与  $m_2$ 碰撞, 动量守恒  $m_1v_0 = m_1v_1 + m_2v_2$  动能守恒  $\frac{1}{2}m_1v_0^2 = \frac{1}{2}m_1v_1^2 + \frac{1}{2}m_2v_2^2$ 

由以上两公式解得  $v_2 = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_0 = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} \sqrt{2\varrho\hbar}$  (完全弹性碰撞物理模型);

「分析」(2)a, m, 与 m, 碰撞, 由动量守恒和能量守恒有



$$m_1v_1 = m_1v'_1 + m_2v_2$$
  $\frac{1}{2}m_1v'_1 = \frac{1}{2}m_1v'_1 + \frac{1}{2}m_2v'_2$  解得  $v_1 = \frac{2m_1}{m_1 + m_2}v_1$  传递的能量为  $E_{kl} = \frac{1}{2}m_2v'_1 = \frac{4m_1m_2}{(m_1 + m_2)^2} \circ \frac{1}{2}m_1v'_1 = \frac{4m_1m_2}{(m_1 + m_2)^2} \circ E_{kl}$ 

$$(m_1 + m_2)^2$$
  $Z$   $(m_1 + m_2)^2$  根据传递能量系数定义可知  $k_{12} = \frac{4m_1m_2}{(m_1 + m_2)^2}$ 

根据传递能量系数定义可知 
$$k_{12} = \frac{1}{E_{11}} = \frac{1}{(m_1 + m_2)^2}$$
同理可得  $k_{13} = \frac{E_{13}}{E_{11}} = \frac{4m_1m_2}{(m_1 + m_2)^2} * \frac{4m_2m_3}{(m_2 + m_3)^2}$ 

$$k_{1a} = \frac{E_{ba}}{E_{b1}} = \frac{4m_1m_2}{(m_1 + m_2)^2} \cdot \frac{4m_2m_3}{(m_2 + m_3)^2} \cdot \cdots \cdot \frac{4m_{n-1}m_n}{(m_{n-1} + m_n)^2}$$

解得 
$$k_{1n} = \frac{E_{lm}}{E_{k1}} = \frac{4^{n-1}m_1m_2^2m_2^2\cdots m_{n-1}^2m_n}{(m_1 + m_2)^2(m_2 + m_3)^2 \cdot \cdots \cdot (m_{n-1} + m_n)^2}$$

b, 若 m<sub>1</sub> = 4m<sub>0</sub>, m<sub>3</sub> = m<sub>0</sub>, m<sub>0</sub> 为确定的已知量

$$\begin{split} k_{13} &= \frac{4^2 m_1 m_2^2 m_3}{(m_1 + m_2)^2 (m_2 + m_3)^2} = \frac{4^2 \cdot 4 m_0^2 m_2^2}{(4m_0 + m_2)^2 (m_2 + m_0)^2} \\ &= 64 m_0^2 \left[ \frac{m_2}{(4m_0 + m_2) (m_2 + m_0)} \right]^2 \\ &= \frac{m_2}{(4m_0 + m_2) (m_2 + m_0)} = \frac{1}{\frac{4 m_0^2}{m_2} + m_2 + 5 m_0} = \frac{1}{\left(\frac{2m_0}{\sqrt{m_2}} - \sqrt{m_2}\right)^2 + m_0} \end{split}$$

当 m2 == 2m0 时, k12 值量大.

[ 1916 ] 抛体运动在各类体育运动项目中很常 見,如乒乓球运动,现讨论乒乓球发球问题

设建台长 21. 国惠 h. 乒乓球反弹前后水平分法者 不变, 势首分逢唐大小不变, 方向相反, 且不考虑乒乓 球的旋转和空气阻力,(设量力加速度为 g)



- (1)若球在球台边缘 () 点正上方高度为 h; 处以速度 v; 水平发出。 蒽在球台的 Pi 点(如图 5-2-27 实线所示)。求 P. 点题 () 点的距离 x, :
- (2)苦躁在()点正上方以油度心水平发出。恰好在最高点时端过涨周落在球台的 P. 点(如图建线所示)。成 vi 的大小:
- (3) 若球在 () 点正上方水平发出后, 球经反弹恰好越过球网且刚好落在对方球台 边疆 P. 处。求者这点题 () 点的高度 ho.
- [分析] 将乒乓球的运动抽象为平撤运动、弹性碰撞、斜撤运动等过程物理模型进 行求解.
  - (1)设建飞行时间为1, 蒸地点与0点距离为2, 根据平抛运动有

(2)设发球高度为 h2,飞行时间为 t2,落地点与 O 点距离为 x2,同理根据平抛运动

2



(3)如图 5-2-28 所示,发球高度为  $h_3$ ,飞行时间 为  $t_3$ ,且  $3x_3=2L(对称性),x_3=\frac{2L}{2}$ 

同理根据平描运动得,  $h_3 = \frac{1}{2} g_1^2$   $x_3 = v_3 l_3$  有  $h_3 = \frac{1}{2} g \left( \frac{2L}{2v_3} \right)^2$  ① k, k

设球从恰好越过球阿到最高点的时间与球从最高点到达球网最高点的时间相等,均为 $t, f, h, -h = \frac{1}{2}gt^t$ ,图中的水平距离为 $s, x_3 - s = v_3 s$ ,而由几何关系知。

$$x_3+s=L, s=L-x_3=\frac{L}{3}$$
. 由以上几式可得  $h_3-h=\frac{1}{2}g\left(\frac{L}{3v_2}\right)^s$  ② 由①、②两式相比得  $\frac{L}{h-1}=\frac{4}{3}$ ,即可解得  $h_3=\frac{4}{2}h$ .

[劃7] (1)为了响应国家的"节能减掉"寻召,菜同学采用一个家用汽车的节能方法,在符合安全行驶要求的情况下,通过减少汽车后备箱中放置的不常用物品和控制加油董等措施,使汽车负载减少,假汽汽车公到约至000N 和 1950N,请计算该方法使汽车发动机输出功率减少了8少?



(2)有一种叫"飞椅"的游乐项目,示意图知图 5-2-29 所示,长为 L 的钢绳一端系 着度椅,另一端固定在平径为 r 的水平转盘边端,特盘可能穿过其中心的竖直轴转动, 当转盘以角速度ω匀边转动时,钢绳与转轴在原一竖直平面内,与竖直方向的夹角为 β,不计钢绳的重力,求转盘转动的,解缝度ω与夹角β 的关系。

[分析] 两小问均需用实际问题应用物理原理进行解答。

第(1)问提请人们注意如何节能;第(2)问应用勾读圆周运动物理模型进行分析。

- (1)汽车的速度 v = 20 m/s,由功率公式  $P = F_{\text{min}} \cdot v$ ,
- 可得  $\Delta p = P_1 P_2 = (F_{m_1} F_{m_2}) \cdot v = 1000 \text{W}$
- (2)由图可知座橋旋转半径为 $R=r+L\sin\theta$ ,座橋受到的重力与铜绳拉力的合力提供向心力。由牛顿运动定律有  $mg\tan\theta=m\omega^2R$ ,由以上两式可得  $\omega^2=\frac{g\tan\theta}{r+L\sin\theta}$

[198] (2009。 理線 I) 材料的电阻率  $\rho$  随温度变化的规律为  $\rho = \rho_0 (1+\alpha t)$ , 其中  $\alpha$  林力电阻温度系数  $\rho_0$  是材料在 t=0 飞时的电阻率。在一定的温度范围内  $\alpha$  是与温度无关的常量 企為的电阻一般随温度的增加而增加,具有正温度系数的两种材料的互补特性,可制或阻值在一定温度范围内不随温度变化的电阻。已如: 在 0 飞时,侧的电阻率为  $1.7 \times 10^{-8} \, \Omega$  · m. 碳的电阻率为  $3.5 \times 10^{-5} \, \Omega$  · m. 病 0 飞附近,铜的电阻温度系数 为 3  $9 \times 10^{-3} \, \Omega$  · m. 碳的电阻率为 0 · m. 在 0 飞附近,铜的电阻温度系数 为 0 · m. 这 0 · m. 公 0 · m. 该 0 · m. 这 0 ·





[分析] 异体的由图率随温度的亦化在数材明确格出。但洗及此类运算县完全设 有,高考中出现这样的试题,目的是能利用高中物理知识和能力解答,这是对知识迁移能 力的考查.

铜樓隨温度增加的由阳与碳樓隨温度減小的由阳相等时,总由阳才能不变。故有

$$\Delta \alpha_{u} \cdot \frac{L_{Cu}}{S} - \Delta \alpha_{u} \cdot \frac{L_{Cu}}{S} = \rho_{Ku}\alpha_{u}t \cdot \frac{L_{Cu}}{S} + \rho_{Ku}ct \cdot \frac{L_{Cu}}{S} = 0 \quad L_{Cu} + L_{c} = L_{0} = 1\text{m}$$

$$\frac{L_{Cu}}{L_{Cu}} = -\frac{\rho_{Ku}\alpha_{c}}{\rho_{Kc}\alpha_{c}} = 264 \quad L_{C} = \frac{L_{0}}{265} = 3.8\text{mm}$$

「野9] 限5-2-30 为一点油泉的原理示意图 盾 量为m的均盾细金属棒 MN 的中点处通过一纯维柱 物与一势盲景柱的弹簧相连,弹簧劲度系触为点存领 形区域 abcd 内有勾强磁场,磁感应强度大小为 B.方 向垂盲纸面向外, 与 MN 的云螺 N 连接的一桅辘轻指 针可指示标尺上的读数, MN 的长度大于ab. 当 MN 中没有电流通过且处于平衡状态时,MN 与矩形区域的 cd 边重合:当 MN 中有电流通过时,指针示数可表示电流强度,



- (1) 当电流表示数为虚断,弹簧伸长名少? (重为加速度为 p)
- (2)若要电流表正常工作,MN 的哪一端应与电源正极相接?
- (3)若 k=2,0N/m, ab = 0,20m, b=0,050m, B=0,20T,此电流表的量程是多 少? (不计通电射电波产生的磁场的作用)
  - (4) 芸将量程扩大 2 倍, 磁感应强度应变为 3 大?

[分析] 由流表原理示意图就基一个简化的物理模型,它利用了金属棒受力平衡的 原理

- (1)设弹簧的伸长为  $\Delta x$  则有  $mg = k\Delta x$  ① 由①式得  $\Delta r = \frac{mg}{2}$  ②
- (2) 为使电流表正常工作,由示数标尺可知金属棒向下时指针才有示数,所以,金属 棒受到安培力必须向下,由左手定则可知电流由 M→N。因此 M 端应接正极、
  - (3)设满量程时通过 MN 的由流强度为 I\_ , 则有 BI\_ ab + ma = k(br + ∧r) ③
  - 联立①③并代入数据得  $I_m=2.5A$
- (4)设量程扩大后,磁感应强度变为 B',则有  $2B'I_m ab + mg = k(br + \Delta x)$  ⑤

由①⑤得  $B' = \frac{k\overline{bc}}{2L ch}$  ⑥ 代人数据得 B' = 0.10T

# 1. 思维考试测试

1. 某地区地震波中的横波和纵波传播速率分别约为 4km/s 和 9km/s, 一种简易地震仪由竖直弹簧振子 P 和水平 弹簧振子 H 组成(图 5-2-31), 在一次地震中, 震源地在地震仪



图 5 2 31





#### 下方, 观察到两振子相差 5s 开始振动, 剛

- A. P 先开始振动, 霧源距地震仪约 36km
- B. P 先开始振动, 電源距地當仪约 25km
- C. H 告开始振动, 電源距地電仪约 36km
- D. H 先开始振动, 羅瀬野地霧似约 25km
- 2. 甲乙两运动员在训练交接棒的过程中发现: 甲经短距离加速后能保持 9m/s 的速度跑完全程; 乙从起跑后到接棒前的运动是匀加速的, 为了确定乙起跑的时机。需在接力区前适当的位置设置标记, 在某次练习中, 甲在接力区前 5a = 13. 5m 处作了标记, 并以 v=9m/s的速度跑到此标记时向乙发出起跑口令, 乙在接力区的前端听到口令时起跑, 并恰好在速度达到与用相同时被甲值上, 完成交锋棒, 户知绪力区的长度为 L=20m
  - 求:(1)此次练习中乙在接棒前的加速度 a.
  - (2)在完成交接權时7. 高接力区末端的距离。
- 3. 用放射源钋的 a 射线衰击铍时,能发射出 ·种穿透力极强的中性射线,这就是所 谓铍"辐射". 1932 年,查德威克用铍"辐射"分别照射(衰击)氢和氮(它们可视为处于静止状态). 测得照射后沿铍"辐射"方向高速运动的氢核和氮核的速度之比为 7. 0. 查德威克 假设铍"辐射"是由 ·种质量不为零的中性粒子构成的,从而通过上述实验在历史上首次 发现了中子, 假设铍"辐射"中的中性粒子与氢或氮发生弹性正碳,试在不考虑相对论效 应的条件下计算构成铍"辐射"的中性粒子的质量、质量用原子质量单位 u 表示, lu 等于1 个12 原子质量的十二分之一。取复核和氦核的质量分别为1,00和14u)
- 4. 字航员在地球表面以一定初速度竖直上抛一小球。经过时间 t 小球落回原处;若他在某星球表面以相同的初速度竖直上抛同一小球。需经过时间 5t 小球落回原处,(取 地球表面重力加速度 ρ=10m/s². ∞与图力不计)
  - (1) 求该星球表面附近的重力加速度 g';
- (2)已知该星球的半径与地球半径之比为  $R_{tt}:R_{tt}=1:4$ ,求该星球的质量与地球 质量之比  $M_{tt}:M_{tt}:M_{tt}$ .
- 5. 宇宙中存在 些离其他恒星较远的、由质量相等的三颗星组成的三星系统,通常可忽略其他星体对它们的引力作用. 已观测到稳定的三星系统存在两种基本的构成形式: 种是三颗星位于同一直线上,两颗星围绕中央星在同 半径为 R 的圆轨道上运行; 另一种形式是三颗星位于等边三角形的三个顶点上,并沿外接于等边三角形的圆形轨道运行,设每个星体的质量均为 m.
  - (1)试求第一种形式下,星体运动的线速度和周期;
  - (2)假设两种形式星体的运动周期相同,第二种形式下星体之间的距离应为多少?
  - 6. 要求摩托车由静止开始在尽量短的时间内走完一段直道,然后驶入一段半圆形的







弯道。但在弯道上行驶时车速不能太快。以免因事心作用而偏出车道。 求魔托车在直道上 行胂所用的最短时间, 有关数据见表格。

某同学是这样解的,要使摩托车所用时间最短,应先由静止加速到最大速度 70 = 40 m/s,然后再减速到  $v_2 = 20 \text{m/s}$ , $t_1 = \frac{v_1}{l} = \cdots$ ; $t_2 = \frac{v_1 - v_2}{l} = \cdots$ ; $t = t_1 + t_2$ 

你认为这位同学的解法是否合理? 若合理, 请完成计算; 若不合理, 请说明理由, 并 用你自己的方法算出正确结果.

•	启动加速度 a1	制动加速度 a2	直道最大速度 τη	弯道最大速度 ₺2	直道长度。
•	4m/s <sup>2</sup>	8m/s <sup>2</sup>	40m/s	20m/s	218m

- 7. 由偏极子模型悬松由量为 n. 相距为 / 的一对正角占由荷组成的由结构。() 县中占。 电偶极子的方向为从负电荷拽向正电荷,用图 5-2-32(a)所示的矢量表示,科学家在描述某 举物质的电性质时,认为物体是由大量的电偶极子组成的,平时由于电偶极子的排列方向 杂乱无意,因而该物质不显示带电的特性,当加上外电场后,电偶极子绕其中心转动,最后 都的向于沿外由场方向推列,从而使物质中的合由场发生变化。
- (1)如图(b)所示,有一电偶极子放置在电场强度为 E。的勾强外电场中,若电偶极子 的方向与外电场方向的夹角为 $\theta$ 。求作用在电偶极子上的电场力绕O点的力矩。
  - (2)求图(b)中电偶极子在力矩作用下转动到外电场方向的过程中,电场力所做的功。
- (3) 求由偶极子在外由场中外干力矩平衡时, 其方向与外电场方向来角的可能值及 相应的由势能:
- (4) 理考察物质中的三个由偶极子, 其中心在一条直线上, 初始时刻如图(c) 挑列, 它 们相互间隔距离恰等于 1. 加外电场 E。后,三个电偶极子转到外电场方向,若在图中 A 点 处引人一电量为+q,的点电荷(q,復小,不影响周围电场的分布),求该点电荷受电场力 的大小.







图 5-2-32

8. 一水平放置的圆盘绕竖直固定轴转动在圆盘上沿半径开有一条宽度为 2mm 的均 匀藻缝,将激光器与传感器上下对准,使"者间连线与转轴平行,分别置于圆盘的上下两 侧,且可以同步地沿圆盘半径方向勾束移动,激光器连续向下发射激光束,在圆盘转动过 程中,当狭缝经过激光器与传感器之间时,传感器接收到一个激光信号,并将其输入计算 机,经处理后画出相应图线。图 5-2-33(a) 为该装置示意图。图 5-2-33(b) 为所接收的光信





号随时间变化的图线, 横坐标表示感应时间, 纵坐标表示接收到的撤光信号强度, 图中 $\Delta t_1 = 1.0 \times 10^{-3}$  s,  $\Delta t_2 = 0.8 \times 10^{-3}$  s.

- (1)利用图(b)中的数据求 1s 时圆盘转动的角速度;
- (2)说明激光器和传感器沿半径移动的方向;
- (3)求图(b)中第三个激光信号的宽度 Ata.

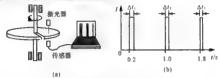
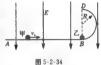


图 5-2-33

9. (2010·安徽) 如图 5-2-34, ABD 为竪直平両内 的光帶绝緣轨道, 其中 AB 段是水平的, BD 段为半径 R=0.2 m的半圆, 两段轨道相切于 B点, 整个轨道处在 竪直向下的勾强电场中, 场强大小 E=5. 0×10³ V/m. 一不带电的绝缘小球甲, 以速度 电, 沿水平轨道向右运动, 与静止在 B点带正电的小球乙发生弹性碰撞, 已知



1210 11 04

甲、乙两球的质量均为  $m=1.0\times10^{-2}$  kg,乙所带电荷量  $q=2.0\times10^{-5}$  C,g 取 10 m/s². (水平轨道足够长,甲、乙两球可视为质点,整个运动过程无电荷转移)

- (1)甲乙两球碰撞后,乙恰能通过轨道的最高点 D,求乙在轨道上的首次幕点到 B 点的距离,
  - (2)在满足(1)的条件下,求甲的速度 το;
- (3)者甲仍以速度 to 向右运动,增大甲的质量,保持乙的质量不变,求乙在轨道上的 首次萘点到 B 点的距离表限。
- 10. (2010 · 全國  $\mathbb{I}$  ) 小球 A 和 B 的质量分别为  $m_A$  和  $m_B$  且  $m_A \gg m_B$  在某高度处将 A 和 B 先后从静止释放. 小球 A 与水平地面碰撞后向上弹回。在释放处的下方与释放初距 高为 H 的地方恰好与正在下落的小球 B 发生正擅,设所有碰撞都是弹性的。碰撞时间极 短. 求小球 A A 碰撞后 B 上升的最大高度.
- 11. (2010 · 江苏) 在游乐节目中,选手需要借助悬挂在高处的绳飞越到水面的浮台上,小明和小阳观看后对此进行了讨论. 如图 5-2-35 所示。他们将选手简化为质量 m=60 kg 的质点,选手抓住绳由静止开始摆动,此时绳与竖直方向夹角 $\alpha=30^\circ$ ,绳的悬柱点  $\Omega$  配水面的高度为 H=3 m. 不考虑空气阻力和绳的质 世,将合键出水面的高度不计,水层等深 取加速度  $\alpha=10$  m/s<sup>2</sup>,



图 5-2-35





 $\sin 53^\circ = 0.8, \cos 53^\circ = 0.6$ 

- (1) 求洗手摆到最低点时对编拉力的大小 F:
- (2) 若绳长 l=2 m,选手摆到最高点时松手落人手中,设水对选手的平均浮力 f<sub>1</sub>-800 N,平均阻力 f<sub>2</sub>-700 N,求选手落人水中的深度 d;
- (3) 若选手摆到最低点时松手,小明认为绳越长,在浮台上的落点距岸边越远;小阳 认为编越短,落白距岸边越远,诸通过椎箕设明依的设占

### 茶茶与提示

- 1. A(P 接收到的波动信息是纵波传递,H 接收到的波动信息是横波传递,由波速可知 P 先开始振动、设震源距地震仪距离为 s ,  $\frac{s}{s}$   $\frac{s}{a} = 5(s)$  解得 s 36km)
- 2. (1)由題意可知。甲、乙的位移之差为  $vt-\frac{v}{2}t=s_0$ ,解得  $t=\frac{2s_0}{v}=\frac{2\times 13,5}{9}s=3s$ . 乙在接棒前的加速度 a 为 $a=\frac{v}{t}=\frac{9}{3}$  m/s $^2=3$  m/s $^2$ .
  - (2)在完成交接棒时乙离接力区末端的距离为  $r=L-\frac{v}{2}t=(20-13,5)$ m=6,5m.
- 3. 设构成敏"辐射"中性粒子的质量和速度分别为 m 和 v、氢核质量为  $m_H$ 、构成敏 "辐射"中性粒子与氢核发生弹性正磁,磁后两粒子速度分别为 v 和 v u ,由 动量守恒与能量守恒得, $mv = mv' + m_Hv'_H$   $\frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}mv'^2 + \frac{1}{2}m_Hv'_H$ ,解得  $v'_H = \frac{2mv}{m + m_H}$ ,同理,对于质量为  $m_s$  的氮核,磁后速度为  $v'_N = \frac{2mv}{m + m_H}$ ,用得, $m = \frac{m_V v_N m_H v'_H}{m + m_H}$ ,根

据题意可知:v'H=7.0v'N解得 m=1,2u(粒子碰撞是完全弹性碰撞物理模型).

4. (1)(怪起上她物理模型)  $t = \frac{2v_0}{g}$  故,  $g' = \frac{1}{5}g = 2 \text{m/s}^2$ , (2)  $g = \frac{GM}{R^2}$ ,所以  $M = \frac{gR^2}{G}$ ,可解得:  $\frac{M_B}{M_{\bullet \bullet}} = \frac{g}{g} \cdot \left(\frac{R_B}{R_{\bullet}}\right)^2 = \frac{1}{5} \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1}{80}$ .

5.(1)三颗星位于同 -直线上,两颗星围绕中央星在同一半径为R的圆轨道上运行, 万有引力提供向心力,有 $\frac{Gmm}{R^2} = \frac{mv^2}{R}$ ,得星体运动的线速度为 $v = \sqrt{\frac{Gm}{R}}$ ,周期为 $T = \frac{2\pi R}{R} \sqrt{\frac{R}{C^{-1}}}$ (匀速圆周运动模型).

(2)三颗星位于等边三角形的三个顶点上,并沿外接于等边三角形的圆形轨道运行, 每颗星受其他两颗星的引力的合力提供向心力,由于对称性,合力在两引力夹角的平分



线上,两引力夹角为  $60^\circ$ ,星体之间的距离为 l,如图 5-2-36 所示,由图可知  $F_0$  =  $2F\cos 30^\circ$  =  $\sqrt{\frac{3}{3}Gmm}$  ,每个星体微圆周运动的半径为  $r-\frac{2}{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} l = \frac{\sqrt{3}}{3} l$  ,两种形式星体的运动周期相同,由牛顿第

二定律有  $\frac{\sqrt{3}Gmm}{l^2} = m \cdot \frac{4\pi^2}{4\pi^2 \cdot \frac{R^2}{4\pi}} \cdot \frac{\sqrt{3}}{3}l$ , 由此式解得  $l = \sqrt[3]{3}R$ .



图 5-2 36

6. 在该同学的计算方法中可算出  $t_1 = \frac{v_1}{a_1} = 10s$ ,  $t_2 = \frac{v_1 - v_2}{a_2} = 2.5s$ ,这两段时间

里的摩托车的位移为  $s'=\frac{v_1}{2}t_1+\frac{v_1+v_2}{2}t_2=275 \text{m}>s=218 \text{m}$  ,显然错误。这就说明摩托车在直直上运动的最大速度不可能达到 40 m/s ,设其最大速度为 v ,由勾变速运动的规律可知  $s-\frac{v^2}{2a}+\frac{v^2}{2a}$  ,将已知代人后解得 v=36 m/s 、(应用物理模型需要注意条件)

- 7. (1)电偶极子放置在电场强度为  $E_o$ 的匀强外电场中,电偶极子的方向与外电场方向的夹角为 $\theta$ -受到的一对电场力大小相等、方向相反、不在一条直线上,这两个力是一对力偶,产生的力偶矩为  $M=qE_o$ ,  $l\sin\theta$  (电偶极子是电学中一个重要的物理模型).
- (2)图(b)中电偶极子在力矩的作用下转动到外电场方向的过程中,即电偶极子沿顺时针方向转过 $\theta$ 角,电场力所做的功为W=2qE,  $\frac{1}{n}\cos\theta=qE$ ,  $l\cos\theta$ .
- (3)电偶极子在外电场中处于力矩平衡时,电偶极子的方向与外电场方向平行,与外电场夹角可能是 0.也可能是 $\pi$ ,以负电荷 · 端为零电势。当电偶极子与外电场夹角为  $\pi$  时,电势能为  $W_1=q(0-E,l)=-qE,l$ ,当电偶极子与外电场夹角为  $\pi$  时,电势能为  $W_2=q(E,l-0)=qE$ .
- (4)加外电场  $E_o$ 后,三个电偶极子转到外电场方向,相对位置如图 5-2-37 所示,此时三个电偶极子相当一个电偶极子,且之间的距离为 3I.在图中 A 点处引入一电量为 $+q_o$ 的点电荷,则该点电荷受到的电场力为  $F=q_oE_o-2\frac{\log q_o}{(150)^2}=q_oE_o-\frac{8\log q_o}{\log 2}$ .

8. (1)由图线读得转盘转动周期 
$$T=0.8s$$
,角速度  $\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{6.28}{0.8} \text{rad/s} = 7.85 \text{rad/s}.$ 

(2)激光器和探测器沿半径由中心向边缘移动(理由:脉冲宽度在逐漸变窄,表明光信号通过狭缝的时间在减少,即圆盘上对应探测器所在位置的线速度逐渐增加,因此激光器和探测器沿半径由中心向边缘移动)。



# -

10. 根据题意,由运动学规律可知,小球 A 与 B 碰撞前的速度大小相等,设均为  $v_0$ , 由机械能守恒有  $m_{AB}H = \frac{1}{2}m_{A}v_0^2$ ,设小球 A 与 B 碰撞后的速度分别为  $v_1$  和  $v_2$ ,以整直向上方向为正,由动量守恒有  $m_{A}v_0 + m_B($   $v_0) = m_{A}v_1 + m_Bv_2$ ,由于两球碰撞过程中能量守恒,故 $\frac{1}{2}m_{A}v_0^2 + \frac{1}{2}m_{B}v_0^2 = \frac{1}{2}m_{A}v_1^2 + \frac{1}{2}m_{B}v_2^2$ ,联立解得  $v_2 = \frac{3m_A - m_B}{m_A + m_B}v_0$ ,设小球 B 能上升的最大高度为h,由运动学公式有 $h = \frac{v_2^2}{2g^2}$ ,得 $h = \left(\frac{3m_A - m_B}{m_A + m_B}\right)^2 H$ .

11. (1)机械能守恒  $mgl(1-\cos a) = \frac{1}{2} mv^2, v = \sqrt{2gl(1-\cos a)}$ , 圆周运动 F'-





 $mg = m\frac{v^2}{l}$ ,解得  $F' = (3 - 2\cos a)mg$ , 人对绳的拉力  $F = F' = (3 - 2\cos a)mg = 1080$  N.

(2) 动能定理 
$$mg(H-l\cos a+d)-(f_1+f_2)d=0$$
, 則  $d=\frac{mg(H-l\cos a)}{f_1+f_2-mg}$ , 解得  $d=\frac{mg(H-l\cos a)}{f_1+f_2-mg}$ 

1.2 m. (3) 选手从最低点开始做平抛运动 
$$x = ut$$
,  $H - l = \frac{1}{2} gt^2$ , 解得  $x = ut$ 

$$2\sqrt{l(H-l)(1-\cos a)}=2\sqrt{\left[\frac{H^2}{4}-(l-\frac{H}{2})^2\right](1-\cos a)}$$
,当  $l=\frac{H}{2}$ 时,  $x$ 有最大值,解

得 l=1.5 m,因此,两人的看法均不正确, 当绳长越接近 1.5 m时,落点距岸边越远,



# 第六讲 极限法、量纲法

极限法判断选项,在物理问题中,有些物理过程比较复杂,而这个较为复杂的物理过程 又隶属于一个更大范围的物理全过程,再把这个复杂的物理全过程分解成几个小过程,而 这些小过程的变化是单一的,那么,选取全过程的两个端点及中间的奇变点来进行分析,其 结果包含了所要讨论的物理过程,从而使来解过程简单,直观,这就是极限思维方法.

极限思维方法是一种比较直观。简洁的科学方法. 在物理学的研究中,常用它来解决 某些不能直接验证的实验和规律。例如伽利略在研究从斜面上滚下的小球运动时就用了 极限思维法将第二斜面外推到极限水平面; 开尔文把查理定律外推到压强为零这一极限 值,而引入了热力学温标······在物理学的发展和物理问题的研究中, 极限思维法是一种 重要的方法.

应用极限思维法时,特别要注意到所选取某段物理过程,所研究物理量的变化应是 单一的变化过程,如增函数或减函数,但不能在所选的过程中既包含增函数,又包含有减 函数的关系,这样的情况是不能应用极限思维法的.

量纲式判断选项:利用物理量定义式确定该物理量与基本物理量之间的关系式叫做量纲、在中学物理中的基本物理量有:质量 M、时间 T、长度 L、电流 L 其他还有三个基本单位在力、电涉及不多、就不赘述。在力电部分所涉及的物理量主要由这几个基本物理量组成。如力学中力的量纲式就是  $[F] = [m][a] = [LMT^2]$ ,电学中的电场强度的量纲式  $[E] = \begin{bmatrix} F \\ q \end{bmatrix} = [IMT^3I^1]$ …,由量纲式可以判断选择题确定某物理量表达式类是否正确。是非常直观和简捷的涂径。

在物理测试中,选择题就其考查的内容和范围来讲,几乎涵盖了物理学中所有的内容,就其所占的分量来讲,达到40%左右的比例,如何迅速地判断选项的正确与否,是确意考生物理能力的标志。般来说,极限法与植物式要用来判断选择题的选项正确与错误,判断表达式的正确与否,在计算题中,应用这两种方法也可以检验结果是否正确。



#### 解题方法指导

[閏1] 如图 6-1 所示,在一粗糙的水平面上有两个质量 分削为 m,和 m,的木块 1 和 2、中间用一原长为 l, 劲度系数为 b 的轻弹簧连接起来,木块与地面间的动摩擦图数为 µ,现用一水 平力向右柱木块 2,当两木块一起匀速运动时,两木块之间的距 惠为



A. 
$$l + \frac{\mu m_1 g}{k}$$

D. 
$$l + \frac{\mu m_1 m_2 g}{k(m_1 + m_2)}$$

C. 
$$l + \frac{\mu m_2 g}{b}$$

$$k(m_1+m_2)$$

[分析] 对木块1而言,弹簧产生的弹力与它受到的滑动摩擦力平衡,有 pm1g=





 $k\Delta l$ ,两木块之间的距离就在于弹簧的长度  $L = l + \Delta l = l + \frac{\mu m_1 g}{L}$ .

极限法;弹簧的拉力是本块 1 受到滑动摩擦力平衡,若  $m_1 = 0$ (极限值),弹簧的伸长量为零,说明弹簧的伸长量与 $m_2$  无关,A 洗项正确。

#### [##] A

[數2] 质量为 m 的三角形本機 A 置于倾角为 B 的固定 斜面上, 它与斜面间的动摩擦因数为 μ, 一水平力 F 作用在木 模 A 的整直平面上, 在力 F 的推动下, 木模 A 洛斜面以恒定 的加速度 a 向上滑动, 如图 G-2 所示, 則 F 的大小为 ( )



A. 
$$m \frac{a + g(\sin \theta + \mu \cos \theta)}{\cos \theta}$$

$$R_{m} = \frac{a - g \sin \theta}{\cos \theta}$$

图 6-2

C.  $m \frac{a + g(\sin \theta + \mu \cos \theta)}{\cos \theta - \mu \cos \theta}$ 

D,  $m \frac{a + g(\sin \theta + \mu \cos \theta)}{\cos \theta + \mu \cos \theta}$ 

[分析] 力 F 在平行于斜面上的分量 F  $\cos\theta$  -部分与滑动摩擦力平衡,一部分使木 楔 A 产生加速度,当  $\mu$  = 0 (极限), F = m ·  $\frac{a}{a}$  ·  $\frac{1}{2}$  医  $\sin\theta$  · 排除 B 选项 .

力 F 在垂直于斜面上的分量 F  $\sin\theta$  使木楔 A 与斜面间的弹力增大,从而导致滑动摩擦力增大,力 F 也因此而增大,所以在力 F 的表达式中分母中应有与 $\mu$  有关项,且 M 增大时,力 F 增大、根据以上分析,只有 C 选项正确。

[购3] 在抗洪抢险中,战士驾驶摩托艇被人,假设江岸是平直的,洪水沿江向下 游流去,水流速度为切,摩托艇在静水中的航速为切,战士赦人的地点,A离岸最近处 点的距离为 d,如战士想在最短时间内将人送上岸,则摩托艇管陆的地点离 ( ) 惠为

$$A_{n} \frac{dv_{2}}{\sqrt{r_{n}^{2}-r_{n}^{2}}}$$

R o

C. <u>dv</u>1

D. <u>dv</u>

[無符] 当水流速  $v_i=0$ (极限)时,摩托艇登陆的地点是O点,也就是离O点的距离为零,只有C选项正确。

[##] C

[拜奇] 由以上三例说明了当某一个物理量为零时,所判断的物理量就趋近了一个不变的值。这是应用极限法的一个特征.同时由以上两例。说明极限法思考使问题变得极为简格.

[则4] 两个光滑的斜面的高度相同,两斜面的总长度也相同,但是乙斜面是由两部分接成,如图6-3所示,将两个相同的小球从两斜面的顶端同时释放,不计在接触处的能量损失,问哪一个专到达启始?



图 6-3





两剑而不同占前是7.剑而是孤怒分组成,可把甲剑而看做7.剑而的烙侧。 将7.斜面两部分交界外的夹角 $\theta$ 看成是在180°与90°之间变化。当 $\theta$ =180°(极限值)时是 甲製面, 当 8= 90°(极限值) 时县图 6-4 中的情形

由图 6-3 甲可知 
$$\sin a = \frac{h}{L}$$

対甲斜面,运动时间 
$$t_{\rm FF} = \sqrt{\frac{2L}{g \sin \alpha}} = \frac{2L}{\sqrt{2gh}}$$
 ①

B9 6-4

在极限状态下丙斜面,运动时间
$$t_{\rm H} = \sqrt{\frac{2h}{g}} + \frac{L-h}{\sqrt{2gh}}$$
。化简得 $t_{\rm H} = \frac{L+h}{\sqrt{2gh}}$ ②

比较 ① 式和 ② 式,由于  $L > h, t_{\text{IP}} > t_{\text{IA}}$ ,则可知  $t_{\text{IP}} > t_{\text{Z}}$ .

图象法,作出小球在甲,7.两斜面上运动的速塞 -- 时间图象如 图 6-5 所示, 两斜面的长度相同, 7. 开始的加速度大些, 所以, 图象

凸起,由图象盲观地看到乙先达到底端, 「弹箭」 本题用两种特殊的解法进行判断, 极限法相对图象



法县师确此,老从解析的角度也不失为一种可行的方法, 图 6-5

[例5] 一个小城势盲上抛。初速磨与返回抛出点的速度大小之比为点。设小城运

动中受到的空气阻力大小不变、则空气阻力f与小球的重力G之比为

A. 
$$\frac{f}{G} = k$$

$$R = \frac{f}{G} = \frac{1}{h}$$

B. 
$$\frac{f}{G} = \frac{1}{k}$$
 C.  $\frac{f}{G} = \frac{k^2 - 1}{k^2 + 1}$  D.  $\frac{f}{G} = \frac{k + 1}{k - 1}$ 

D. 
$$\frac{f}{G} = \frac{k}{h}$$

解法一:上升过程加速度  $a_1 = \frac{G+f}{m}$ ,下降过程加速度  $a_2 = \frac{G-f}{m}$ .

小球上升和下降过程中的位移相同,均是匀变速直线运动,所以有。

$$\tau_0^2 - 2a_1h$$
,  $\left(\frac{v_0}{k}\right)^2 = 2a_2h$ .

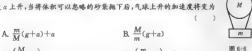
将两速度的表达式相比得  $\frac{k^2}{1} = \frac{a_1}{a_2} = \frac{G+f}{G-f}$ , 进而得  $\frac{f}{G} = \frac{k^2-1}{k^2+1}$ .

解法二, 当 f = 0 时(极限), 物体在重力下做竖官上抛运动, 回到抛出点的速度大小 与抛出时速度大小相等。6 = 1 时有意义。只有 C 式才具有这种可能。

#### [##] C

「彈桥」 解决二是建立在对物理过程有深刻理解的基本上。

如图 6-6 所示, 质量为 M 的气球, 戴有盾量为 m 的砂袋以加 速度 a 上升, 当将体积可以忽略的砂袋抛下后, 气球上升的加速度将变为



C. 
$$\left(\frac{M}{m}+1\right)a$$

D. 
$$\left(\frac{m}{M}+1\right)(g+a)$$





[分析] 砂袋摊出前气球和砂袋受到合外力为F (M+m)g=(M+m)a,摊出后,气球受到合外力为F-Mg=Ma,,由以上两式解得a, $=\frac{m}{M}(g+a)+a$ 

极限法:当抛出砂袋的质量m→0(极限)时,气球的加速度a不变,只有 A选项正确。 [奪◆] A

[齊新] 两种解法都比较简捷. 解法 一回避了浮力,直接根据砂袋予抛出前后的合外力不变建立牛顿第二定律的关系式求解,而解法 二则是应用极限法。当  $m\to 0$ ,加速度不变进行判断,可以说是异曲同工.

[四7] 一辆汽车行驶过程中保证其牵引力与速度乘积不变,免沿略有坡度的斜坡以速度 v, 匀速上行, 然后以 v, 匀速胶下;最后以速度 v, 在水平面上行敞, 若三种情况下, 车与撂面的摩擦图数均相同, 鄰么这三个速度的关系应为

A. 
$$v_3 = \frac{2v_1v_2}{v_1 + v_2}$$
 B.  $v_3 = \frac{v_1 + v_2}{2v_1v_2}$  C.  $v_5 = \sqrt{\frac{v_1 + v_2}{2}}$  D.  $v_5 = \sqrt{v_1^2 + v_2^2}$ 

[分析] 解法一:汽车匀速运动时的牵引力等于阻力:在略有坡度的斜面上行时的牵引力  $F_1 = \mu mg\cos\theta + mg\sin\theta$ , 下行的牵引力  $F_2 = \mu mg\cos\theta - mg\sin\theta$ , 水平面上牵引力  $F_3 = \mu mg$ , 由題意有  $\mu mgv_3 = mg(\mu\cos\theta + \sin\theta)v_1 = mg(\mu\cos\theta - \sin\theta)v_2$ 

即为 
$$\mu v_3 = (\mu \cos \theta + \sin \theta) v_1$$
 ①  $\mu v_3 = (\mu \cos \theta - \sin \theta) v_2$  ②

①  $\times v_t + ② \times v_1$  得  $\cos \theta = \frac{v_1 v_2 + v_2 v_3}{2v_1 v_2}$ ,由于坡度小、 $\theta \to 0$ , $\cos \theta \to 1$ ,所以有

$$\cos \theta = \frac{v_1 v_3 + v_2 v_3}{2v_1 v_2} = \frac{v_3 (v_1 + v_2)}{2v_1 v_2} = 1 \quad \text{ we } v_3 = \frac{2v_1 v_2}{v_1 + v_2}.$$

解法二:量纲式判断,首先观察四个选项中的表达式,显然 B、C 两选项中的量纲式不对,即可排除该两个选项下确的可能性

极限法, 当斜坡倾角为零时, 三个速度相等, 只有 A 式才能有这种可能性.

#### [##] A

[閏8] 在光滑的水平面上,放着两块长度相同、质量分别为 M<sub>1</sub>、M<sub>2</sub> 的木板,在 两木板的左端各放一个大小、形状、质量完全相同的物块,如图 6-7 所示,开始时,各物 静止,今在两物块上各作用一水平恒力 F<sub>1</sub>、F<sub>2</sub>,在物块与木板分离时。两木板的速度分 别为 to 和 to 。物块与两木板之间的动摩裤因数相同。下列说法中正确的是

[分析] 物块在木板上滑动,物块的加速度越大、木板的加速度越小、两者分离所需要的时间越少,那木板的速度越小,当 $F_1 = F_2$ ,物块的加速度相同;若 $M_1 > M_2$ , $\alpha_1 < \alpha_2$ ,  $\alpha_2 < \alpha_3 < \alpha_4$ ,  $\alpha_3 < \alpha_4 < \alpha_5$ ,  $\alpha_4 < \alpha_5 < \alpha_6$ ,  $\alpha_5 < \alpha_6 < \alpha_6$ ,  $\alpha_6 < \alpha_6 < \alpha_6$ ,  $\alpha_6$ 





 $t_1 < t_2, v_1 < v_2, \sqrt{2}, v_1 > v_2$ 

极限法,若 $F_1 = F_2$ , $M_1 > M_2$ , 当 $M_1 + \infty$ 时(极限), $v_1 + 0$ ,所以 $v_1 < v_2$ ;反之, $M_1 < M_2$ ,则 $v_1 > v_2$ ;若 $F_1 > F_2$ , $M_1 = M_2$ ,当 $F_2$  小到使物块与木板不能分离时(极限),即木板与物块具有相同的加速度,木板的速度越来越大,所以 $v_1 < v_2$ , $v_3 < v_4 > v_4$ 

#### [₩₩] BD

[閏3] 将廣量为 2m 的长木板静止 地放在光滑的水平面上,如图 6-8(a) 所示。一质量为 m 的小铝块(可视为质点) 以 水平初速度 w 由木板左端恰能滑至木板的左端与木板相对静止、铝块运动中所含

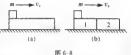


图 6-8

的摩擦力始终不变, 现将木板分成长度与质量均相等的两段(1,2) 后紧接着仍放在此水平面上,让小锯块仍以相同的初速度 to 由木板 1 的左端开始滑动,如图(b) 所示,则下列判断正确的是

A. 小铅块仍滑到与木板 2 的右端保持相对静止

- B. 小铅块滑过木板 2 的右端后飞离木板
- C. 小铅块滑到木板 2 的右端前就与之保持相对静止
- D. (b) 过程产生的热量少于(a) 过程产生的热量

[分析] 小铅块在木板上滑动时,由于水平面是光滑的,小铅块和木板组成的系统在水平方向上动量守恒,木板的质量越大,小铅块在木板上滑行的距离越长。若是木板的质量无穷大,则铅块最终的速度为零,其动能全部转化为热,没有动能转移到长木板上,这说明了长木板的质量越大,获得的动能越小;质量越小,获得的动能越大,在(b)图中小铅块在木板 1 上运动时的情况与(a)中的情况完全相同,小铅块滑上木板2后,由于木板2的质量变小,动能转移到木板2上多于转移到(a)中的情况,小铅块与木板2相对静止时的速度比(a)中的大,系统损失的动能小于(a)中损失动能,此过程中损失的动能全部转化为热,故小铅块不会滑到木板2的石端前就与之保持相对静止,(b)过程产生的热量少于(a)过程产生的热量少

极限法 若木板固定(木板的质量相当于无穷大),小铅块能滑离木板,此结论意味 着木板的质量越小,小铅块越不能滑离木板,所以在(b) 过程,小铅块滑上木板2时就不 能滑到木板右端点而在之前就与木板相对静止。

#### [書余] CD

[轉奇] 此类问题在日常生活中经常遇到:当岸与船的距离不变时,人站在岸上向 船上跳容易,而从船上向岸上跳就比较困难,船的质量越大,越容易跳到岸上,其原理与 本题的是一致的.





[ 門 10 ] 总质量为 M 的大箭以速度 v。沿水平方向飞行,当质量为 m 的燃气,以 机对火箭为 u 的速度向后喷出贴,火箭的速度为

A.  $\frac{Mv_0+m}{M-m}$ 

B.  $\frac{(M-m)v_0-mu}{M+m}$ 

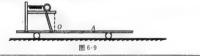
C.  $\frac{Mv_0+mu}{M}$  D.  $\frac{Mv_0+mu}{M-m}$ 

[分析] 若喷出的燃气相对火箭的速度 u = 0(极限)时,即相当于没有喷出燃气,火 箭的速度不变,比较这四个选项中当 u = 0时,火箭的速度仍为 vo,只有 C 选项正确。 本题环可以洗 m = 0(极限),火箭的速度为 vo,也只有 C 选项证确。

[##] C

[野新] 本题回避动量守恒和相对速度的内涵,采取了极限思维的方法使求解过程 大为简捷,但是从物理学的角度来看却失去了考查动量守恒和相对速度的意义,所以,任何一种途径来解答问题均是有得有失,从初学者的角度应从动量和相对速度方面去思考,对于进入总复习的高中生来讲,选择最快捷的方式解答问题,极限法不失为一种好的方法.

[跨11] 如图 6-9 所示。在水平光滑的桌面上,故一质量为 M 的小车,在小车的 平台上(小车的一部分有一质量是可忽略的弹簧,一端固定在平台上,另一端用质量 为 m 的小球将弹簧压缩一定的距离后用翻线捆住,用手将小车固定在桌面上,然后脆 斯翻线,小球被弹出,落在小车上的 A 点,且 OA=5. 如果小车不固定而烧断翻线,踩 将落在车上何处(设小车足够长,踩不落在车外)?



[分析] 当小车固定不动时,小球弹出时的速度大小为 v,小球做平抛运动的时间 为 t.

由平抛运动规律可知: s=ut ①

当小车不固定时,设小球弹出时相对地面的速度大小为 v′,车速大小为 u,由动量守恒有 mv′-Mu=0 ②

由能量守恒可知两次的总动能均为弹管储存的弹性势能,所以有

$$\frac{1}{2}mv'^2 + \frac{1}{2}Mu^2 = \frac{1}{2}mv^2$$

由②、③ 两式得 
$$v' = \sqrt{\frac{M}{M+m}}v$$
 ④  $u = \frac{m}{M}v' = \frac{m}{M}\sqrt{\frac{M}{M+m}}v$  ⑤





所以,由此及①、④、⑤ 可得 
$$s' = (v' + u)t = \sqrt{\frac{M+m}{M}}vt = \sqrt{\frac{M+m}{M}}s$$

检验:这个结果可用极限法进行检验. 当小车固定时,相当于小车的质量 M趋向无穷 f 大,则  $s' = \sqrt{\frac{M+m}{M}} s \to s$  ,与题设中的条件是一致的.

[季壽] 物理试题求解后,在很多情况下要检查其结果是否正确,本题应用极限法 来检查其结果既直观又简捷.

[內 12] 如图 6-10 所示, a, b 为两个固定的点电荷, 带等量同种电荷, O 为 ab 的 中点, O, O, 是 ab 的中垂做, 一个电子(重力不计),从 O, 一侧沿 O, O, 方向射入, 刺电子 事計 O 再向右运动的过程中, 可依

A. 它的加速度逐渐变大

B. 它的加速度逐渐减小

C. 它的加速度开始一段逐渐增大,后来逐渐减小

D, 它的加速度开始一段逐渐减小,后来逐渐增大



[分帶] 两个等量同种电荷连线的中点 O处场强为零,而无穷远处(极限值)的场强 也是零,其他各处场强不为零,这说明由 O点沿 ab 的中垂线至无穷远处场强的变化是先 增大后减小,这中间必有一处场强具有最大值,电子 O<sub>1</sub> 一侧沿 O<sub>1</sub> O<sub>2</sub> 方向射人,穿过 O 再 向右运动的过程中,它的加速度是先增大,后减小.

#### [##] C

[內 13] 如图 6-11 所示, ab 是年径为 r 的圆的直径, 该圆处于匀级电场中, 场级大小为 E, 在圆所在的平面内, 将一带正电荷量为 q 的小球从a 点分别以相同的功能概出, 挑出的方向不同, 小球经过圆上不同点, 在所有的这些点中, 只有到达 c 点的小球的动能最大, 巴加亚, c 连线与直径ab 间的失角  $\theta = 30^\circ$ , 若不计量力和空气阻力, 该求;



图 6-11

- (1) 电场方向与 a、c 连线间的夹角 a 为多大?
- (2) 若小踩在a点时初速度方向与电场方向垂直。且小踩恰好能落在c点。則初功能E.为多大?





[分析] (1) 到达 c 点的小球的动能最大,说明电杨对到达 c 点的小球做的功最多,所以 c 点应在离a 点最远的等势线上,过 c 点的切线(切线是与圆周只有一个交点,割线的极限) 就是这个等势线,电场线应跟这个切线垂直,如图 7-10 所示,由图 r 知,电场线和 r 连续的来角为r =  $30^\circ$ .

(2) 若小球在 a 点时初速度方向与电场方向垂直,且小球恰好能落在 c 点,则小球初速度的方向只能垂直 E 斜向下,小球做的是类平抛运动。由题意画出场强的方向及小球初速度的方向,并画出小球的运动轨迹如图 6-12 所示。过 a 点做切线的垂线 ad (即和场强方向平行的线),由几何知识算出  $ac=\sqrt{3}r$ ,  $ac=\frac{\sqrt{3}}{3}r$ ,  $ad=\frac{3}{3}r$ 



图 6-12

结合小球在垂直 E 和平行于 E 的方向上的运动可知:

$$\frac{3}{2}r = \frac{1}{2} \cdot \frac{qE}{m} \cdot \left(\frac{\sqrt{3}}{2}r\right)^2, ##4: 小球初幼能 \frac{1}{2}mv^2 = \frac{qEr}{8}.$$

[**两 14**] 在如園 6-13 所示的电路中, $R_1$ 、 $R_2$ 、 $R_3$  和  $R_4$  皆为定值电阻, $R_2$  为可变电阻,电源的电动势为  $\epsilon$ ,內阻为 r. 设电流表 A 的读数为 I,电压表 V 的读数为 U. 当  $R_3$  的滑 动触点向图中 a 端移动时, ( )



B. I 变大,U 变大

C. I 並小。U 並大

D. / 東小, U東小



[分析] 假设开始滑动触点移到图中a处(极限点),此时电阻R。及R2、R、被短路。 电流表的读数为零。由于外电阻变小,外电阻的分压作用减小,路端电压U变小,

[##] D

[四15] 如图 6-14 所示的电路,总电压U保持不变, 清线变阻器的总电阻为 2R,当滑动片位于变阻器的中点 O 时,四个电流表 A<sub>1</sub>、A<sub>2</sub>、A<sub>3</sub>、A<sub>4</sub> 的示数都相等,且为 I<sub>0</sub>,当滑 动片稀别 O' 时,则



A. A. 的示数大于 1.0 C. A. 的示数大于 I.0 B. A2 的示数大于 10

D. A. 的示數大子 L.

图 6-14

[分析] 当滑动片在O点时,此时电路中的电阻最大、当滑动片在变阻器的两个端点时,电路中的电阻最小(相当于两个定值电阻有一个被导线短路). 电路具有对称性,所以各电流表的示数均为 $I_0$ ,当滑动片由O移到O'时,电路对称性被破坏,左侧电路C00的电阻变小,右侧电路C00的电阻变大,总电压不变,根据串联电路电压分配与电阻成正比可得 $U_{Clo} < \frac{U}{2}$  , $U_{Elo} > \frac{U}{2}$  , $I_1 = \frac{U_{Clo}}{2p}$  , $I_2 = \frac{U_{Elo}}{2p}$  , $I_2 = \frac{U_{Elo}}{2p}$  , $I_3 = \frac{U_{Elo}}{2p}$  , $I_4 = \frac{U_{Elo}}{2p}$  , $I_5 = \frac{U_{Elo}}{2p}$  , $I_$ 



 $I_2 > I_0$ 

当帶动片在O点时,此时电路中的电阻最大,当滑动片在变阻器的两个端点时,电路中的电阻最小(相当于两个定值电阻有一个被导线短路)。对于CO'和O'D的两支路,采取极限的方法进行分析,设O'点移至滑线变阻器的左端点,电路的总电阻  $R_a=\frac{2R}{3}$ ,总电流  $I=\frac{U}{R_a}=\frac{3U}{2R}$ ,该电流全部从电流表入,流过、显然, $I_0 < I$ 、即电流表入。的电流大于 $I_0$ ,而电流表入,中流过的电流为 $U/2R=I_0$ 、综上所述,可知选 B、C 两流项

#### [##] BC

[例16] 如图6-15所示的电路中,闭合电镀, 灯L1、L2 正常发光,由于电路出现故障,突然发现L1 变亮, 灯L2 变 蹟,电流表的读数变小,根据分析,发生的故障可能是



A. R<sub>1</sub> 断路 C. R<sub>2</sub> 短路 B. R<sub>2</sub> 斯路 D. R. 姬璐 图 6-15

[分析] 等效电路如图 6-16 所示, 灯 L<sub>1</sub> 变亮, 灯 L<sub>2</sub> 变 暗, 电流表的读数变小, 说明左侧井联部分的电阻变大, 或者右侧并联部分的电阻变小, 发生故障的元件者是断路, 可看作电阻增大到无穷大(极限值),应与 L<sub>1</sub> 并联, 与 L<sub>2</sub> 申联, 符 合条件的只有电阻 R<sub>1</sub>; 者发生故障的元件者是短路, 可看作电阻减小为零(极限值),应与 L<sub>1</sub> 申联, 与 L<sub>2</sub> 并联, 在电路图中不存在有符合条件的电阻.



图 6-16

#### [春余] A

[四17] 电磁流量计广泛应用于测量可导电流 体(知污水)在管中的流量(在单位时间内通过管内横 截面的流体的体积). 为了简化, 假设流量计是如图 6-17 所示的横截面为长方形的一段管道, 其中空部分



的长、宽、高分别为图中的 a,b,c. 流量计的两端与输送流体的管道相连接(图中的虚 数)图中流量计的上下两面是金属材料,前后两面是绝缘材料,现于流量计所在处加 磁感应强度为 B的勾强磁锅,磁锅方向垂直于前后两面,当导电液体稳定地流以流量 计时,在管外将流量计上、下两表面分别与一串接电阻 R 的电流表的两端连接,J 表示 测量得的电流值,已知流体的电阻率为 B,不計电流表的內阻,則可求得流量为())

A. 
$$\frac{I}{B}(bR+\rho\frac{c}{a})$$
 B.  $\frac{I}{B}(aR+\rho\frac{b}{c})$  C.  $\frac{I}{B}(cR+\rho\frac{a}{b})$  D.  $\frac{I}{B}(R+\rho\frac{bc}{a})$ 





「分析」 当管中流体中的帶电粒子在流量计中匀速运动时受到洛仑兹力与电场力平衡。粒子受洛仑兹沿竖直方向。电场力也是竖直方向。有qvB=qE、E=vB. 上、下两表面电势差U=E=vBc. 上、下两表面间流体的电阻  $R'=\rho\frac{c}{ab}$ ,电流  $I=\frac{U}{R+R'}=vBc$ .  $v=\frac{I}{Bc}(R\perp\rho\frac{c}{ab})$ ,故流量 $Q=bcv=\frac{I}{B}(bR+\rho\frac{c}{a})$ .

另解,电流表测的电流是通过长方形管道的上、下两面之间的电流,导电的流体沿电流方向上的电阻  $R'=\rho\frac{c}{ab}$ ,在选项中的与电阻率  $\rho$  相乘部分只有 A 选项是正确的,而 D 选项中的量倒不对.

#### [##] A

[ 图 18 ] 如图 6-18 所示,为了观察门外情况,有人在门上开一小圆孔,将一块圆柱形玻璃嵌入其中。圆柱体轴线与门面垂重、从圆柱底面中心看出去,可以看到的门外入射光线与轴线的最大夹角称作视场角,已知该玻璃的折射为 n、圆柱长为 l ,底面单径为 r ,则视场角是

A.  $\arcsin\frac{nl}{\sqrt{r^2+l^2}}$ B.  $\arcsin\frac{nr}{\sqrt{r^2+l^2}}$ C.  $\arcsin\frac{n}{r}$ D.  $\arcsin\frac{1}{r}$ 

[分析] 当n=1(极限值),由视场角定义可知视场角为 $\alpha=\arcsin\frac{r}{\sqrt{r^2+l^2}}$ ,由此

排除 A, D 两选项: 由折射定律可知,当n > 1 时,视场角 $\beta$ 与 $\alpha$  的关系为 $n = \frac{\sin \beta}{\sin \alpha}$ ,  $\sin \beta = n\sin \alpha$ ,由此可知,C 选项错误、只有 B 选项正确。

#### [₩#] B

[例 19] 一人看到闪电 12.3s 后又听到雷声.已知空气中的声速为 330 ~ 340m/s,光速为 3×10<sup>8</sup>m/s,于是他用 12.3 除以 3很快估算出闪电发生住置到他的距离为 4.1km.根据你所学的物理知识可以判断 ( )

A. 这种估算方法是错误的,不可采用

B. 这种估算方法可以比较准确的估算出闪电发生位置与观察者间的距离

C. 这种估算方法没有考虑光的传播时间,结果误差很大

D. 即使声速增大 2 倍以上,本题的估算结果依然正确

[分析] 该人用的方法是用 12.3 除以 3 很快估算出闪电发生位置到他的距离为 4.1km,  $\frac{12.3s}{3}$  = 4.1km,从量纲的角度看,3 的单位是 s/km,其物理意义是声波传播 1km 需时间 3s. 光速远大于声速,因声速为  $330\sim340m/s$ ,即.因为 1km 与声速的比值约为 3,





所以,这种估算是正确的,前提是光速远大于声速,声速为 330 ~ 340m/s.

[ # + ] R

### 避除训练



1. 如图 6-19 所示, A 和 B 两物体的质量分别为m; 和 mo, 可 相接触放在光滑水平面上、若对物体A施以水平推力F。则A对B 的作用力为

R \_\_\_\_\_F\_\_

2. 一个物体沿廣坡因数一定的斜面加速下滑,图 6-20 所示的图象中,碼, 确地描述了加速度 a 与斜面倾角  $\theta$  的关系?



R





BEL 6-20

3. 如图 6-21 所示, -根轻质弹簧上端固定, 下端悬柱质量为 mo 的盘, 其中放着质量为 m 的物体, 当盘静止时, 弹簧比其自然长度长出 l; 当向下 拉盘,使弹簧再伸长 △ 后停止(弹簧仍处于弹性限度以内),然后松开手,则 刚松开时盘对物体的支持力等于



A. 
$$\left(1+\frac{\Delta l}{l}\right)mg$$

D. 
$$\frac{\Delta l}{l}(m+m_0)g$$

B.  $\left(1+\frac{\Delta l}{l}\right)(m+m_0)g$ 



图 6-21

 $4. S_1. S_2$  表示劲度系数分别为  $k_1. k_2$  的两根強簧  $k_2 > k_2$  a 和  $k_3$  表示质量分别为  $k_2$ 和 $m_a$ 的两个小物块, $m_a > m_a$ ,将弹簧与物块按图6 22 所示的方式悬柱起来,现要求两根 强备的总长度最短,即应伸

A.S. 在上。a在上

B.S. 在上,b在上

C. S2 在上, a 在上

D.S. 在上.b在上





图 6-23

5. 如图 6-23 所示的装置处于平衡. 现在如果把 AC 换成 - 条比较长的绳子, 使 C 移 到 C', AB 杆保持竖直, 这个装置仍能平衡, 那么





- A. 绳子的拉力 T 增大、杆的支持力 N 减小
- B. 编子的拉力T和杆的支持力N均增大
  - C. 绳子的拉力 T减小、杆的支持力 N 增大
  - D. 绳子的拉力 T和杆的支持力 N 均减小
- -只船以恒定的对水速度,往返于上、下游两码头之间,如果以时间 t<sub>1</sub> 和t<sub>2</sub> 分别对示水的流速较小和较大时船往返一次所需的时间,那么,两时间的长短关系为 (
  - A,  $t_1 = t_2$ C,  $t_1 < t_2$

B. t<sub>1</sub> > t<sub>2</sub>
D. 条件不足,不能判断

7. 如图 6-24 所示,正沿平直轨道以速度 v 匀速行驶的车厢,忽然以加速度 a 做匀加速运动,车厢前端高 h 的货架上小球落下,小球落到底板上的点到货架的水平距离为

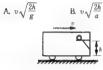




图 6-24

8.图 6-25 所示是 ·个平行板电容器,其电容为 C,带电量为 Q,上极板带正电,现料 ·个试探电荷 q由两极板间的 A 点移动到 B 点,如图 1-25 所示, A, B 两点间的距离为 s 边线 AB 与极板间的夹角为 30°,则电场力对试探电荷 q 所做的功等于











- $1.B(\exists m_1 = 0$  时(极限), A 对 B 的作用力为 F, 只有 B 洗项中的表达式符合)
- 2. D(设物体与斜面间动摩擦因数为  $\mu$ . 物体在斜面上下滑的加速度  $a=g(\sin\theta-\mu\cos\theta)$ , 当  $\theta=0(极限)$ , a=0; 当  $\theta=90$ (极限), a=g; 当  $\theta=\arctan\mu(特殊值)$ , a=0; 当  $\theta>\arctan\mu(4)$  本代和 $\mu$ (4)。
- 3. A(弹簧伸长为l时,電力与帶力平衡. 当弹簧再伸长  $\Delta l$ 时增加的弹力提供两物材加速所需的力,当  $\Delta l=0$ 时(极限),盘对物体支持力为 $m_{\rm H}$ ,只有A中表达式有这种可能性)
- 4. A(应用极限思维法,令两弹簧中劲度系数大到不可伸长,总长最短,小质量物与和小劲度系数弹簧均在下面,下弹簧伸长量最小,即总长度最短)
- 5. D(A 点杆支持力与重物拉力的合力与AC 绳子上的拉力是一对平衡力. 绳子无际长时,绳子趋近水平(极限) 时绳上拉力趋于G.杆上压力为零;当绳子的长度趋近于杆长时,绳上的拉力趋于无穷大,杆上支持力也趋近于无穷大)
  - 6. C(水流速与船速相等(极限) 船就不能返回,说明水流速大往返时间多)
- 7. C(此题中车厢的加速度 a = 0 时小球就不会落下来,即意味着小球落到底板上的点到货架的水平距离为 0. 只有 C 选项才有零的可能性)



8. C(电荷移动的距离在电场力方向上为  $\frac{5}{2}$ ,所以 A、B 两选项不正确,而 D 选项的 量级不对,只有C 洗项正确)

#### 高考思想篇

# aci 考点直击

年份	<b>加速基準数</b>	考点	
2009	山东卷 T16 选择 6 分、理線 🛮 T20 选择 6 分 北京理線 T20 选择 6 分		
2008	北京卷 T20 选择 6 分、注苏卷 T9 选择 4 分	牛顿运动定律、匀变速运动 , 规律、电场强度、光电效应	
2007	广东卷 T5 选择 4 分、宁夏理综 T18 选择 6 分		

### ●三考題探究

[四1] (2009·山东理線) 如图 6-26 所示,光滑半球形 容器固定在水平面上,O 为球心,一质量为 m 的小滑块,在水平力 F 的作用下静止于 P 点,设滑块所受支持力为 F N, ()P 与水平方向的类角为 B,下列关系正确的是



A, 
$$F = \frac{mg}{\tan \theta}$$

图 6-26

C. 
$$F_N = \frac{mg}{\tan \theta}$$

D. 
$$F_N = mg \tan \theta$$

[分析] (极限法) 当 θ = 90°, F = 0, A 选项正确, B 选项错误, F、= mg, C、D 错误.
[★◆] A

[ 阿2] (2009·全國理線 ])以初速度 to 坚直向上摊出一质量为加的小物係。假定物块所受的空气阻力 / 大小不变. 已知重力加速度为 g, 则物体上升的最大高度和返回到原攤出点的速車分别为 ( )

A. 
$$\frac{v_0^2}{2g\left(1+\frac{f}{mg}\right)} \approx v_0 \sqrt{\frac{mg-f}{mg+f}}$$

B. 
$$\frac{v_0^2}{2g\left(1+\frac{f}{mg}\right)} \not= v_0 \sqrt{\frac{mg}{mg+f}}$$

C. 
$$\frac{v_0^2}{2g\left(1+\frac{2f}{mg}\right)} \neq v_0 \sqrt{\frac{mg-f}{mg+f}}$$

D. 
$$\frac{v_0^2}{2g\left(1+\frac{2f}{mg}\right)} \neq v_0 \sqrt{\frac{mg}{mg+f}}$$





[分析] 当 f mg(极限)物体不能返回原抛出点,速度为零,只有 A 正确.

[##] A

所, E 约合理表达式应为
$$A. E = 2\pi k\sigma (\frac{R_1}{\sqrt{x^2 + R_1^2}} - \frac{R_2}{\sqrt{x^2 + R_1^2}})x$$

$$B. E = 2\pi k\sigma (\frac{1}{\sqrt{x^2 + R_1^2}} - \frac{1}{\sqrt{x^2 + R_1^2}})x$$

$$C. E = 2\pi k\sigma (\frac{R_1}{\sqrt{x^2 + R_1^2}} + \frac{R_1}{\sqrt{x^2 + R_1^2}})x$$

D.  $E = 2\pi k_0 \left( \frac{1}{\sqrt{x^2 + R_1^2}} + \frac{1}{\sqrt{x^2 + R_2^2}} \right) x$ 

項排除,由点电荷的电场场强 $E = \frac{M}{r^2}$ ,从量纲的角度来分析,将选项中电场E的表达式与点电荷电场表达式进行比较、 $B\sigma = \frac{q}{l^2}$ ,那么,选项中括号与z的乘积是无量纲,排除了A洗项

「分析」 当x=0(极限法)时、E=0、当 $x\to\infty(极限法)$ 时、E=0、易然 C、D 两法

#### [##] B

[99.4] 有一些问题你可能不会求解,但是你仍有可能对这些问题的解是否合理进行分析和判断,例如从解的物理量单位,解随某些已知量变化的趋势,解在一些特殊条件下的结果等方面进行分析。并与预期结果,实验结论等进行比较,从而判断解的合理性差正确性.



图 6-27

举例如下:如图 6-28 所示,质量为 M、倾角为 θ 的滑块 图 6-28 A 放于水平地面上,把质量为加的滑块B 放在A 的斜面上,忽略一切摩擦,有人水得 B

相对地面的加速度  $a = \frac{M+m}{M+m \sin^2 \theta} \sin \theta$ , 式中 g 为重力加速度.

对于上述解,某同学首先分析了等号右侧量的单位,没发现问题,他进一步利用 特殊条件对旗解做了如下四項分析和判断,所得站论都是"解可能是对的",但是,其 中有一項是错误的,请依指出该项。

A. 当  $\theta = 0$  时,该解给出  $\alpha = 0$ ,这符合常识。说明该解可能是对的

- $B_a \le \theta = 90^\circ$  时,该解给出a = g,这符合实验结论,说明该解可能是对的
- C. 当  $M\gg m$  时,该解给出  $a=g\sin\theta$ ,这符合预期的结果,说明该解可能是对的
- $D_{i}$  当  $m \gg M$  时,该解给出  $a = \frac{R}{\sin \theta}$ ,这符合預期的结果,说明该解可能是对的



-

[分析] 对于表达式  $a=\frac{M+m}{M+m\sin^2\theta}g\sin\theta$ ,  $\theta=0$ (极限值)和  $\theta=90^\circ$ (极限值),均能说明它是正确的, $^\circ$ 4 $M\gg m$ 时相当于A 的加速度  $\to$ 0,B就在固定斜面上运动了,从排除补角度来看,剩下D洗项。肯定县蜡混的

当 $m\gg M$ 时,该解给出 $a=\frac{g}{\sin\theta}$ >g,显然是不合理。因为物块沿斜面下滑是重力正  $\overline{r}$ 分值到斜面的分量而产生的,其加速度小于g,所以不合理。

#### [##] D

[對5] 如图 6-29 所示,一根不可伸长的轻脆两端各系 一个小堆 a 和 b , 跨在两根图定在同一高度的充滑水平细杆 上, 质量为3m的如堆置于地面上,质量为m的的球从水平位置 静止释放,当 a 以对她面压力刚好为掌时, b 球摆过的角度为 8.下到输涂正幽纳署



 $A, \theta = 90^{\circ}$ 

 $B_{\rm c}\theta = 45^{\circ}$ 

C. b 球摆动到量低点的过程中, 重力对小球做功的功率先增大后减小

D. 6 球摆动到最低点的过程中,重力对小球做功的功率一直增大

[分析] b 球摆过的角度为 $\theta$ ,机械能守恒有  $\frac{1}{2}mv^2 = mgl\sin\theta$ ,在沿绳的方向上由 牛顿运动定律有  $T - mg\sin\theta = \frac{mv^2}{l} = 2mg\sin\theta$ , $T = 3mg\sin\theta = 3mg$ , $\theta = 90^\circ$ .

极限法:6 球標动到最低点的过程中,竖直方向上的速度为零,开始时,竖直方向的速 度也为零,所以,在竖直方向上的分速度先增大后减小为零,重力做功的功率是先增大后 减小。

#### [##] AC

[**四**6] 如图 6-30 所示,在倾角为 $\theta$ 的固定光滑斜面上,质量为加的物体受外力 $F_1$ 和 $F_2$ 的作用, $F_1$ 方向水平向右, $F_2$ 方向竖直向上,若物体静止在斜面上,则下列关系正确的是

图 6-30

A.  $F_1 \sin\theta + F_2 \cos\theta = mg \sin\theta$ ,  $F_2 \le mg$ 

B.  $F_1 \cos\theta + F_2 \sin\theta = mg \sin\theta$ ,  $F_2 \le mg$ 

C.  $F_1 \sin \theta - F_2 \cos \theta = m\sigma \sin \theta$ ,  $F_2 \le m\sigma$ 

D.  $F_1 \cos\theta - F_2 \sin\theta = mg \sin\theta$ ,  $F_2 \le mg$ 

[分析] 当 $\theta = 0$ (极限)应有 $F_1 = 0$ , $F_2 = mg$ . A 选项中 $F_2 = 0$ ,而 $F_1 \neq 0$ ,错误。 B 选项中 $F_1 = 0$ ,而 $F_2 \neq 0$ ,即 $F_2 = mg$ ,正确;C 选项同A相似,错误。D 选项中 $F_2 = -mg$ ,因为该关系式中已将力的方向均已考虑,式中符号只表示力的大小. 的张力 T 为(不计量力度两小線间的库仑力)







A.  $T = \frac{1}{2}(q_1 - q_2)E$ 

B.  $T = (q_1 - q_2)E$ 

C.  $T = \frac{1}{2}(q_1 + q_2)E$ 

D.  $T = (q_1 + q_2)E$ 

[分析] 当 $q_1 = q_2$ 时,T = 0,当 $q_2 = 0$ (极限值)时, $T = \frac{1}{2}q_1E$ ,只有A选项正确

[两月] 直空中在一平行板也坚强, 而超板分别由钻和铆(单根限波长分别为 )。 和 lo) 制成, 板面积为 S。间距为 d. 现用波长为 l(l) < l < lo) 的单色光轴维照射面板 内表面,则电容器的最终带电量 〇正比于

$$A. \ \frac{d}{S} \left( \frac{\lambda - \lambda_1}{\lambda \lambda_1} \right) \qquad B. \ \frac{d}{S} \left( \frac{\lambda_2 - \lambda}{\lambda \lambda_2} \right) \qquad C. \ \frac{S}{d} \left( \frac{\lambda - \lambda_1}{\lambda \lambda_1} \right) \qquad D. \ \frac{S}{d} \left( \frac{\lambda_2 - \lambda}{\lambda \lambda_2} \right)$$

「分析」 理用波长为 $\lambda(\lambda_1 < \lambda < \lambda_2)$  的单色光持续照射两板内表面,只有钾极板能 产生光电效应, 钾极板极限波长为 λ . 光电子的最大初动能与 λ . 无关, A、C 两选项排除, 平行板电容器的电容  $C \propto \frac{S}{J}$  , 光电子的最大初动能  $E_{lm} = eU_m$  , 电容器所带电量  $Q_m =$  $CU_m \propto \frac{S}{J} \cdot E_{lm}$ ,从量纲的角度可知 B 选项错误,只有 D 选项正确.

[##] D

## - . 思维考试测试

1 如图 6-32 所示。甲. 7. 两个容器形状不同。容积却相 同,现有两块完全相同的金属块由细线系着,分别浸入同样 深度, 汶时两容水而相平齐, 如果将金属块匀速提出水面, 刚拉力



A. 从甲容器中拉出水面时做功多

- B. 从 Z. 容器中拉出水面时做功多
- C. 从甲、乙,两容器中拉出水面做功相同
- D. 从两容器中拉出水面做功多少无法比较
- 2. 一小球用轻绳悬挂在某固定点,现将轻绳水平拉直,然后由静止开始释放小球,考 **澳小球由静止开始运动到最低位置过程**



图 6-32





- A. 小球在水平方向的速度逐渐增大
- R 小球在坚有方向的速度逐渐增大
- C. 到达最低位置时小球的线速度最大
- D. 到达最低位置时编中的拉力等于小球重力

3. 江苏省沙河柚水蓄能电站自 2003 年投入运行以来,在缓 解用由高峰由力紧张方面,取得了良好的社会效益和经济效 益, 抽水蓄能电站的工作原理是, 在用电低谷时(如深夜), 电站 利用由网名会由能把水抽到高外蓄水池中,到用由高條时,再 利用蓄水池中的水发由。如图 6-33 所示。蓄水池(上游水库) 可 视为长方体,有效总库容量(可用于发电)为V,蓄水后水位高出 下游水面 H,发电过程中上游水库水位最大落差为 d. 统计资料 表明,该由站年抽水用由为2.4×108kW。h,年发申量为1.8×



图 6-33

108kW·h,则下列计算结果正确的是(水的密度为p,重力加速度为g,涉及重力势能的计 算均以下游水面为零势能面)

- A. 能用于发电的水的最大重力势能  $E_o = \alpha_0 H$
- B. 能用于发电的水的最大重力势能  $E_p = \rho g V (H \frac{d}{2})$
- C. 电站的总效率为 75%
- D. 该电站平均每天所发电能可供给一个大城市居民用电(电功率以 10°kW 计) 约 10h
- 4. 在易像管的由子枪中,从炽热的全属丝不断放出的由子进入由压为 [7] 的加速由 场,设其初速度为零,经加速后形成横截面积为 S、电流为 I 的电子束,已知电子的电量为 e、质量为 m,则在刚射出加速电场时,一小段长为 \(\Omega\) 的电子束内的电子个数是 (

A. 
$$\frac{I\Delta l}{S\Delta}\sqrt{\frac{m}{2L}}$$

B. 
$$\frac{I\Delta l}{e}\sqrt{\frac{m}{2eI}}$$

A 
$$\frac{I\Delta l}{eS}\sqrt{\frac{m}{2eU}}$$
 B  $\frac{I\Delta l}{e}\sqrt{\frac{m}{2eU}}$  C  $\frac{I}{eS}\sqrt{\frac{m}{2eU}}$ 



5. 如图 6-34 所示,两小球 A、B 从同一点 E 出发,以相同大小 的初速度 70 分别沿光滑的水平面和凹面通道到达另一端的同一 占 F. 刚下列判断正确的悬



图 6-34

- A. A. 球先到达F点
- B.B球先到达F点
- C. 两球同时到达 F 点
- D. 条件不足, 无法判断两球到达 F 点的先后







6. 如图 6-35 所示,在光滑的水平面上有一质量为 M、倾角 为 8 的光滑斜面体,斜面上有一质量为 m 的物块沿斜面下滑, 关于物块下滑过程中对斜面压力大小的解答,有如下四个表 达式, 要判断这四个表达式是否合理, 你可以不必讲行复杂的 计算,而是根据所学的物理知识和物理方法讲行分析,从而判 断解的合理性或正确性, 根据你的判断。下述表达式中可能正确的是



A. 
$$\frac{Mmg\sin\theta}{M-m\sin^2\theta}$$
  
C.  $\frac{Mmg\cos\theta}{M-m\sin^2\theta}$ 

 $A. R = \frac{\rho(b+a)}{2\pi ab}$ 

$$B_{t} \frac{Mmg \sin \theta}{M + m \sin^{2} \theta}$$

D. 
$$\frac{Mmg\cos\theta}{M+m\sin^2\theta}$$

B.  $R = \frac{\rho(b-a)}{2\pi ah}$ 

 $D_{\bullet}R = \frac{\rho ab}{2\pi(b+a)}$ 

7. 某个由导电介质制成的电阻截面如图 6-36 所示, 导电介质的电阻塞为 a. 制成内. 外半径分别为a和b的半球壳层形状(图中阴影部分),半径为a、电阳不计的球形电极被 嵌入导电介质的键的键心为一个引出电极,在导电介质的外层键壳上罐上一层电阻不计 的金属膜成为另外一个电极, 设该电阻的阻值为 R, 下面给出 R 的四个表达式中只有一 个是合理的,你可能不会求解 R,但是你可以通过一定的物理分析,对下列表达式的合理 性应为 )

$$C.R = \frac{ab}{2\pi(b-a)}$$



图 6-37 图 6-36

8. (2010·福建) 物理学中有些问题的结论不一定必须通过计算才能验证,有时只需 要通过一定的分析就可以判断结论是否正确。如图 6-37 所示为两个被此平行日共轴的 半径分别为  $R_1$  和  $R_2$  的圆环,两圆环上的电荷量均为  $\alpha$ (今  $\alpha$  > 0) 而且电荷均匀分布, 两 圆环的圆心 O。和 O。相距为 2a,连线的中点为 O,轴线 L的 A 点在 O 点的右侧,与 O 点相 距为r(r<a). 试分析判断下列关于A点处电场强度大小E的表达式(式是 k 为静电力常



量) 正确的是

**明**的定

$$\begin{split} \mathbf{A}.E &= \left| \frac{k \mathbf{q} R_1}{R_1^2 + (a+r)^2} - \frac{k \mathbf{q} R_2}{R_2^2 + (a-r)^2} \right| \\ \mathbf{B}.E &= \left| \frac{k \mathbf{q} R_1}{\left[ R_1^2 + (a+r)^2 \right]^{3/2}} - \frac{k \mathbf{q} R_2}{\left[ R_2^2 + (a-r)^2 \right]^{3/2}} \right| \\ \mathbf{C}.E &= \left| \frac{k \mathbf{q} (a+r)}{R_1^2 + (a+r)^2} - \frac{k \mathbf{q} (a-r)}{R_2^2 + (a-r)^2} \right| \\ \mathbf{D}.E &= \left| \frac{k \mathbf{q} (a+r)}{\left[ R_1^2 + (a+r)^2 \right]^{3/2}} - \frac{k \mathbf{q} (a-r)}{\left[ R_2^2 + (a-r)^2 \right]^{3/2}} \right| \end{split}$$

# 答案与提示

- 1. A(当两容器中没有金属块时,甲的水面比乙的水平高,金属块从甲容器完全提出 做的功多)
- 2. AC(小球开始静止和最低位置时的竖直速度均为零,这是过程中的两个端点即极限位置的速度,运动过程中小球竖直速度不为零,说明小球运动过程中竖直速度是先增大后减小,小球运动到最低点的过程中,重力势能转化为小球的动能,小球的水平速度由零增大到最大,在最低点时,绳的拉力一部分与小球的重力平衡,另一部分提供小球做圆周运动的向心力)
- 3. BC(A 选项不是重力势能量纲;将上游水库中的水集中到水库深度一半处,全部用来发电就是水的最大重力势能  $E_p = \rho_g V(H \frac{d}{2})$ ; 电站总效率为  $\eta = \frac{1.8}{2.4} \times 100\% = 75\%$ ; 电站平均每天所发电能供给一个大城市居民用电  $t = \frac{1.8 \times 10^8}{2.26 \times 10^5}$  h= 5h)
- 4. B(电子进入电压为U的加速电场,设其初速度为零,经加速后获得速度为v,  $v=\sqrt{\frac{2eU}{m}}$ ,由电流 I=neSv 可知 $n=\frac{I}{eSv}=\frac{I}{eS}\sqrt{\frac{m}{2eU}}$ ,小段长为 $\Delta$ I的电子束内的电子个数是 $N=n\Delta V=\frac{I}{.S}\sqrt{\frac{m}{2..I}}$ , $S\Delta I=\frac{I\Delta}{...}\sqrt{\frac{m}{2..I}}$ ,从量纲的角度来讲,ACD 均错误)
- 5. B(两球运动过程中机械能守恒,B球速度越来越大,但 B球在水平方向上的速度 虽然是增大的,但开始沿水平方向的速度小于 A 球的水平速度,所以,不能判断。但可用 极限法判断,当两球的初速度为零时,A球不能到达 F点,而 B球却能运动到 F点,说明 B球先到达 F点)
- 6. D(当 M→∞时(极限法),将表达式的分子和分母同除以 M,物块下常过程中对斜面压力大小 N=mg $\cos\theta$ , A、B 两选项错误; 当  $\theta$ =0 时, N=mg, 当  $\theta$ =90°时, N=0; 物块





沿斜面下滑时,斜面体向左滑动,物块与斜面体有分离的趋势,它们之间压力在减小,C、 D两式相比较,只有D式符合以上几个特征)

7. B(从电阻定律  $R=\rho$   $\frac{L}{S}$  中的量纲的角度可以分析到 C、D 两选项错误,由题可知球形电极的电阻不计,当 b=a 时(极限法),电阻 R=0,只有 B式下确)

8. D(由点电荷的电杨  $E = \frac{kq}{r^2}$  与选项进行比较,可知  $A \cdot C$  两选项中的量纲不对. 当 r = a时(极限),环 2 所带电荷在圆心 O,处所产生的场强为零,表达式中应与  $R_2$  无关,只有 D 洗项正确)

